## 01;02 Сечения процессов перезарядки и возбуждения при столкновении альфа-частиц с примесными Ве-подобными ионами кислорода в плазме

#### © В.К. Никулин, Н.А. Гущина

Физико-технический институт им. А.Ф. Иоффе РАН, 194021 Санкт-Петербург, Россия e-mail: nikulin@astro.ioffe.ru

#### (Поступило в Редакцию 15 февраля 2006 г.)

Впервые получены данные о сечения электронной перезарядки и возбуждения при столкновении альфачастиц в диапазоне энергий столкновений  $E_c$  20 keV–2 MeV с примесными ионами O<sup>4+</sup>(1s<sup>2</sup>2s<sup>2</sup>) в горячей плазме. Расчет сечений выполнен в рамках метода уравнений сильной связи на базисе 13 синглетных четырехэлектронных квазимолекулярных состояний. Вычислены парциальные сечения перезарядки в 1s-, 2s-и 2p-состояния иона He<sup>+</sup> и электронного возбуждения иона O<sup>4+</sup>(1s<sup>2</sup>2s<sup>2</sup>)  $\rightarrow$  O<sup>4+</sup>(1s<sup>2</sup>2lnl') (n = 2, 3). Максимальное значение полного сечения перезарядки равно  $\sim 2.2 \cdot 10^{-16}$  сm<sup>2</sup> при  $E_c \sim 0.7$  MeV. Полное сечения при  $E_c \sim 80$  keV ( $\sim 7.7 \cdot 10^{-16}$  cm<sup>2</sup>) и двухэлектронного возбуждения при  $E_c \sim 0.7$  MeV ( $\sim 6.5 \cdot 10^{-16}$  cm<sup>2</sup>).

PACS: 52.20.Hv

#### Введение

Данные о сечениях процессов перезарядки при столкновениях альфа-частиц с примесями необходимы для спектроскопической диагностики высокотемпературной плазмы и моделирования поведения альфа-частиц в плазме.

В настоящей работе исследуются процессы перезарядки, перезарядки с возбуждением мишени и электронного возбуждения мишени при столкновении альфа-частиц с примесными Ве-подобными ионами кислорода в горячей плазме:

$$\operatorname{He}^{2+} + \operatorname{O}^{4+}(1s^{2}2s^{2}) \rightarrow \begin{cases} \operatorname{He}^{+}(n'l') + \operatorname{O}^{5+}(1s^{2}2s), \\ \operatorname{He}^{+}(n'l') + \operatorname{O}^{5+}(1s^{2}2p), \\ n' = 1, 2, \\ \operatorname{He}^{2+} + \operatorname{O}^{4+}(1s^{2}2lnl'), \\ n = 2, 3. \end{cases}$$
(1)

Теоретически реакции (1) до настоящего времени не изучались, прямое же экспериментальное исследование столкновений с сильным кулоновским отталкиванием между ионами встречает большие затруднения.

Расчет сечений выполнен в квазимолекулярном приближении в рамках метода уравнений сильной связи. На первый взгляд может показаться, что столкновительную систему  $\text{He}^{2+} + \text{O}^{4+}(1s^22s^2)$  можно рассматривать как систему только с двумя активными электронами, полагая, что действие остальных, неактивных, электронов ионного кора  $\text{O}^{6+}(1s^2)$  сводится в основном к экранированию заряда ядра  $\text{O}^{8+}$ . Однако выполненные нами исследования этой столкновительной системы показали, что двухэлектронная модель, не учитывающая релаксацию электронов остова, плохо описывает двухэлектронные переходы активных электронов в таких квазимолекулах. При расчете реакций (1) необходимо непосредственно учитывать 1s-электроны остова и рассматривать четырехэлектронные квазимолекулярные состояния, образующиеся в процессе столкновения.

Волновые функции четырехэлектронных диабатических состояний представлены в нулевом приближении как комбинации детерминантов Слейтера с использованием базиса одноэлектронных экранированных двухатомных молекулярных орбиталей (ЭДМО), рассчитываемых в рамках разработанного нами метода эффективного потенциала [1]. Значения энергии четырехэлектронных состояний, вычисленные с учетом межэлектронного взаимодействия в первом порядке теории возмущений, соответствуют значениям, полученным с использованием приближения типа Хартри-Фока.

Матричные элементы динамической связи между многоэлектронными диабатическими состояниями сводятся к матричным элементам между ЭДМО.

#### Методы расчета

Сечения реакций (1) вычислены в приближении параметра удара в рамках метода уравнений сильной связи на базисе синглетных четырехэлектронных диабатических состояний квазимолекулы ( $\text{He}^{2+} + \text{O}^{4+}$ ). В рассматриваемом приближении задача сводится к определению электронной волновой функции  $\Psi(\mathbf{r};t)$ , удовлетворяющей нестационарному уравнению Шредингера с электронным гамильтонианом, параметрически зависящим от времени через межъядерное расстояние R(t) (**r** — совокупность электронных координат):

$$H'_{el} = \tilde{H} + \frac{Z_A Z_B}{R},\tag{2}$$

где

$$\dot{H} = H^{(0)} + H^{(1)}$$

$$\equiv \sum_{i=1-4} h^{j}(\mathbf{r}_{i}) + \left(\frac{1}{2}\sum_{i,j}\frac{1}{r_{ij}} - \sum_{i=1-4}V_{eff}^{j}(\mathbf{r}_{i};R)\right), \quad (3)$$

$$h^{j}(\mathbf{r}_{i}) = -\frac{1}{2}\nabla_{i}^{2} - \frac{Z_{A}}{r_{ai}} - \frac{Z_{B}}{r_{bi}} + V_{eff}^{j}(\mathbf{r}_{i};R). \quad (4)$$

 $V_{eff}^{J}$ , добавка к одноэлектронному потенциалу, учитывающая экранирование зарядов ядер электронами квазимолекулы, задается в параметрическом виде [1], допускающем разделение переменных в вытянутой сфероидальной системе координат и позволяющем свести симметрию потенциала в квазимолекуле к симметрии хорошо известной одноэлектронной двухатомной задачи при расчете молекулярных орбиталей (ОЭДМО):

$$V_{eff}^{j} = \frac{1}{2} \left[ \frac{a_{1}^{j} - b_{1}^{j}}{r_{ai}} + \frac{a_{1}^{j} + b_{1}^{j}}{r_{bi}} + \frac{\tilde{a}_{1}^{j} + Ra_{0}^{j}}{r_{ai}r_{bi}} + \frac{b_{2}^{j}(r_{ai} - r_{bi})}{Rr_{ai}r_{bi}} \right].$$
 (5)

В (2)–(5)  $\mathbf{r}_i$  — координаты *i*-го электрона,  $r_{ai}$ ,  $r_{bi}$  — расстояние *i*-го электрона до ядер с зарядами  $Z_A$  и  $Z_B$  ( $Z_A = Z_{\text{He}}, Z_B = Z_{\text{O}}$ ),  $r_{ij}$  — расстояние между *i*-м и *j*-м электронами. Параметры эффективных потенциалов  $\tilde{a}_1^i$ ,  $a_1^j$ ,  $a_0^j$ ,  $b_1^j$  и  $b_2^j$  определялись из условий совпадения энергии ЭДМО  $\psi_j$  и энергий соответствующих ей атомных уровней в пределах R = 0 и  $R \to \infty$ . Для установления соответствия между заданной орбиталью и уровнями атомов при R = 0 и  $R \to \infty$  использовались правила корреляции Бара–Лихтена [2]. Классификация ЭДМО проводилась по квантовым числам состояния объединенного атома (j = (nlm)). Все атомные величины, необходимые для расчета параметров эффективных потенциалов, вычислялись с использованием комплекса программ RAINE [3].

Волновая функция  $\Psi(\mathbf{r}; t)$  раскладывается в ряд по ортогональному набору синглетных четырехэлектронных квазимолекулярных состояний  $\Phi_n(\mathbf{r}; R)$ :

$$\Psi(\mathbf{r},t) = \sum_{p} a_{p}(t) \Phi_{p}(\mathbf{r};R)$$
$$\times \exp\left(-i \int_{0}^{t} \left[\tilde{E}_{p}(R) + \frac{Z_{A}Z_{B}}{R}\right] dt'\right), \quad (6)$$

где

$$\tilde{E}_p = \int \Phi_p(\mathbf{r}; \mathbf{R}) \tilde{H} \Phi_p(\mathbf{r}; \mathbf{R}) \, d\mathbf{r}.$$
(7)

Если первоначально при  $t \to -\infty \ (R \to \infty)$  столкновительная система находилась в состоянии

$$\Psi_1(\mathbf{r}) = \lim_{R o \infty} \Phi_1(\mathbf{r}; R)$$
 (с энергией  $ilde{E}_1(\infty)$ ),

где  $\Psi_1(\mathbf{r}; \mathbf{R})$  — функция, описывающая при  $\mathbf{R} \to \infty$  входной канал в реакциях (1), то

$$\Psi(\mathbf{r};t)_{|t\to-\infty}\to\Phi_1(\mathbf{r})\exp\left(-i\tilde{E}_1(\infty)t\right).$$
(8)

Подстановка (6) в нестационарное уравнение Шредингера с учетом (8) приводит к системе линейных дифференциальных уравнений для определения амплитуд вероятностей  $a_p$ , которая для кулоновской траектории движения сталкивающихся частиц (с зарядами  $Z_A = 2$ и  $Z_B^* = 4$ ) преобразуется к следующему виду:

$$\frac{da_{p}(\tau)}{d\tau} = -\sum_{k \neq p} a_{k}(\tau) \left\{ \frac{\tau}{R - \tau} R_{pk} + \frac{\rho}{R(R - \gamma)} L_{pk} + \frac{i}{v} \frac{R}{R - \gamma} \tilde{H}_{pk} \right\} \\
\times \exp\left(-\frac{i}{v} \int_{0}^{\tau} (\tilde{E}_{k} - \tilde{E}_{p}) \frac{R}{R - \gamma} d\tau\right), \quad (9) \\
\left(R(\tau) = (\tau^{2} + \gamma^{2} + \rho^{2})^{1/2} + \gamma; \quad -\infty < \tau < \infty\right)$$

с начальными условиями

$$a_j(-\infty) = \delta_{1j} \exp(-i\nu_1), \qquad (10)$$

где

$$\nu_1 = \exp\left(-\frac{i}{v}\int_0^\infty \left[\tilde{E}_1(R) - \tilde{E}_1(\infty) + \frac{Z_A Z_B}{R}\right] \frac{R}{R-\gamma} d\tau\right).$$

В (9)  $\rho$  — параметр удара, v — относительная скорость движения ядер,  $\gamma = Z_A Z_B^* / \mu v^2$ ,  $\mu$  — приведенная масса ( $m_{\text{He}} = 4$ ),  $R_{pk} = \langle \Phi_p | d/dR | \Phi_k \rangle$ ,  $L_{pk} = \langle \Phi_p | iL_y | \Phi_k \rangle$  и  $\tilde{H}_{pk} = \langle \Phi_p (\mathbf{r}; R) | \tilde{H} | \Phi_k (\mathbf{r}; R) \rangle$  — матричные элементы динамических (радиальных и вращательных) и потенциальных связей между базисными состояниями. При записи уравнений сильной связи (9) полагалось, что система координат, в которой описывается движение ядер, выбрана так, что ось у перпендикулярна плоскости столкновения (x0z), а ось z совпадает с направлением начальной скорости движения иона He<sup>2+</sup>.

При квазимолекулярном описании атомных столкновений (решении уравнений сильной связи) возникает проблема переноса импульса электрона при перезарядке, которая до сих пор, со времени пионерской работы Бэйтса и Мак-Керрлоа [4], не имеет строгого решения даже при описании одноэлектронных квазимолекулярных процессов. В работе [4] было показано, что из-за пренебрежения трансляцией импульса электрона при движении ядер базисные функции (электронные состояния) в разложении типа (6) будут связаны между собой при любых положениях ядер. Поэтому при конечном числе членов n в базисном наборе результаты расчета зависят от его размера. Для устранения нефизической связи между состояниями в работе [4] было предложено использовать в разложении типа (6) базисные молекулярные функции, умноженные на "факторы трансляции" в виде плоской волны. К настоящему времени предложены различные формы факторов трансляции как для квазимолекулярных, так и для атомных базисов, а также как для одноэлектронных, так и двухэлектронных сталкивающихся систем и как для гетероядерных, так и гомоядерных квазимолекул.

В данной работе при учете переноса импульса используется альтернативный подход, предложенный Винтером и др. [5] для одноэлектронных квазимолекул, связанный с выбором специальной системы координат для электронов при расчете матричных элементов динамической связи состояний. Было показано [5], что для гетероядерных квазимолекул He<sup>2+</sup>-H(1s) при выборе начала координат в "центре масс" зарядов на межъядерной оси (или точке "одинакового потенциала", естественной границе, разделяющей электроны, связанные с одним ядром, от электронов, связанных с другим ядром) результаты расчета вероятностей перехода в зависимости от параметра удара и полных сечений близки к результатам расчета с учетом фактора трансляции в виде плоской волны. Такой подход использовался нами при расчете процессов электронного захвата и возбуждения при столкновении альфа-частиц с ионами углерода  $C^{4+}(1s^2)$  [6], а также между водородоподобными ионами He<sup>+</sup> и ионами B<sup>4+</sup>, C<sup>5+</sup>, N<sup>6+</sup>, O<sup>7+</sup> [7,8]. Было показано [6], что результаты наших расчетов близки к имевшимся квазимолекулярным расчетам при малых энергиях с учетом факторов трансляции и к расчетам в приближении больших энергий, полученным с использованием атомного базиса. Кроме того, наши расчеты [6] лучше всего соответствовали имеющимся экспериментальным данным в широком интервале значений энергии.

### Волновые функции четырехэлектронных состояний

Волновые функции  $\Phi_p(\mathbf{r}; R)$  синглетных четырехэлектронных состояний квазимолекулы (He<sup>2+</sup> + O<sup>4+</sup>) записывались в нулевом приближении в виде линейной комбинации детерминантов Слейтера, построенных на одноэлектронных волновых функциях

$$\bar{\psi}_i(i) = \psi_i(\mathbf{r}_i; R) s(i), \quad i = 1 - 4,$$

где *s*(*i*) — спиновая волновая фукнция *i*-го электрона.

Энергии  $\varepsilon_j(R)$  и волновые функции  $\psi_j(\mathbf{r}_i; R)$  одноэлектронных экранированных двухатомных молекулярных орбиталей находились из решения стационарного **Таблица 1.** Набор базисных квазимолекулярных состояний  $\Phi_p(\mathbf{r}; R)$  и их энергии  $\tilde{E}_p(R)$  в пределе разведенных атомов

$\Phi_p$	Атомный предел при $R \to \infty$	$ ilde{E}_p \ (R = \infty),$ a.u.
$\Phi_{13}(1s\sigma_1^2;\psi_{2p},6h\sigma)$	$\text{He}^+(2p) + \text{O}^{5+}(1s^22p)$	$\tilde{E}_{13} = -63.64$
$\Phi_{12}(1s\sigma_1^2;\psi_{2p},5f\sigma)$	$\text{He}^+(2s) + \text{O}^{5+}(1s^22p)$	$\tilde{E}_{12} = -63.64$
$\Phi_9(1s\sigma_2^2;\psi_{2p},5g\sigma)$	$\text{He}^{2+} + \text{O}^{4+}(1s^22p4f)$	$\tilde{E}_9 = -63.77$
$\Phi_{11}(1s\sigma_1^2;\psi_{2s},6h\sigma)$	$\text{He}^+(2p) + \text{O}^{5+}(1s^22s)$	$\tilde{E}_{11}=-64.02$
$\Phi_{10}(1s\sigma_1^2;\psi_{2s},5f\sigma)$	$\mathrm{He}^{+}(2s) + \mathrm{O}^{5+}(1s^{2}2s)$	$\tilde{E}_{10}=-64.02$
$\Phi_8(1s\sigma_2^2;\psi_{2s},5g\sigma)$	$He^{2+} + O^{4+}(1s^22s4f)$	$\tilde{E}_8 = -64.20$
$\Phi_7(1s\sigma_2^2;\psi_{2p},4f\sigma)$	$He^{2+} + O^{4+}(1s^22p3d)$	$\tilde{E}_7 = -64.42$
$\Phi_6(1s\sigma_2^2;\psi_{2s},4f\sigma)$	$He^{2+} + O^{4+}(1s^2 2s 3d)$	$\tilde{E}_6 = -64.86$
$\Phi_5(1s\sigma_1^2;\psi_{2p},3d\sigma)$	$\text{He}^+(1s) + \text{O}^{5+}(1s^22p)$	$\tilde{E}_5 = -65.14$
$\Phi_4(1s\sigma_1^2;\psi_{2s},3d\sigma)$	$\text{He}^+(1s) + \text{O}^{5+}(1s^22s)$	$\tilde{E}_4 = -65.56$
$\Phi_3(1s\sigma_2^2;\psi_{2p},\psi_{2p})$	$He^{2+} + O^{4+}(1s^22p^2)$	$\tilde{E}_3 = -66.65$
$\Phi_2(1s\sigma_2^2;\psi_{2s},\psi_{2p})$	$He^{2+} + O^{4+}(1s^2 2s 2p)$	$\tilde{E}_2 = -67.13$
$\Phi_1(1s\sigma_2^2;\psi_{2s},\psi_{2s})$	$He^{2+} + O^{4+}(1s^22s^2)$	$\tilde{E}_1 = -67.61$

уравнения Шредингера

$$h^{j}\psi_{j}(\mathbf{r}_{i};R) = \varepsilon_{j}(R)\psi_{j}(\mathbf{r}_{i};R).$$
(11)

Для выбора минимального набора базисных состояний при расчете реакций (1) были вычислены полные электронные энергии нижних состояний квазимолекулы ( $\text{He}^{2+} + \text{O}^{4+}$ ) в пределе разведенных атомов (электронные энергии ионов  $\text{O}^{5+}(1s^2nl)$  и  $\text{O}^{4+}(1s^2nln'l')$ рассчитывались с использованием комплекса программ RAINE [3]). В результате в число базисных было включено 13 квазимолекулярных состояний (табл. 1).

Все базисные состояния, описывающие при  $R = \infty$ входной канал ( $\Phi_1$ ), каналы электронной перезарядки ( $\Phi_4$ ,  $\Phi_5$ ,  $\Phi_{10-13}$ ) и возбуждения мишени ( $\Phi_2$ ,  $\Phi_3$ ,  $\Phi_{6-9}$ ) в реакциях (1), имеют заполненную нижнюю ЭДМО  $\psi_0 = 1s\sigma$ . Если два оставшихся "валентных" электрона находятся в одной и той же ЭДМО  $\psi_i$ , то четырехэлектронная волновая функция  $\Phi_p$  записывается в нулевом приближении в виде одного детерминанта Слейтера, построенного на одноэлектронных функциях  $\bar{\psi}_0$  и  $\bar{\psi}_i$ :

$$\begin{split} \Phi_{p}(\psi_{0};\psi_{i},\psi_{i}) &= \frac{1}{\sqrt{24}} \\ \times \begin{vmatrix} \psi_{0}(1)\alpha(1) & \psi_{0}(2)\alpha(2) & \psi_{0}(3)\alpha(3) & \psi_{0}(4)\alpha(4) \\ \psi_{0}(1)\beta(1) & \psi_{0}(2)\beta(2) & \psi_{0}(3)\beta(3) & \psi_{0}(4)\beta(4) \\ \psi_{i}(1)\alpha(1) & \psi_{i}(2)\alpha(2) & \psi_{i}(3)\alpha(3) & \psi_{i}(4)\alpha(4) \\ \psi_{i}(1)\beta(1) & \psi_{i}(2)\beta(2) & \psi_{i}(3)\beta(3) & \psi_{i}(4)\beta(4) \end{vmatrix} , \end{split}$$

$$\end{split}$$

если же активные электроны (с противоположно направленными спинами) находятся в разных состояниях  $(\psi_i, \psi_i)$ , то  $\Phi_p$  записывается в виде линейной ком-

бинации двух детерминантов Слейтера

$$\begin{split} \Phi_{p}(\psi_{0};\psi_{i},\psi_{j}) &= \frac{1}{\sqrt{2}} \\ \times \left( \frac{1}{\sqrt{24}} \begin{vmatrix} \psi_{0}(1)\alpha(1) & \psi_{0}(2)\alpha(2) & \psi_{0}(3)\alpha(3) & \psi_{0}(4)\alpha(4) \\ \psi_{0}(1)\beta(1) & \psi_{0}(2)\beta(2) & \psi_{0}(3)\beta(3) & \psi_{0}(4)\beta(4) \\ \psi_{j}(1)\alpha(1) & \psi_{j}(2)\alpha(2) & \psi_{j}(3)\alpha(3) & \psi_{j}(4)\alpha(4) \\ \psi_{i}(1)\beta(1) & \psi_{i}(2)\beta(2) & \psi_{i}(3)\beta(3) & \psi_{i}(4)\beta(4) \end{vmatrix} \right. \\ &+ \frac{1}{\sqrt{24}} \begin{vmatrix} \psi_{0}(1)\alpha(1) & \psi_{0}(2)\alpha(2) & \psi_{0}(3)\alpha(3) & \psi_{0}(4)\alpha(4) \\ \psi_{0}(1)\beta(1) & \psi_{0}(2)\beta(2) & \psi_{0}(3)\beta(3) & \psi_{0}(4)\beta(4) \\ \psi_{i}(1)\alpha(1) & \psi_{i}(2)\alpha(2) & \psi_{i}(3)\alpha(3) & \psi_{i}(4)\alpha(4) \\ \psi_{j}(1)\beta(1) & \psi_{j}(2)\beta(2) & \psi_{j}(3)\beta(3) & \psi_{j}(4)\beta(4) \end{vmatrix} \right), \end{split}$$

где  $\alpha$ ,  $\beta$  — спиновые волновые функции электронов с противоположно направленными спинами.

При расчете входящих в базисные состояния  $\Phi_p$  одноэлектронных ЭДМО  $\psi_i$  нами использовались:

— потенциалы  $V_{eff}^0$  для расчета молекулярных орбиталей  $\psi_0$ , описывающих при  $R = \infty$  сильно отщепленные по энергии состояния 1*s*-электронов в ионах  $O^{5+}(1s^22s)$  ( $\psi_0 = 1s\sigma_1$ ) и  $O^{4+}(1s^22s^2)$  ( $\psi_0 = 1s\sigma_2$ );

— потенциал  $V_{eff}^1$  для расчета молекулярных орбиталей  $2s\sigma'$  и  $2p\sigma'$ , описывающих при  $R = \infty$  состояния 2sи  $2p_0$ -электронов в ионах  $O^{4+}(1s^22l^2l')$ ;

— потенциал  $V_{eff}$  для расчета ЭДМО  $2s\sigma$ ,  $2p\sigma$ ,  $4f\sigma$ ,  $5g\sigma$ , описывающих при  $R = \infty$  состояния 2s-,  $2p_0$ -,  $3d_0$ -,  $4f_0$ -электронов в ионах  $O^{5+}(1s^2nl)$  и  $O^{4+}(1s^22lnl')$  с n = 3, 4, и ЭДМО  $3d\sigma$ ,  $5f\sigma$ ,  $6h\sigma$ , описывающих при  $R = \infty$  состояния 1s-, 2s-,  $2p_0$ -электронов в ионе He<sup>+</sup>.

Схема определения параметров эффективных потенциалов  $V_{eff}^0$  приведена в [9] (параметр  $b_2$  в (5) для  $V_{eff}^0$  полагался равным нулю). Необходимые для их расчета атомные энергии 1*s*-состояний ионов Ne<sup>6+</sup>(1s<sup>2</sup>2s<sup>2</sup>) и Ne<sup>6+</sup>(1s<sup>2</sup>2s3d) (предел R = 0) и ионов O<sup>4+</sup>(1s<sup>2</sup>2s<sup>2</sup>) и O<sup>5+</sup>(1s<sup>2</sup>2s) (предел  $R \to \infty$ ) и средние значения эффективного потенциала  $V_{eff}^0(R)$  в пределе соответствующего объединенного атома

$$\bar{V}_{eff}^{0}(R=0) = -\left(\frac{Z^{*}}{n^{*}}\right)^{2} + \frac{\tilde{a}_{1}^{0}Z^{*2}}{2n^{*3}(s+1/2)},$$
(14)

полученные из атомных расчетов, приведены в табл. 2.

В (14)  $Z^* = Z_A + Z_B - a_1^0$ ,  $n^* = n + \Delta_l$ ,  $\Delta_l = -(l+1/2) + [(l+1/2)^2 + \tilde{a}_1^0]^{1/2}$ , s — эффективный орбитальный момент, связанный с l соотношением  $s(s+1) = l(l+1) + \tilde{a}_1^0$  (для орбитали  $\psi_0$  n = 1, l = 0).

Схема определения параметров эффективных потенциалов  $V_{eff}^1$  и  $V_{eff}$  была описана в [10]. Для их расчета использовались энергии 2s- и 2p-уровней в объединенном атоме Ne<sup>6+</sup>(1s<sup>2</sup>2s2p) ( $\varepsilon_{2s}^u = -7.454$  a.u.,  $\varepsilon_{2p}^u = -6.779$  a.u.), энергия 1s-уровня иона He<sup>+</sup> и энергия 2s-уровня в ионе O<sup>4+</sup>(1s<sup>2</sup>2s<sup>2</sup>) ( $\varepsilon_{2s}^s = -4.092$  a.u.) или 2p-уровня в ионе O<sup>5+</sup>(1s<sup>2</sup>2p) ( $\varepsilon_{2p}^s = 4.748$  a.u.) при расчете параметров потенциалов  $V_{eff}^1$  или  $V_{eff}$ 

**Таблица 2.** Энергии  $\varepsilon_{1s}^{u}$  и средние значения эффективных потенциалов  $\bar{V}^{0}$  для  $1s\sigma_{1}$  и  $1s\sigma_{2}$  ЭДМО в пределе объединенных атомов; энергии  $\varepsilon_{1s}^{s} 1s\sigma_{1}$  и  $1s\sigma_{2}$  ЭДМО в пределе разведенных атомов (все величины даны в а.u.)

$\psi$	$ \varepsilon_{1s}^u $	$ar{V}^0$	$ \varepsilon_{1s}^{s} $
$\frac{1s\sigma_1}{1s\sigma_2}$	40.515	88.2356	25.700
	39.646	87.178	23.854

**Таблица 3.** Параметры эффективных потенциалов (в а.u.) для расчета ЭДМО  $\psi_i$ 

$V_{eff}^j$	$\tilde{a}_1^j$	$a_1^j$	$a_0^j$	$b_1^j$	$b_2^j$
$\begin{array}{c}V^0_{eff}\\(1s\sigma_1)\\(1s\sigma_2)\end{array}$	-0.069824 -0.076074	1.6783 1.8341	0.960 -0.957	-0.817 1.309	
$V_{eff}^1$	-0.112	2.775	-1.080	2.279	0.584
$V_{eff}$	-0.112	2.275	-0.286	1.910	-0.579

соответственно. Значения параметров эффективных потенциалов приведены в табл. З. В дальнейшем малая неортогональность ЭДМО, вычисленных для различных эффективных потенциалов, не учитывается.

Для расчета энергий  $\varepsilon_j(R)$  и волновых функций  $\psi_j$  одноэлектронных квазимолекулярных состояний использовался комплекс программ [11]. Энергии ЭДМО приведены на рис. 1. Атомные пределы ЭДМО при  $R \to \infty$  выписаны с учетом того, что для рассматриваемых скоростей столкновений далекие квазипересечения орбиталей  $5f\sigma-6g\sigma$  ( $R \simeq 14$  a.u.) и  $6h\sigma-7i\sigma$  ( $R \simeq 16.5$  a.u.) проходятся диабатически в процессе столкновения.

При построении волновых функций  $\Phi_p(\mathbf{r}; R)$  четырехэлектронных состояний мы использовали вместо молекулярных орбиталей  $2s\sigma'$ ,  $2p\sigma'$  (p = 1-3) и  $2s\sigma$ ,  $2p\sigma$ (p > 3) молекулярные орбитали  $\psi_{2s}$ ,  $\psi_{2p}$ , описывающие в пределе разведенных атомов 2s- и  $2p_0$ -состояния электрона в ионах  $O^{4+}(1s^22l2l')$  и  $O^{5+}(1s^22l)$ :

$$\psi_{2s} = (2s\sigma' + 2p\sigma')/\sqrt{2},$$
  
 $\psi_{2p} = (2s\sigma' - 2p\sigma')/\sqrt{2}$  при  $p = 1-3$  (15)

И

$$\psi_{2s} = (2s\sigma + 2p\sigma)/\sqrt{2},$$
  
 $\psi_{2p} = (2s\sigma - 2p\sigma)/\sqrt{2}$  при  $p > 3.$  (16)

Это позволяет аккуратно записать волновую функцию  $\Phi_1(\mathbf{r}; R)$ , описывающую входной канал в реакциях (1).

Входящие в уравнения сильной связи энергии базисных состояний ( $\tilde{E}_p = \tilde{H}_{pp}$ ) и матричные элементы потенциального взаимодействия между ними ( $\tilde{H}_{pk}$ ) вычислялись в первом порядке теории возмущения по



**Рис. 1.** Энергии  $\varepsilon_j(R)$  экранированных одноэлектронных двухатомных молекулярных орбиталей  $\psi_j$  квазимолекулы  $(\text{He}^{2+} + \text{O}^{4+})$ .

остаточному взаимодействию

$$\tilde{H}_{pk} = \left\langle \Phi_p | H^{(0)} | \Phi_k \right\rangle + \left\langle \Phi_p | H^{(1)} | \Phi_k \right\rangle.$$
(17)

Матричные элементы радиальных связей между базисными состояниями

$$R_{pk} = \left\langle \Phi_p | d/dR | \Phi_k \right\rangle \tag{18}$$

расписывались через матричные элементы радиальных связей между одноэлектронными ЭДМО.

Расчетные формулы для матричных элементов  $E_p$ ,  $H_{pk}$ и  $R_{pk}$  приведены в [12]. Энергии базисных синглетных четырехэлектронных состояний приведены на рис. 2.

# Расчет сечений одноэлектронной перезарядки и возбуждения мишени

Парциальные сечения заселения конечных состояний  $\Phi_p(r) = \lim_{R \to \infty} \Phi_p(\mathbf{r}; R)$  для заданной скорости столкновения v рассчитывались по формулам

$$\sigma_p = 2\pi \int_0^{\tau_{\text{max}}} \rho |b_p(\rho, v)|^2 d\rho, \qquad (19)$$

где  $b_p(\rho,v),$ амплитуда перехода из начального состояния  $\Phi_1({\bf r})$  в конечное  $\Phi_p({\bf r}),$  равна

$$b_p(\rho, v) = \lim_{t \to \infty} \left\langle \Phi_p(\mathbf{r}) | \Psi(\mathbf{r}, t) \right\rangle \exp(i\tilde{E}_p(\infty)t)$$
$$\simeq a_p(\tau_{\max}) \exp(-iv_p), \tag{20}$$

$$\nu_p = \frac{1}{\upsilon} \int_{0}^{\tau_{\text{max}}} \left[ \tilde{E}_p(R) - \tilde{E}_p(\infty) + \frac{Z_A Z_B}{R} \right] \frac{R}{R - \gamma} \, d\tau. \quad (21)$$

Амплитуды вероятностей  $a_p(\tau_{\max})$  определяются при интегрировании уравнений сильной связи (9) в преде-



**Рис. 2.** Энергии  $\tilde{E}_j(R)$  синглетных четырехэлектронных состояний  $\Phi_j(\mathbf{r}; R)$  (j = 1-13) квазимолекулы  $(\mathrm{He}^{2+} + \mathrm{O}^{4+})$ :  $\Phi_1(\mathbf{r}; R)$  — входной канал;  $\Phi_4(\mathbf{r}; R)$ ,  $\Phi_{10}(\mathbf{r}; R)$ ,  $\Phi_{11}(\mathbf{r}; R)$  — каналы одноэлектронной перезарядки;  $\Phi_5(\mathbf{r}; R)$ ,  $\Phi_{12}(\mathbf{r}; R)$ ,  $\Phi_{13}(\mathbf{r}; R)$  — каналы одноэлектронной перезарядки с одновременным  $2s \rightarrow 2p$  электронным возбуждением мишени;  $\Phi_2(\mathbf{r}; R)$ ,  $\Phi_3(\mathbf{r}; R)$ ,  $\Phi_6(\mathbf{r}; R) - \Phi_9(\mathbf{r}; R)$  — каналы электронного возбуждения мишени.



$$a_p(-\tau_{\max}) = \delta_{1p} \exp(-i\nu_1).$$

Параметр  $\tau_{\max}$  находится из требования, чтобы при  $\rho \to \tau_{\max} \rho |b_p(\rho, E_c)|^2 \to 0$  для  $p \neq 1$  (при расчете  $\tau_{\max}$  менялся при изменении  $E_c$  от 20 keV до 2 MeV в пределах 5.3–12.4 а.u.). Анализ амплитуд вероятностей заселения выходных каналов в функции от параметра удара  $\rho$  показал, что основной вклад в сечения перезарядки и возбуждения в рассмотренном интервале энергий столкновения вносят  $\rho < 4$  а.u. Для решения системы уравнений сильной связи использовалась программа TANGO [13].

Парциальные сечения, дающие основной вклад в полные сечения электронной перезарядки в 1*s*-, 2*l*-состояния иона He<sup>+</sup> и электронной перезарядки с одновременным  $2s \rightarrow 2p$  возбуждением мишени приведены на рис. 3. Парциальные сечения одноэлектронной перезарядки в 1*s*-, 2*s*-, 2*p*-состояния иона He<sup>+</sup> совместно с соответствующими сечениями перезарядки с одновременным электронным возбуждением мишени

$$\sigma_{tr}(1s)=\sigma_4+\sigma_5,$$

$$\sigma_{tr}(2s) = \sigma_{10} + \sigma_{12}, \qquad \sigma_{tr}(2p) = \sigma_{11} + \sigma_{13},$$

а также полное сечение одноэлектронной перезарядки  $\Sigma_{tr}$ 

$$\Sigma_{tr} = \sigma_{tr}(1s) + \sigma_{tr}(2s) + \sigma_{tr}(2p)$$

приведены на рис. 4. Основной вклад в  $\Sigma_{tr}$  вносит процесс чисто одноэлектронного захвата в 1*s*-состояние



**Рис. 3.** Основные парциальные сечения  $\sigma_j$  одноэлектронной перезарядки и перезарядки с одновременным  $2s \rightarrow 2p$  возбуждением мишени при столкновении  $\text{He}^{2+} - \text{O}^{4+}(1s^22s^2)$ :  $\sigma_4$ ,  $\sigma_{11}$  — парциальные сечения перезарядки в 1s-, 2p-состояния иона  $\text{He}^+$  (перезарядочные каналы  $\text{He}^+(1s) + \text{O}^{5+}(1s^22s)$ ),  $\text{He}^+(2p) + \text{O}^{5+}(1s^22s)$ ),  $\sigma_5$  — парциальное сечение перезарядки в 1s-состояние иона  $\text{He}^+$  с одновременным электронным возбуждением мишени (перезарядочный канал  $\text{He}^+(1s) + \text{O}^{5+}(1s^22p)$ ).



**Рис. 4.** Полное сечение перезарядки  $\Sigma_{tr}$  и суммы парциальных сечений перезарядки в 1*s*-, 2*s*-, 2*p*-состояния иона He<sup>+</sup> и соответствующих сечений перезарядки с одновременным  $2s \rightarrow 2p$  электронным возбуждением мишени:  $\sigma_{tr}(1s) = \sigma_4 + \sigma_5, \sigma_{tr}(2s) = \sigma_{10} + \sigma_{12}, \sigma_{tr}(2p) = \sigma_{11} + \sigma_{13}.$ 



Рис. 5. Полное сечение возбуждения  $\Sigma_{\text{ехс}}$  в 2lnl-состояния иона  $O^{4+}$  (n = 2, 3) и парциальные сечения  $\sigma_j$  возбуждения мишени при столкновении  $\text{He}^{2+} - O^{4+}(1s^22s^2)$ :  $\sigma_2(2s2p)$ ,  $\sigma_6(2s3d)$  — сечения одноэлектронного возбуждения мишени (каналы возбуждения  $\text{He}^{2+} + O^{4+}(1s^22s2p)$  и  $\text{He}^{2+} + O^{4+}(1s^22s3d)$ );  $\sigma_3(2p^2)$ ,  $\sigma_7(2p3d)$ — сечения двухэлектронного возбуждения мишени (каналы возбуждения  $\text{He}^{2+} + O^{4+}(1s^22p^2)$ ) и  $\text{He}^{2+} + O^{4+}(1s^22p^3d)$ ).

иона He<sup>+</sup> ( $\sigma_4$ ). Существенный вклад в полное сечение перезарядки вносят процессы перезарядки с одновременным  $2s \rightarrow 2p$  электронным возбуждением мишени: вклад парциальных сечений электронной перезарядки с одновременным возбуждением мишени ( $\sigma_5 + \sigma_{12} + \sigma_{13}$ ) в  $\Sigma_{tr}$  составляет от 24% (при  $E_c \simeq 2 \text{ MeV}$ ) до 39% (при  $E_c \simeq 0.9 \text{ MeV}$ ).

Парциальные сечения одноэлектронных  $\sigma_2(2s2p)$ ,  $\sigma_6(2s3d)$  и двухэлектронных  $\sigma_3(2p^2)$ ,  $\sigma_7(2p3d)$  возбуждений в 2lnl'-состояния иона  $O^{4+}$  (n = 2, 3) и полное сечение электронного возбуждения  $\Sigma_{\rm exc}$  приведены на рис. 5. При малых энергиях столкновения ( $E_c < 0.2 \,{\rm MeV}$ ) основным является процесс одноэлектронного  $2s \rightarrow 2p$  возбуждения мишени. Именно с максимумом сечения этого процесса связан максимум в полном сечении возбуждения мишени при  $E_c \sim 80 \,{\rm keV}$ . При  $E_c > 0.2 \,{\rm MeV}$  основной вклад в полное сечение возбуждения иона  $O^{4+}$  (с максимумом сечения этого процесса связан максимум разбуждения вносит процесс двухэлектронного  $2s^2 \rightarrow 2p^2$  возбуждения иона  $O^{4+}$  (с максимумом сечения этого процесса связан максимум в полном сечения и возбуждения в полном сечения и она  $O^{4+}$  (с максимумом сечения этого процесса связан максимум в полном сечения и возбуждения в полном сечения и она  $O^{4+}$  (с максимумом сечения и возбуждения и в полном сечения возбуждения в полном сечения и возбуждения в полном сечения и возбуждения в полном сечения и она  $O^{4+}$  (с максимумом сечения возбуждения и при  $E_c \sim 0.7 \,{\rm MeV}$ ).

#### Заключение

Получены новые данные о полных и парциальных сечениях процессов электронной перезарядки и возбуждении при столкновении альфа-частиц с Ве-подобными ионами кислорода O<sup>4+</sup>(1s<sup>2</sup>2s<sup>2</sup>) при энергиях столкновения  $E_c$  от 20 keV до 2 MeV. Основными в рассмотренном интервале  $E_c$  являются процессы одноэлектронного (при  $E_c < 0.2$  MeV) и двухэлектронного (при  $E_c > 0.2$  MeV) возбуждения иона кислорода. Полное сечение возбуждения имеет соответственно максимумы при  $E_c \sim 80$  keV $-7.76 \cdot 10^{-16}$  cm<sup>2</sup> и при  $E_c \sim 0.7$  MeV $-6.5 \cdot 10^{-16}$  cm<sup>2</sup>.

Основной вклад в полное сечение перезарядки вносят процессы одноэлектронной перезарядки в 1*s*-состояние иона He<sup>+</sup>: при изменении  $E_c$  от 0.2 до 2 MeV сечение чисто электронной перезарядки ( $\sigma_4$ ) изменяется в пределах (0.70-1.02)  $\cdot 10^{-16}$  cm<sup>2</sup> с максимальным значением  $1.43 \cdot 10^{-16}$  cm<sup>2</sup> при  $E_c \simeq 0.8$  MeV. Сечение электронной перезарядки с одновременным  $2s \rightarrow 2p$  электронным возбуждением иона  $O^{4+}(\sigma_5)$  меняется в пределах (0.33-0.22)  $\cdot 10^{-16}$  cm<sup>2</sup> с максимальным значением  $0.45 \cdot 10^{-16}$  cm<sup>2</sup> при  $E_c \simeq 0.9$  MeV.

Заметный вклад в полное сечение перезарядки вносит процесс чисто одноэлектронной перезарядки в 2*p*-состояние иона He<sup>+</sup>( $\sigma_{11}$ ): максимальное значение сечения равно  $0.32 \cdot 10^{-16}$  cm<sup>2</sup> при  $E_c \simeq 0.6$  MeV. Максимальное значение полного сечения электронной перезарядки (при  $E_c \simeq 0.7$  MeV) равно  $2.19 \cdot 10^{-16}$  cm<sup>2</sup>.

Авторы благодарны за поддержку работы грантом International Atomic Energy Agency, contract N 13349/RBF.

#### Список литературы

- Nikulin V.K., Guschina N.A. // J. Phys. B: Atom. Mol. Phys. 1978. Vol. 11. P. 3553–3562.
- [2] Barat M., Lichten W. // Phys. Rev. A. 1972. Vol. 6. P. 221.
- [3] Банд И.М., Тржасковская М.Б., Фомичев В.И. Препринт ЛИЯФ им. Б.П. Константинова АН СССР. № 299. Л., 1977. 46 с.

- [4] Bates D.R., McCarroll R. // Proc. R. Soc. A. 1958. Vol. 245.
   P. 175–183.
- [5] Hatton G.J., Lane N.F., Winter T.G. // J. Phys. B: Atom. Molec. Phys. 1979. Vol. 12. P. L571.
- [6] Nikulin V.K., Guschina N.A. // Atomic and Plasma-Material Interaction DATA for Fusion. 2002. Vol. 10. P. 95–102.
- [7] Никулин В.К., Гущина Н.А. // ЖТФ. 2004. Т. 74. Вып. 12. С. 32–39.
- [8] Nikulin V.K., Guschina N.A. // Atomic and Plasma-Material Interaction DATA for Fusion. 2006 (in press).
- [9] Гущина Н.А., Никулин В.К., Самойлов А.В. и др. Препринт ФТИ им. А.Ф. Иоффе. № 811. Л., 1983. 26 с.
- [10] Никулин В.К., Гущина Н.А. ЖТФ. 1999. Т. 69. Вып. 1. С. 15–29.
- [11] Гущина Н.А., Никулин В.К. Препринт ФТИ им. А.Ф. Иоффе. № 1717. СПб, 1998. 66 с.
- [12] Никулин В.К., Гущина Н.А. Препринт ФТИ им. А.Ф. Иоффе. № 1786. СПб, 2005. 41 с.
- [13] Piacentini R.D., Salin A. // Computer Phys. Comm. 1976. Vol. 12. P. 199.