# Теория планарно-неоднородного МОП транзистора в области слабой инверсии. Методика определения поверхностных параметров

© Е.Н. Бормонтов, М.Н. Левин, С.А. Вялых, С.Н. Борисов

Воронежский государственный университет, 394693 Воронеж, Россия E-mail: levin@lev.csu.ru

(Поступило в Редакцию 8 февраля 2000 г.)

Представлена модификация известной модели вольт-амперных характеристик Оверстратена и др. [1] для МОП транзистора в области слабой инверсии, учитывающая планарную неоднородность поверхностного потенциала полупроводника. Предложена простая и удобная методика определения спектральной плотности поверхностных состояний и флуктуационного параметра по выходным (сток-стоковым) и передаточным (сток-затворным) однопороговым вольт-амперным характеристикам. Дополнительное измерение порогового напряжения МОП транзистора дает возможность рассчитать эффективный заряд окисла. Методика позволяет определять указанные поверхностные параметры МОП транзисторов с достаточно хорошей точностью и удобна для тестового контроля интегральных микросхем.

#### Введение

01:06

Известно, что поверхностные состояния (ПС) и планарная неоднородность поверхностного потенциала влияют на выходные и передаточные вольт-амперные характеристики (ВАХ) МОП транзистора [2]. Свенсон и Майндль [3] создали приближенную модель подпороговых ВАХ для объяснения передаточных характеристик низковольтного КМОП инвертора, а Малс, Деклерк и Оверстратен предложили простую и полезную методику контроля плотности поверхностных состояний по подпороговым ВАХ МОП транзистора [1]. При расчете подпороговых ВАХ они исходили из того, что в области слабой инверсии доминируют диффузионная составляющая тока, а поверхностный потенциал однороден по всей границе раздела окисел-полупроводник. В то же время в большинстве реальных МОП структур вследствие случайного распределения поверхностного заряда имеется статистический разброс поверхностного потенциала у<sub>s</sub> по границе раздела окисел-полупроводник [4-7], который обычно описывается гауссовским распределением [4].

$$P(y_s) = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma}} \exp\left[-\frac{(y_s - \bar{y}_s)^2}{2\sigma^2}\right],\qquad(1)$$

где  $\bar{y}_s$  — среднее значение,  $\sigma$  — стандартное отклонение поверхностного потенциала.

Неоднородность поверхностного потенциала существенно возрастает при облучении транзистора ионизирующим излучением [8–13]. Однако уменьшение наклона сток-затворных подпороговых ВАХ после облучения обычно связывают лишь с возрастанием плотности поверхностных состояний [14–16]. Несмотря на очевидную необходимость учета неоднородного планарного распределения радиационно-индуцированных дефектов, этого до сих пор не было сделано в существующих методах исследования. Целью настоящей работы является развитие базовой модели МОП транзистора в области слабой инверсии [1] с учетом планарной неоднородности прибора. Решение этой задачи позволяет корректно объяснить изменения сток-затворных подпороговых ВАХ после воздействия ионизирующего облучения и разработать методику определения параметров границы раздела в МОП транзисторе с учетом флуктуаций поверхностного потенциала.

## Модель МОП транзистора в области слабой инверсии

Рассмотрим для определенности *р*-канальный МОП транзистор. Знаки объемного потенциала  $\phi_B$ , поверхностного потенциала  $y_s$  и напряжения на стоке  $V_D$  для такого транзистора отрицательны. Потенциал в канале V при движении от истока к стоку меняется от 0 до  $V_D$ . Запишем соотношение между затворным напряжением  $V_g$ , поверхностным потенциалом  $y_s$  и потенциалом канала V в произвольной точке канала

$$V_g = V_{FB} - \frac{Q_{sc}}{C_{0x}} + \frac{kT}{q} y_s + \frac{qD_{ss}}{C_{0x}} \left(\frac{kT}{q} y_s - V\right), \qquad (2)$$

где  $V_{FB} = \phi_{ms} - Q_{0t}/C_{0x}$  — напряжение плоских зон,  $\phi_{ms}$  — разность работ выхода электрона из металла и полупроводника,  $Q_{0t}$  — фиксированный заряд окисла,  $C_{0x}$  — геометрическая емкость окисла,  $Q_{sc}$  — полный заряд в области пространственного заряда (ОПЗ) полупроводника,  $D_{ss}$  — спектральная плотность ПС.

В основу флуктуационной модели вольт-амперных характеристик (ВАХ) МОП транзистора в области слабой инверсии возьмем модель Оверстратена, Деклерка и Малса [1]. В работе [1] при выводе формулы для подпорогового тока считалось, что в области слабой инверсии заряд подвижных дырок в ОПЗ  $Q_p$  много меньше заряда ионизированной донорной примеси  $Q_B$ , т.е.  $Q_{sc} \approx Q_B$ , и проводилось разложение заряда обедненного слоя  $Q_B$  в ряд около середины области слабой инверсии  $y_s = 1.51 \ln \lambda$ , где  $\lambda = n_i/N_D$  — степень легирования полупроводника,  $n_i$  — собственная концентрация носителей заряда,  $N_D$  — концентрация донорной примеси в полупроводнике. Однако в формулу (2) входит полный заряд ОПЗ  $Q_{sc}$ , включающий и заряд подвижных неосновных носителей. Из физических соображений ясно, что флуктуации поверхностного потенциала будут оказывать наиболее сильное влияние на заряд инверсионного слоя, поэтому более строго раскладывать в ряд именно  $Q_{sc}$ . Это разложение имеет следующий вид:

$$Q_{sc} = Q_{sc}^* - \frac{kT}{q} C_{sc}^* (y_s - 1.5 \ln \lambda), \qquad (3)$$

где  $Q_{sc}^*$  и  $C_{sc}^*$  — заряд и емкость ОПЗ при значении поверхностного потенциала  $y_s = 1.5 \ln \lambda$ .

После подстановки (3) в (2) получим

$$V_{g} = \left[ V_{FB} + 1.5 \frac{kT}{q} \ln \lambda - \frac{Q_{sc}^{*}}{C_{0x}} + \frac{qD_{ss}}{C_{0x}} 1.5 \frac{kT}{q} \ln \lambda \right] \\ + \frac{kT}{q} (y_{s} - 1.5 \ln \lambda) \left( 1 + \frac{C_{sc}^{*}}{C_{0x}} + \frac{qD_{ss}}{C_{0x}} \right) - \frac{qD_{ss}}{C_{0x}} V. \quad (4)$$

Величина, стоящая в квадратных скобках, представляет собой напряжение  $V_g^*$  на затворе МОП транзистора, при котором поверхностный потенциал равен  $1.5 \ln \lambda$ . Введем аналогично работе [1] обозначения

$$n = \frac{C_{0x} + C_{sc}^* + qD_{ss}}{C_{0x}}, \quad m = \frac{C_{0x} + C_{sc}^*}{C_{0x}}.$$
 (5)

С учетом (5) соотношение (4) можно переписать в виде

$$V_g = V_g^* + \frac{kT}{q} (y_s - 1.5 \ln \lambda) n - \frac{qD_{ss}}{C_{0s}} V.$$
 (6)

Окончательно получаем следующее соотношение между поверхностным потенциалом  $y_s$  и затворным напряжением  $V_g$ .

$$y_{s} = 1.5 \ln \lambda + \frac{q}{kT} \frac{V_{g} - V_{g}^{*}}{n} + \frac{q^{2}}{kT} \frac{D_{ss}}{nC_{0x}} V$$
  
=  $1.5 \ln \lambda + \frac{q}{kT} \frac{V_{g} - V_{g}^{*}}{n} + \frac{qV}{kT} \frac{qD_{ss}}{C_{0x} + C_{sc}^{*} + qD_{ss}}.$  (7)

Из (7) видно, что при не слишком больших плотностях ПС ( $qD_{ss} \ll C_{0x}$ ) поверхностный потенциал очень слабо зависит от V, а определяется только затворным напряжением и степенью легирования полупроводника.

Перейдем к расчету ВАХ МОП транзистора в области слабой инверсии. Для нахождения заряда подвижных дырок в канале в области слабой инверсии запишем выражение для полного заряда ОПЗ в зависимости от поверхностного потенциала y<sub>s</sub> и потенциала канала V [17]

$$Q_{sc} = \frac{\sqrt{2}\varepsilon_s kT}{qL_D} \left[ \exp(y_s) - y_s - 1 + \lambda^2 \left( \exp\left(-y_s + \frac{qV}{kT}\right) + y_s - \exp\left(\frac{qV}{kT}\right) \right) \right]^{1/2},$$
(8)

гле

$$L_D = \sqrt{\frac{\varepsilon_s kT}{q^2 N_D}}$$

— дебаевская длина экранирования.

Преобразование этого выражения дает следующее соотношение для  $Q_{sc}$ :

$$Q_{sc} = \sqrt{2\varepsilon q N_D \frac{kT}{q} (-y_s - 1) \left[ 1 + \lambda^2 \frac{\exp(-y_s + qV/kT)}{-y_s - 1} \right]}$$
$$= Q_B \sqrt{1 + \lambda^2 \frac{\exp(-y_s + qV/kT)}{-y_s - 1}}.$$
(9)

Учитывая, что в области слабой инверсии заряд подвижных дырок в канале много меньше заряда ионизированной донорной примеси, т.е.

$$\lambda^2 \frac{\exp(-y_s + qV/kT)}{-y_s - 1} \ll 1, \tag{10}$$

выражение (9) можно разложить в ряд, ограничиваясь членами нулевого  $(Q_B)$  и первого  $(Q_p)$  порядка,

$$Q_{sc} = Q_B \left[ 1 + \frac{\lambda^2}{2} \frac{\exp(-y_s + qV/kT)}{-y_s - 1} \right] = Q_B + Q_p, (11)$$

где заряд подвижных дырок  $Q_p$  описывается выражением [1]

$$Q_p(y_s, V) = \left(\frac{q^2 \varepsilon_s N_D}{2kT(-y_s - 1)}\right)^{1/2} \frac{kT}{q}$$
  
  $\times \exp\left(2\ln\lambda + \frac{q}{kT}V - y_s\right)$   
  $= C_d(y_s)\frac{kT}{q}\exp\left(2\ln\lambda + \frac{q}{kT}V - y_s\right), \quad (12)$ 

в котором  $C_D(y_s)$  — емкость слоя обеднения, расположенного между инверсионным слоем и квазинейтральным объемом полупроводника.

Если же поверхностный потенциал неоднороден, то емкость ОПЗ  $C_D$  необходимо усреднить по поверхностному потенциалу, распределенному по гауссовскому закону (1). В результате получается следующее выражение для емкости обедненного слоя в зависимости от среднего поверхностного потенциала [18]:

$$C_D(\bar{y}_s) = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma}} \int_{\bar{s}-3\sigma}^{\bar{y}_s+3\sigma} \left(\frac{q^2 \varepsilon_s N_D}{2kT(-y_s-1)}\right)^{1/2} \\ \times \exp\left[-\frac{(y_s-\bar{y}_s)^2}{2\sigma^2}\right] dy_s.$$
(13)

Журнал технической физики, 2001, том 71, вып. 2

Аналогично для нахождения полной емкости ОПЗ  $C_{sc}^*$ , входящей в определение параметров *m* и *n*, нужно усреднить полную емкость по поверхностному потенциалу [18]

$$C_{sc}^{*} = \frac{\varepsilon_{s}}{\sqrt{2}L_{D}} \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} \int_{1.5\ln\lambda - 3\sigma}^{1.5\ln\lambda + 3\sigma} \left| \frac{\exp(y_{s}) - 1 - \lambda^{2}(\exp(-y_{s}) - 1)}{\sqrt{\exp(y_{s}) - y_{s} - 1 + \lambda^{2}(\exp(-y_{s}) + y_{s} - 1)}} \right| \\ \times \exp\left[ -\frac{(y_{s} - 1.5\ln\lambda)^{2}}{2\sigma^{2}} \right] dy_{s}$$
(14)

Связь между средним поверхностным потенциалом и затворным напряжением дается формулой (7). В эту формулу входит напряжение  $V_g^*$ , которое для планарнонеоднородного МОП транзистора имеет вид

$$V_g^* = V_{FB} + 1.5 \frac{kT}{q} \ln \lambda - \frac{Q_{sc}^*}{C_{0x}} + \frac{qD_{ss}}{C_{0x}} 1.5 \frac{kT}{q} \ln \lambda, \quad (15)$$

где заряд  $Q_{sc}^*$  рассчитывается по формуле [18]

$$Q_{sc}^{*} = \frac{\sqrt{2q}N_{D}L_{D}}{\sqrt{2\pi}\sigma} \int_{1.5\ln\lambda - 3\sigma}^{1.5\ln\lambda + 3\sigma} [(\exp y - y - 1) + \lambda^{2}(\exp(-y) + y - 1)]^{1/2} \\ \times \exp\left[-\frac{(y - 1.5\ln\lambda)^{2}}{2\sigma^{2}}\right] dy.$$
(16)

Таким образом, заряд подвижных дырок в канале при слабой инверсии с учетом флуктуаций поверхностного потенциала можно представить в виде, подобном формуле (12),

$$Q_p(\bar{y}_s, V) = C_D(\bar{y}_s) \frac{kT}{q} \exp\left(2\ln\lambda + \frac{q}{kT}V - \bar{y}_s\right). \quad (17)$$

(

Учитывая (7), можно переписать формулу (17) следующим образом:

$$Q_{p} = C_{d}(\bar{y}_{s}) \frac{kT}{q} \exp(0.5 \ln \lambda) \exp\left[-\frac{q}{kT} \frac{V_{g} - V_{g}^{*}}{n}\right]$$

$$\times \exp\left[\frac{qV}{kT} \left(1 - \frac{qD_{ss}}{C_{0s} + C_{sc}^{*} + qD_{ss}}\right)\right]$$

$$= C_{D}(\bar{y}_{s}) \frac{kT}{q} \sqrt{\frac{n_{i}}{N_{D}}}$$

$$\times \exp\left[-\frac{q}{kT} \frac{V_{g} - V_{g}^{*}}{n}\right] \exp\left[\frac{qV}{kT} \frac{m}{n}\right]. \quad (18)$$

Журнал технической физики, 2001, том 71, вып. 2

Хотя ток стока  $I_D$  в области слабой инверсии является диффузионным, в [19] показано, что для его расчета можно пользоваться общим выражением

$$I_D = -\frac{Z}{L}\mu_p \int_0^{V_D} Q_p(V) dV, \qquad (19)$$

где Z — ширина канала, L — его длина,  $\mu_p$  — подвижность дырок в канале.

Подставляя в (19) выражение (18), получим окончательное выражение для тока стока в подпороговой области работы планарно-неоднородного МОП транзистора

$$I_D = \frac{Z}{L} \mu_p \frac{n}{m} \left(\frac{kT}{q}\right)^2 \sqrt{\frac{n_i}{N_D}} C_D(\bar{y}_s) \exp\left[-\frac{q}{kT} \frac{V_g - V_g^*}{n}\right] \\ \times \left[1 - \exp\left(\frac{qV_D}{kT} \frac{m}{n}\right)\right],$$
(20)

где емкость  $C_d(\bar{y}_s)$  дается формулой (13), величины *m* и n — формулой (5).

В области слабой инверсии средний поверхностный потенциал  $\bar{y}_s$ , соответствующий данному затворному напряжению  $V_g$ , определяется при небольших плотностях ПС следующей приближенной формулой:

$$\bar{y}_s = 1.5 \ln \lambda + \frac{q}{kT} \frac{V_g - V_g^*}{n}.$$
(21)

Таким образом, формула (20) с учетом (13) и (21) дает возможность рассчитать ВАХ МОП транзистора в области слабой инверсии с учетом планарной неоднородности поверхностного потенциала. По форме выражение (20) совпадает с соотношением для подпороговых ВАХ, полученным в работе [1], но входящие в них параметры существенно различны. Так, в параметры m и n выражения (20) входит не емкость обедненного слоя  $C_D$ , а полная емкость ОПЗ  $C_{sc}$ , включающая емкость инверсионного слоя. Кроме того, все емкости, входящие в формулу (20), усредняются по поверхностному потенциалу.

Важнейший статический параметр МОП транзистора — пороговое напряжение рассчитывается с учетом флуктуаций поверхностного потенциала по формуле

$$V_T = V_{FB} + 2\frac{kT}{q}\ln\lambda - \frac{Q_{scT}}{C_{0x}} + \frac{qD_{ss}}{C_{0x}}2\frac{kT}{q}\ln\lambda, \quad (22)$$

где пороговый заряд ОПЗ  $Q_{scT}$ , соответствующий среднему поверхностному потенциалу  $2\ln \lambda$ , находится из выражения [18]

$$Q_{scT} = \frac{\sqrt{2}qN_{D}L_{D}}{\sqrt{2\pi}\sigma} \int_{2\ln\lambda - 3\sigma}^{2\ln\lambda + 3\sigma} [(\exp y - y - 1) + \lambda^{2}(\exp(-y) + y - 1)]^{1/2} \exp\left[-\frac{(y - 2\ln\lambda)^{2}}{2\sigma^{2}}\right] dy.$$
(23)

### Методика определения поверхностных параметров

Запишем выражение (20) в более компактном виде

$$I_D = I_0 \exp\left[-\frac{q}{kT} \frac{V_g - V_g^*}{n}\right] \left[1 - \exp\left(\frac{qV_D}{kT} \frac{m}{n}\right)\right], \quad (24)$$

где

$$I_0 = \frac{Z}{L} \mu_p \frac{n}{m} \left(\frac{kT}{q}\right)^2 \sqrt{\frac{n_i}{N_D}} C_D(\bar{y}_s).$$
(25)

Если построить сток-затворную характеристику МОП транзистора в полулогарифмических координатах  $\ln I_D - qV_g/kT$ , то ее наклон будет равен

$$\frac{kT}{q}\frac{\partial \ln I_D}{\partial V_g} = \operatorname{tg} \alpha_g = -\frac{1}{n}.$$
(26)

Заметим, что параметр *n* пропорционален характерному подпороговому напряжению  $S = \partial V_g / \partial \lg I_D$ , необходимому для изменения тока стока на порядок величины. Пользуясь формулой (26), можно получить

$$S = \frac{\partial V_g}{\partial \lg I_D} = \frac{\partial V_g}{\partial \ln I_D} \ln 10 = \frac{kT}{q} n \ln 10.$$
(27)

Далее, из выражения (24) следует, что ток стока с ростом напряжения на стоке стремится к величине

$$I_{D\max} = I_0 \exp\left[-\frac{q}{kT} \frac{V_g - V_g^*}{n}\right],$$
 (28)

которая называется подпороговым током насыщения. Поэтому формулу (24) можно переписать в виде

$$\ln\left(1 - \frac{I_D}{I_{Dmax}}\right) = \frac{qV_D}{kT}\frac{m}{n}.$$
 (29)

Если перестроить выходную подпороговую характеристику МОП транзистора в координатах

$$\ln\left(1-\frac{I_D}{I_{Dmax}}\right)-\frac{qV_D}{kT}$$

то ее наклон будет равен

$$\operatorname{tg} \alpha_D = \frac{m}{n}.$$
 (30)

Поделив выражение (30) на (26), можно найти величину *m*, а пользуясь ее определением (5), получить экспериментальное значение емкости ОПЗ полупроводника в середине области слабой инверсии по формуле  $C_{sc}^* = (m-1)C_{0x}$ . Емкость  $C_{sc}^*$  при заданной концентрации примеси в подложке  $N_D$  зависит только от флуктуационного параметра. Поэтому, используя теоретическую зависимость  $C_{sc}^*$  от  $\sigma$  (формула (14)) и найденное экспериментально значение  $C_{sc}^*$ , можно определить флуктуационный параметр  $\sigma$ . Номограммы, иллюстрирующие зависимость емкости  $C_{sc}^*$  от  $\sigma$  при различных значениях



**Рис. 1.** Номограммы зависимости емкости ОПЗ в середине области слабой инверсии  $C_{SC}^*$  от флуктуационного параметра  $\sigma$ .  $N_D$  — значение концентрации примеси в подложке МОП транзистора.

концентрации легирующей примеси в подложке и позволяющие оценить флуктуационный параметр, приведены на рис. 1.

Зная параметры m и n, можно также рассчитать спектральную плотность ПС  $D_{ss}$ . Действительно, из определения параметров m и n (5) следует

$$D_{ss} = \frac{C_{0x} + C_{sc}^*}{q} \left(\frac{n}{m} - 1\right) = \frac{C_{0x} + (m-1)C_{0x}}{q}$$
$$\times \left(\frac{1}{\operatorname{tg}\alpha_D} - 1\right) = \frac{\operatorname{tg}\alpha_D}{|\operatorname{tg}\alpha_g|} \frac{C_{0x}}{q} \left(\frac{1}{\operatorname{tg}\alpha_D} - 1\right). \quad (31)$$

Рассчитанная по формуле (31) величина плотности поверхностных состояний соответствует среднему поверхностному потенциалу  $\bar{y}_s = 1.5 \ln \lambda$ , т.е. середине области слабой инверсии. Поскольку в области слабой инверсии энергетическая зависимость плотности ПС довольно слабая [1,4], то ее можно с хорошей точностью считать постоянной и найденную величину  $D_{ss}$  распространить на всю подпороговую область. Таким образом, наклоны передаточной и выходной подпороговых ВАХ МОП транзистора, построенных в полулогарифмических координатах, позволяют определить флуктуационный параметр  $\sigma$  и спектральную плотность ПС  $D_{ss}$ .

Определив дополнительно пороговое напряжение МОП транзистора  $V_T$  (например, экстраполяцией зависимости  $I_D^{1/2}(V_g)$  в области сильной инверсии на ось  $V_g$  [17]), при известных  $D_{ss}$  и  $\sigma$  можно рассчитать заряд окисла  $Q_{0t}$ . Действительно, учитывая, что  $V_{FB} = \phi_{ms} - Q_{0t}/C_{0x}$ , из формулы (22) находим

$$Q_{0t} = -Q_{scT} - C_{0x} \left( V_T - \phi_{ms} - 2\frac{kT}{q} \ln \lambda \right) + 2qD_{ss}\frac{kT}{q} \ln \lambda,$$
(32)

где заряд  $Q_{scT}$  рассчитывается по формуле (23).

Отметим, что определение поверхностных параметров МОП транзистора по предложенной методике не потребовало предположения о равенстве нулю заряда поверхностных состояний в точке "середины зоны" ("middle gap"), используемого в известном методе [14].

#### Результаты и их обсуждение

Результаты моделирования выходных и передаточных ВАХ в области слабой инверсии приведены на рис. 2, 3. При моделировании значения флуктуационного параметра  $\sigma$  варьировались от 0 до 5, концентрации примеси  $N_D$  — от 10<sup>14</sup> до 10<sup>16</sup> сm<sup>-3</sup> и спектральной плотности поверхностных состояний  $D_{ss}$  — от 0 до 10<sup>11</sup> сm<sup>-2</sup> · eV<sup>-1</sup>.



**Рис. 2.** Выходные характеристики *p*-канального МОП транзистора в области слабой инверсии. Напряжение на затворе  $V_g = -2V$ , значения флуктуационного параметра  $\sigma$ : I - 3, 2 - 4, 3 - 5. Концентрация примеси в подложке  $N_D = 10^{15}$  cm<sup>-3</sup>, толщина окисла  $d_{0x} = 200$  nm, спектральная плотность поверхностных состояний  $D_{ss} = 5 \cdot 10$  cm<sup>-2</sup>·eV<sup>-1</sup>, напряжение плоских зон  $V_{FB} = -1$  V, отношение ширины канала к его длине Z/L = 1.



**Рис. 3.** Передаточные характеристики *p*-канального МОП транзистора в области слабой инверсии. Напряжение на стоке  $V_D = -1$  V, значениях других параметров те же, что и на рис. 2.



**Рис. 4.** Зависимости сдвига порогового напряжения  $\Delta V_T$ , обусловленного флуктуациями поверхностного потенциала, от параметра  $\sigma$ .  $d_{0x} = 200$  nm;  $N_D$ , cm<sup>-3</sup>:  $1 - 10^{14}$ ,  $2 - 10^{15}$ ,  $3 - 10^{16}$ .



**Рис. 5.** Зависимость характерного подпорогового напряжения S от параметра  $\sigma$ . 1-3 — то же, что и на рис. 4.

Результаты моделирования свидетельствуют, что с ростом  $\sigma$  происходит увеличение наклона зависимости  $\ln(1 - I_D/I_{Dmax})$  от  $V_D$ , т.е. величины m/n, причем это увеличение становится заметным при  $\sigma > 3$  (рис. 2). В то же время наклон зависимости  $\ln I_D$  от  $V_g$ , т. е. величина 1/n, при  $\sigma < 3$  остается почти постоянным, а при  $\sigma > 3$ заметно уменьшается с увеличением флуктуационного параметра (рис. 3). Влияние параметра  $\sigma$  на сдвиг порогового напряжения  $\Delta V_T = V_T(\sigma) - V_T(\sigma = 0)$ иллюстрирует рис. 4. При  $\sigma > 2$  пороговое напряжение МОП транзистора начинает быстро возрастать. Заметим также, что сдвиг порогового напряжения с ростом  $\sigma$  тем больше, чем больше концентрация примеси в подложке N<sub>D</sub>. Влияние флуктуаций поверхностного потенциала на характерное напряжение S иллюстрирует рис. 5. При  $\sigma > 2$  эта величина также начинает заметно возрастать, что связано с увеличением полной емкости ОПЗ полупроводника  $C_{sc}^*$ .

Следует отметить, что с ростом плотности ПС  $D_{ss}$ , как и при увеличении  $\sigma$ , наклон передаточных характеристик уменьшается. Кроме того, поверхностные состояния сдвигают пороговое напряжение МОП транзистора, увеличивая его абсолютную величину.

Применение методики определения поверхностных параметров проиллюстрируем на примере обработки экспериментальных выходных и передаточных ВАХ тестового р-канального МОП транзистора. В качестве подложки тестового транзистора использовался кремний марки КЭФ-4.5. Подзатворный окисел (SiO<sub>2</sub>) имел толщину  $d_{0x} = 40$  nm. Для создания существенной планарной неоднородности поверхностного потенциала использовался источник у-излучения Со-60 с энергией квантов  $E_{\gamma} \sim 1.2 \,\mathrm{MeV}$ . Экспериментальные выходные и передаточные ВАХ тестового МОП транзистора, построенные в полулогарифмических координатах, в области слабой инверсии имеют отчетливые линейные участки. При этом тангенсы углов наклона этих участков составили tg  $\alpha_D = m/n = 0.89$  и tg  $\alpha_g = -1/n = -0.75$ . Используя эти значения, для емкости ОПЗ в середине области слабой инверсии  $C_{sc}^* = (m-1)C_{0x}$  мы получили значение  $1.57 \cdot 10^{-8} \, \text{F/cm}^2$  и по соответствующей номограмме (рис. 1) нашли  $\sigma = 2.8$ . Значение спектральной плотности ПС, определенное по формуле (31), оказалось равным  $D_{ss} = 7.7 \cdot 10^{10} \,\mathrm{cm}^{-2} \,\mathrm{eV}^{-1}$ . Дополнительно из зависимости  $I_D^{1/2}$  от  $V_g$  в области сильной инверсии было определено пороговое напряжение, которое составило величину  $V_T = -1.6$  V. Затем, подставив найденные значения порогового напряжения V<sub>T</sub>, спектральной плотности ПС  $D_{ss}$  и флуктуационного параметра  $\sigma$  в формулы (23) и (32), мы рассчитали эффективный заряд окисла  $Q_{0t} = 6.15 \cdot 10^{-8} \,\mathrm{C/cm^2}.$ 

Таким образом, метод стационарных вольт-амперных характеристик в подпороговом режиме обеспечивает возможность исследования зарядовых параметров МОП транзистора с учетом планарной неоднородности границы раздела окисел-полупроводник и удобен для тестового контроля интегральных микросхем.

### Список литературы

- Van Overstraeten R.J., Declerck G.J., Muls P.A. // IEEE Trans. Electron. Devices. 1975. Vol. ED-22. N 5. P. 282–288.
- [2] Van Overstraeten R.J., Declerck G.J., Broux G. // IEEE Trans. Electron. Devices. 1973. Vol. ED-20. N 12. P. 1154– 1158.
- [3] Swanson R.M., Meindl J.D. // IEEE J. Solid-State Circuits. 1972. Vol. SG-7, N 4. P. 140–153.
- [4] Nicollian E.H., Goetzberger A. // Bell System Techn. J. 1967.
   Vol. 46. N 5. P. 1055–1133.
- [5] Brews J.R. // J. Appl. Phys. 1975. Vol. 46. N 5. P. 2181-2192.
- [6] Werner C., Bernt H., Eder A. // J. Appl. Phys. 1970. Vol. 50.
   N 11. P. 7015–7019.

- [7] Zeigler K., Klausmann E. // Appl. Phys. Lett. 1976. Vol. 28.
   N 1. P. 678–681.
- [8] Ionizing Radiation Effects in MOS Devices and Circuits / Ed. T.P. Ma, P.V. Dressendorfer. New York: Wiley Interscience, 1989. 760 p.
- [9] Terletzki H., Boden A., Wulf F., Fahner W.R. // Phys. St. Sol. (a). 1984. Vol. 86. N 8. P. 789–794.
- [10] Freitag R.K., Burke E.A., Brown D.B. // IEEE Trans. Nucl. Sci. 1987. Vol. 34. N 6. P. 1172–1177.
- [11] Saks N., Ancona M.G. // IEEE Trans. Nucl. Sci. 1987. Vol. 34. N 6. P. 1348–1354.
- [12] Xapsos M.A., Freitag R.K., Dozier C.M., Brown D.B. // IEEE Trans. Nucl. Sci. 1990. Vol. 37. N 6. P. 1671–1681.
- [13] Freitag R.K., Byrke E.A., Dozier C.M., Brown D.B. // IEEE Trans. Nucl. Sci. 1988. Vol. NS-35. N 6. P. 1203–1207.
- [14] McWhorter P.J., Winokur P.S. // Appl. Phys. Lett. 1986. Vol. 48. N 2 P. 133–135.
- [15] Fleetwood D.M., Shaneyfelt M.R., Schwank J.R. et al. // IEEE Trans. Nucl. Phys. 1989. Vol. 36. N. 6. P. 1816–1824.
- [16] Shanfield Z., Moriwaki M.M. // IEEE Trans. Nucl. Phys. 1987. Vol. 34. N 6. P. 1159–1165.
- [17] Зи С. Физика полупроводниковых приборов. М.: Мир, 1984. Т. 2. 456 с.
- [18] Bormontov E.N., Lukin S.V. // Proc. 5<sup>th</sup> Intern. Conf. on Simulation of Devices and Technologies. Obninsk, 1996. P. 35–39.
- [19] Van Overstraeten R.J., Declerk G.J., Broux G. // IEEE Trans. Electron. Devices. 1973. Vol. ED-20. N 12. P. 1150–1153.