# Размерные эффекты в тонких антиферромагнитных слоях и многослойных магнитных структурах ферромагнетик-немагнитный металл

### © А.А. Берзин, А.И. Морозов, А.С. Сигов

Московский государственный институт радиотехники, электроники и автоматики (технический университет), 119454 Москва, Россия

E-mail: mor-alexandr@yandex.ru

#### (Поступила в Редакцию 26 января 2005 г.)

Рассмотрены особенности спин-флоп и спин-флип переходов в тонких антиферромагнитных слоях и многослойных магнитных структурах ферромагнетик-немагнитный металл. Найдена зависимость величин магнитного поля, соответствующих этим фазовым переходам, от толщины антиферромагнетика или числа слоев в многослойной структуре.

Работа поддержана грантом CRDF-Минобразования РФ VZ-010-0.

### 1. Введение

В современной магнитоэлектронике активно используются магнитные слои толщиной 1-10 nm и образованные такими слоями многослойные структуры. Для этих объектов влияние поверхностей и границ раздела слоев, а также размерные эффекты сильно выражены, поэтому их изучение представляет собой актуальную задачу. Целью данной работы является теоретическое исследование вызванных внешним магнитным полем процессов опрокидывания и схлопывания подрешеток в тонком слое зеркального антиферромагнетика с некомпенсированными поверхностями.

Полученные результаты полностью применимы к антиферромагнитно-связанным многослойным магнитным структурам, состоящим из чередующихся ферромагнитных и немагнитных металлических слоев нанометровой толщины. Подобные структуры привлекли к себе пристальное внимание после открытия в них явления гигантского магнетосопротивления [1]. Если предполагать, что ферромагнитные слои, входящие в состав многослойной структуры, намагничены однородно, то поведение такой многослойной структуры во внешнем магнитном поле аналогично поведению плоскопараллельного слоя антиферромагнетика с некомпенсированными границами. Теоретическое исследование подобных структур проводилось численными методами в ряде работ [2–9], однако попыток аналитического рассмотрения размерных эффектов практически не предпринималось.

В нашей предыдущей работе [10] были рассмотрены искажения магнитной структуры вблизи поверхности антиферромагнетика, вызываемые внешним магнитным полем. Были исследованы случаи как компенсированной, так и некомпенсированной поверхности и рассчитана глубина  $r_c$  проникновения этих искажений в глубь антиферромагнетика (радиус корреляции параметра порядка) во всем диапазоне магнитных полей вплоть до поля схлопывания подрешеток антиферромагетика (поля спин-флип перехода).

Оказалось, что в случае компенсированной поверхности антиферромагнетика эта глубина порядка межатомного расстояний для всех значений магнитного поля, за исключением непосредственной окрестности поля спинфлип перехода, при стремлении к которому имеет место расходимость  $r_c$ .

В случае некомпенсированной поверхности антиферромагнетика в полях, меньших поля опрокидывания подрешеток (поля спин-флоп перехода), глубина проникновения поверхностных искажений по порядку величины равна толщине доменной стенки в антиферромагнетике. Более того, в поле, ориентированном параллельно легкой оси, имеет место расходимость  $r_c$  при приближении значения магнитного поля к полю объемного спин-флоп перехода.

В полях, сравнимых с полем схлопывания подрешеток, поведение  $r_c$  аналогично случаю компенсированной поверхности антиферромагнетика. Таким образом, размерные эффекты существенны в области магнитных полей, меньших или порядка поля спин-флоп перехода, а также вблизи спин-флип перехода.

### 2. Описание модели

Рассмотрим слой антиферромагнетика с идеально гладкими граничными поверхностями при температурах  $T \ll T_N (T_N$  — температура Нееля), когда модули намагниченностей подрешеток можно считать неизменными. Ограничимся рассмотрением локализованных спинов в приближении гейзенберговского обменного взаимодействия между ближайшими соседями. Число последних для спинов, лежащих в поверхностной атомной плоскости, меньше, чем в объеме, что делает их более податливыми к воздействию внешнего магнитного поля. Именно поэтому величина поля поверхностного спин-флоп перехода оказывается ниже объемного значения [11–13]. Будем предполагать, что ось легкого намагничивания лежит в плоскости.



**Рис. 1.** Ориентация намагниченностей атомных плоскостей антиферромагнитного слоя относительно оси легкого намагничения (ось x) и направления внешнего магнитного поля.

В случае некомпенсированной поверхности все спины, лежащие в поверхностной атомной плоскости, коллинеарны и принадлежат одной подрешетке. Пронумеруем атомные плоскости, параллельные поверхности, индексом j, начиная от одной из поверхностей. Спины в четных и нечетных плоскостях отвечают разным подрешеткам. Положение спина в атомной плоскости будем задавать углом  $\theta_j$ , который образует соответствующий спину магнитный момент с выделенным направлением, параллельным легкой оси (рис. 1).

Энергия обменного взаимодействия принимает вид

$$W_{\text{ex}} = \frac{N|J_{af}|S_{af}^{2} a}{2} \sum_{j=1}^{M} \left[ \cos(\theta_{j} - \theta_{j-1})(1 - \delta_{1,j}) + \cos(\theta_{j} - \theta_{j+1})(1 - \delta_{M,j}) \right], \tag{1}$$

где N — число спинов в атомной плоскости,  $J_{af} < 0$  — интеграл обмена между ближайшими спинами,  $S_{af}$  — среднее значение спина атома, a — число ближайших к данному спину соседей, лежащих в соседней атомной плоскости, M — число атомных плоскостей в слое,  $\delta_{1,j}$  — символ Кронекера. Для среза (100) объемно центрированной тетрагональной (с осью c, лежащей в плоскости среза) или ромбической решетки a = 4. Для многослойной магнитной структуры a = 1.

Энергия одноионной анизотропии и зеемановская энергия выражаются соответственно как

$$W_{\rm an} = -KNS_{af}^2 \sum_{j=1}^M \cos 2\theta_j, \qquad (2)$$

$$W_B = -2\mu_B S_{af} B_0 N \sum_{j=1}^M \cos(\theta_j - \psi), \qquad (3)$$

где K — константа анизотропии,  $\mu_B$  — магнетон Бора,  $B_0$  — индукция внешнего магнитного поля, направленного параллельно поверхности под углом  $\psi$  к легкой оси (рис. 1).

Минимизируя суммарную энергию  $W = W_{ex} + W_{an} + W_B$  по параметрам  $\theta_i$ , получаем систему уравнений

$$\sin(\theta_j - \theta_{j-1})(1 - \delta_{1,j}) + \sin(\theta_j - \theta_{j+1})(1 - \delta_{M,j})$$
$$= \alpha \sin 2\theta_j + \beta \sin(\theta_j - \psi), \qquad (4)$$

$$\alpha = 2K/a|J_{af}| \ll 1,\tag{5}$$

$$\beta = 2\mu_B B_0/a |J_{af}| S_{af}. \tag{6}$$

Поведение тонких антиферромагнитных слоев (многослойных структур ферромагнетик-немагнитный металл) с четным и нечетным числом атомных плоскостей (ферромагнитных слоев) существенно различается. В случае нечетного числа атомных плоскостей поверхностные атомные плоскости относятся к одной подрешетке, поэтому возникающая зависимость  $\theta(j)$  оказывается четной относительно середины структуры, в то время как для случая четного числа атомных плоскостей, когда поверхностные атомные плоскости относятся к разным подрешеткам, такая симметрия отсутствует.

# Спин-флоп переход в слое с четным числом атомных плоскостей

где

В полубесконечном антиферромагнетике в том случае, когда внешнее магнитное поле антипараллельно вектору намагниченности верхней атомной плоскости, поверхностный спин-флоп переход происходит в поле  $\beta_s = \beta_1/\sqrt{2}$ , где

$$\beta_1 = \sqrt{8\alpha} \tag{7}$$

— поле объемного спин-флоп перехода [11–13]. При этом, как показано в [10], вблизи поверхности формируется 180° доменная стенка. Причем в ней намагниченности второй и третьей, четвертой и пятой и т.д. атомных плоскостей попарно скомпенсированы. Поскольку намагниченность первой атомной плоскости практически параллельна намагниченности последней четной атомной плоскости, возникающий поверхностный магнитный момент близок к 4µ<sub>B</sub>NS<sub>af</sub>.

Численное решение системы уравнений (4) для слоев с числом атомных плоскостей, равным M = 10, 16, 20,30, 40, 60 и 80, и  $\alpha = 0.01$  показало, что в поле, параллельном легкой оси ( $\psi = 0$ ), спин-флоп переход происходит в поле  $\beta = \beta_s$ . При этом возникает доменная стенка, центр которой располагается посередине слоя.

При  $\beta < \beta_s$  имеем  $\theta_{2n-1} = 0, \theta_{2n} = \pi$ , а при  $\beta = \beta_s + 0$ в середине слоя

$$\theta_{2n-1}^{\mathrm{mid}} = 0.75 \theta_{M/2+1} + 0.25 \theta_{M/2-1} \approx \pi/2,$$

$$\theta_{2n}^{\text{mid}} = 0.75 \theta_{M/2} + 0.25 \theta_{M/2+2} \approx -\pi/2.$$

Таким образом, углы  $\theta_j$  изменяются скачком в поле  $\beta = \beta_s$ .

Если толщина слоя d превосходит глубину проникновения искажений  $r_c$ , которая, согласно [10], в полях  $\beta \approx \beta_1$  дается формулой

$$r_c = 2b / \sqrt{\left|\beta^2 - \beta_1^2\right|} \tag{8}$$

(b - межплоскостное расстояние), то намагниченность поверхностных атомных плоскостей практически параллельна внешнему полю (рис. 2, *a*). Если же  $d < r_c$ ,



**Рис. 2.** Направления векторов намагниченности нечетных атомных плоскостей в поле поверхностного спин-флоп перехода для M = 80 (*a*) и 10 (*b*).



**Рис. 3.** Зависимость угла разворота намагниченности подрешетки на полутолщине антиферромагнитного слоя от числа атомных плоскостей в слое.

то зависимость  $\theta(j)$  близка к линейной, а разворот намагниченности на  $\pi/2$  от середины слоя к поверхности не успевает произойти (рис. 2, b). Зависимость  $\chi = \theta_1 - \theta_{2n-1}^{\text{mid}}$  от M в поле спин-флоп перехода  $\beta_s$ приведена на рис. 3.

По мере приближекния к полю объемного спин-флоп перехода  $\beta_1$  радиус корреляции  $r_c$  расходится соглас-

но (8), поэтому вид зависимости  $\theta(j)$  становится линейным для всех рассмотренных значений M.

# 4. Спин-флоп переход в случае нечетного числа слоев

В этом случае обе поверхностные атомные плоскости принадлежат одной подрешетке антиферромагнетика. Поэтому в поле, параллельном намагниченности этой подрешетки, спин-флоп переход в ограниченном слое будет подавлен и произойдет в магнитном поле  $\beta_1^* > \beta_1$ , так как намагниченностям поверхностных атомных плоскостей энергетически выгодно оставаться коллинеарными полю.

В поле  $\beta_1^*$  происходит фазовый переход второго рода в спин-флоп фазу. В отличие от объемного спин-флоп перехода первого рода и случая четного числа атомных плоскостей угол разворота подрешеток меняется с полем непрерывным образом, причем максимум угла разворота имеет место в середине антиферромагнитного слоя (многослойной структуры). Этот случай иллюстрируется рис. 4 и 5.

Сдвиг поля спин-флоп перехода по сравнению с объемным значением  $\beta_1$  можно найти из условия  $d = Cr_c(\beta_1^*)$ , где C — безразмерная константа порядка



**Рис. 4.** Зависимость направления вектора намагниченности серединной атомной плоскости от величины магнитного поля в слое с M = 21.



**Рис. 5.** Направления векторов намагниченности нечетных атомных плоскостей в поле  $\beta = 0.4$  для слоя с M = 41.



**Рис. 6.** Зависмость поля спин-флоп перехода от числа атомных плоскостей в слое с нечетным числом атомных плоскостей.

единицы. Используя (8), получаем

$$(\beta_1^*)^2 = \beta_1^2 + \left(\frac{2C}{M}\right)^2.$$
 (9)

Сравнение предлагаемой аппроксимации с расчетными данными (рис. 6) дает значение  $C \approx 2$ .

## 5. Сильные магнитные поля

В области полей  $\beta_1 \ll \beta < \beta_2$  ( $\beta_2 = 2(2 - \alpha) \approx 4$  — поле объемного спин-флип перехода для случая внешнего магнитного поля, параллельного легкой оси) глубина проникновения поверхностных искажений ведет себя, согласно [10], как

$$r_{c} = -b \left/ \ln \left( \left| 1 - \alpha + \frac{\beta^{2}(2 - \alpha)}{\beta_{2}^{2} - 2\beta^{2}} \right| - \sqrt{\left( 1 - \alpha + \frac{\beta^{2}(2 - \alpha)}{\beta_{2}^{2} - 2\beta^{2}} \right)^{2} - 1} \right).$$
(10)

Легко видеть, что  $r_c$  убывает по мере роста поля, обращаясь в нуль при  $\tilde{\beta} = \beta_2/\sqrt{2} \approx \sqrt{8}$ . При дальнейшем возрастании поля  $r_c$  начинает увеличиваться, расходясь корневым образом при  $\beta \to \beta_2$ .

Если  $\beta \sim 1$  и  $|\beta_2 - \beta| \sim 1$ , то  $r_c \sim b$ , поэтому при  $M \gg 1$  искажения вблизи двух границ слоя можно рассматривать независимо, размерный эффект отсутствует и задача сводится к изученной в работе [10].

Следует только отметить, что если при  $\beta < \hat{\beta}$  отклонения углов скоса подрешеток от объемных значений имеют противоположные знаки, то при  $\beta > \tilde{\beta}$  их знаки совпадают (рис. 7).

Вблизи  $\beta_2$ , когда  $r_c \to \infty$ , размерные эффекты снова становятся существенными. Вследствие конечности толщины атниферромагнетика (многослойной структуры) схлопывание подрешеток происходит непрерывным

образом в поле  $\beta_2^* < \beta_2$ . Величину  $\beta_2^*$  можно найти из условия  $d = C' r_c$ , что дает

$$\beta_2^* = \beta_2 \left[ 1 - \frac{1}{8} \left( \frac{C'b}{d} \right)^2 \right]. \tag{11}$$

Сравнение расчетных данных с формулой (11) дает значение  $C' \approx 4.5$  как для случая четного, так и для случая нечетного числа атомных плоскостей (рис. 8).



**Рис. 7.** Направления векторов намагниченности атомных плоскостей в поле  $\beta = 2$  (*a*) и 3 (*b*) для слоя с M = 41. Кружки соответствуют нечетным атомным плоскостям, для которых  $\theta_j > 0$ , квадраты — четным атомным плоскостям, для которых  $\theta_j < 0$ .



Рис. 8. Зависимость поля спин-флип перехода от числа атомных плоскостей в слое.

Физика твердого тела, 2005, том 47, вып. 11

### 6. Поверхностный магнитный момент

Обсудим, чем возникающий во внешнем поле магнитный момент отличается от магнитного момента такого же слоя антиферромагнетика, выделенного мысленно в объеме материала (будем называть последний объемным аналогом).

В случае слоев с четным числом атомных плоскостей магнитный момент возникает в поле  $\beta_s = \beta_1/\sqrt{2}$ , т.е. в области полей  $\beta_s < \beta \leq \beta_1$  магнитный момент ограниченного антиферромагнетика не равен нулю (в отличие от магнитного момента объемного аналога). Он направлен вдоль магнитного поля, параллельного легкой оси.

В полях  $\beta > \beta_1$  магнитный момент изменяется практически линейно, достигая насыщения в поле  $\beta_2^*$  (рис. 9, *a*). Отличие магнитного момента слоя от объемного аналога в диапазоне сильных магнитных полей  $\beta \leq \beta_2^*$  невелико (рис. 9, *b*) и труднообнаружимо экспериментальными методами.

В случае слоев с нечетным числом атомных плоскостей продольный (направленный по полю) магнитный момент  $m_{\parallel}$ , равный магнитному моменту некомпенсированной плоскости, существует и в нулевом поле. В поле  $\beta_1^*$  возникает резкий рост  $m_{\parallel}$ , который сменяется линейным изменением (рис. 10, *a*).



**Рис. 9.** Зависимости от величины магнитного поля магнитного момента антиферромагнитного слоя с M = 80 (*a*) и разности между величинами магнитных моментов данного слоя и его объемного аналога (*b*), выраженных в единицах  $2\mu_B NS_{af}$ .



**Рис. 10.** Зависимости продольной (*a*) и поперечной (*b*) составляющих магнитного момента антиферромагнитного слоя с M = 21 от величины магнитного поля.

Но наряду с продольной составляющей в поле  $\beta_1^*$  возникает перпендикулярная полю составляющая магнитного момента  $m_{\perp}$  (рис. 10, *b*), лежащая в плоскости слоя. Величина  $m_{\perp}$  отлична от нуля в области полей  $\beta \gtrsim \beta_1^*$ , где происходит плавный разворот намагниченностей подрешеток. В полях  $\beta \gg \beta_1^*$ , когда этот разворот уже завершен,  $m_{\perp} = 0$ . В объемном аналоге слоя величина

$$m_{\perp} = 2N\mu_B S_{af} \sqrt{1 - \left(\frac{\beta}{\beta_2}\right)^2}$$

существенно отлична от нуля во всем диапазоне полей  $\beta_1 < \beta < \beta_2$ , за исключением окрестности  $\beta_2$ , и имеет противоположное направление.

### 7. Роль шероховатости

Если в многослойных магнитных структурах число слоев фиксировано, то наличие атомных ступеней на поверхности антиферромагнетика приводит к изменению числа атомных плоскостей. По разные стороны ступени число плоскостей различается на единицу.

Если характерное расстояние между ступенями R существенно превосходит  $r_c$ , антиферромагнитный слой разбивается на домены, границы которых перпендикулярны поверхности слоя и совпадают с краями ступеней

на одной из его поверхностей. Поведение намагниченности в каждом домене диктуется числом атомных плоскостей, которое внутри домена остается неизменным. Тип домена определяется комбинацией двух параметров: четности числа атомных плоскостей и номера подрешетки антиферромагнетика, которой принадлежит верхняя атомная плоскость. Всего возможно четыре комбинации и, следовательно, четыре типа доменов. При  $\beta_s < \beta < \beta_1^*$ в доменах с четным числом атомных плоскостей будет наблюдаться спин-флоп фаза, в то время как в доменах с нечетным числом атомных плоскостей устойчивой будет коллинеарная фаза.

При  $\beta \rightarrow \beta_1 - 0$  радиус корреляции искажений расходится, что будет приводить к размытию доменной картины при  $r_c(\beta) > R$  вследствие усреднения поверхностных искажений.

Доменная структура снова станет четкой в полях  $\beta > \beta_1$ , когда  $r_c(\beta)$  станет меньше *R*. По мере приближения к  $\beta_2^*$  контраст между доменами будет ослабляться и исчезнет в точке  $\beta = \beta_2^*$ .

### 8. Выводы

В заключение сформулируем основные выводы работы.

1) Характер спин-флоп перехода в нанослое антиферромагнетика (многослойной антиферромагнитно-связанной структуре ферромагнетик-немагнитный металл) существенно зависит от четности числа атомных плоскостей (ферромагнитных слоев).

2) В слое с четным числом атомных плоскостей спин-флоп переход первого рода происходит в поле поверхностного спин-флоп перехода. В результате возникает состояние с доменной стенкой, центрированной в середине слоя.

3) В слое с нечетным числом атомных плоскостей спин-флоп переход второго рода возникает в поле, превышающем поле объемного спин-флоп перехода, зависящем от толщины слоя.

4) Схлопывание подрешеток антиферромагнетика происходит в поле, меньшем поля объемного спин-флип перехода, зависящем от толщины антиферромагнетика.

5) Шероховатость поверхностей антиферромагнитного слоя ведет в определенных условиях к разбиению его на домены, границы которых перепендикулярны поверхностям слоя и совпадают с краями атомных ступеней на них. Четыре типа возникающих доменов различаются четностью числа атомных плоскостей и номером подрешетки, соответствующей поверхностной атомной плоскости.

### Список литературы

- M.N. Baibich, J.M. Broto, A. Fert, Nguyen van Dau, F. Petroff, P. Etienne, G. Creuzet, A. Friederich, J. Chazelas. Phys. Rev. Lett. 61, 21, 2472 (1988).
- [2] R.W. Wang, D.L. Mills, E.E. Fullerton, J.E. Mattson, S.D. Bader. Phys. Rev. Lett. 72, 6, 920 (1994).
- [3] L. Trallori. Phys. Rev. B 57, 10, 5923 (1998).
- [4] N. Papanicolaou. J. Phys.: Cond. Matter 10, 8, L131 (1998).
- [5] A.L. Dantas, A.S. Carrico. Phys. Rev. B 59, 2, 1223 (1999).
- [6] S.G.E. te Velthuis, J.S. Jiang, S.D. Bader, G.P. Felcher. Phys. Rev. Lett. 89, 127 203 (2002).
- [7] A.N. Bogdanov, U.K. Rossler. Phys. Rev. B 68, 012407 (2003).
- [8] U.K. Rossler, A.N. Bogdanov. Phys. Rev. B 69, 094405 (2004).
- [9] U.K. Rossler, A.N. Bogdanov. Phys. Rev. B 69, 184420 (2004).
- [10] А.А. Берзин, А.И. Морозов, А.С. Сигов. ФТТ 47, 9, 1651 (2005).
- [11] D.L. Mills. Phys. Rev. Lett. 20, 1, 18 (1968).
- [12] D.L. Mills, W.M. Saslow. Phys. Rev. Lett. 171, 2, 488 (1968).
- [13] F. Keffer, H. Chow. Phys. Rev. Lett. 31, 17, 1061 (1973).