# Мелкие акцепторы в гетероструктурах Ge/GeSi с квантовыми ямами в магнитном поле

© В.Я. Алешкин, А.В. Антонов, Д.Б. Векслер, В.И. Гавриленко, И.В. Ерофеева, А.В. Иконников, Д.В. Козлов, О.А. Кузнецов\*, К.Е. Спирин

Институт физики микроструктур Российской академии наук, 603950 Нижний Новгород, Россия \* Научно-исследовательский физико-технический институт Нижегородского государственного университета им. Н.И. Лобачевского, 603950 Нижний Новгород, Россия

E-mail: dvkoz@ipm.sci-nnov.ru

Экспериментально и теоретически исследованы мелкие акцепторы в гетероструктурах Ge/GeSi с квантовыми ямами в магнитном поле. Показано, что наряду с линиями циклотронного резонанса в спектрах магнитопоглощения наблюдаются переходы с основного состояния акцептора на возбужденные состояния, связанные с уровнями Ландау из первой и второй подзон размерного квантования, а также резонансы, обусловленные ионизацией  $A^+$ -центров.

Работа выполнена при поддержке Российского фонда фундаментальных исследований (проекты № 03-02-16808, 04-02-17178), Российской академии наук, Министерства образования и науки РФ и ФЦП "Интеграция" (проект № Б0039/2102).

В последние годы выполнен ряд исследований мелких акцепторов в гетероструктурах Ge/GeSi с квантовыми ямами (КЯ) [1-5]. В таких структурах благодаря встроенной деформации и размерному квантованию происходит расщепление подзон легких и тяжелых дырок, в результате чего эффективные массы дырок уменьшаются. Вследствие этого энергии связи мелких акцепторов оказываются значительно меньшими, чем в объемном Ge, в отличие от доноров, энергия связи которых возрастает по сравнению с объемным случаем из-за дополнительного ограничения волновой функции потенциалом КЯ. Ранее мы продемонстрировали новый экспериментальный метод исследования мелких примесей в полупроводниках путем измерения дифференциального примесного магнитопоглощения в терагерцевом лиапазоне при молулированном межзонном фотовозбуждении носителей заряда [6-8]. В настоящей работе данный метод применяется для определения типов мелких акцепторных центров, которые вносят вклад в наблюдаемое магнитопоглощение в терагерцевом диапазоне в гетероструктурах Ge/GeSi. Как известно, в энергетическом спектре мелкого примесного центра в КЯ имеются состояния, относящиеся к различным подзонам размерного квантования [9]. При приложении магнитного поля перпендикулярно плоскости слоев гетероструктуры подзоны размерного квантования электронов или дырок распадаются на серии уровней Ландау. В случае доноров уровни, относящиеся к различным подзонам размерного квантования, не взаимодействуют друг с другом. Для акцепторов ситуация более сложная: "замешивание" в гамильтониане Латтинжера движения вдоль направления роста структуры с поперечным движением приводит к взаимодействию дырочных состояний, относящихся к различным подзонам размерного квантования. Отметим, что, если гамильтониан, описывающий движение носителя в квантовой яме при приложении магнитного поля, обладает аксиальной симметрией, состояния носителей оказываются вырожденными (см., например, [10]) по проекции момента на ось симметрии. При внесении примесного иона такое вырождение снимается: возникает набор дискретных примесных состояний. При этом в спектре примесного магнитопоглощения может наблюдаться очень сложная картина линий, связанная с переходами между такими состояниями. Для детального описания примесных переходов в гетероструктурах Ge/GeSi с КЯ в магнитном поле и интерпретации результатов эксперимента в работе развит численный метод расчета, основанный на разложении волновой функции акцептора по базису из волновых функций дырок в КЯ в отсутствие магнитного поля.

#### 1. Эксперимент

В настоящей работе представлены результаты исследований спектров субмиллиметрового магнитопоглощения двух гетероструктур  $Ge/Ge_{1-x}Si_x$ , выращенных на низколегированных подложках Ge(111) методом газотранспортной эпитаксии. Обе структуры состояли из 162 КЯ Ge, разделенных барьерами GeSi. Структуры имели следующие параметры: для No 306 x = 0.12,  $d_{\text{Ge}} = 200$  Å,  $d_{\text{GeSi}} = 260$  Å,  $\varepsilon_{xx} = 2.2 \cdot 10^{-3}$ , для № 308  $x = 0.09, d_{\text{Ge}} = 350 \text{ Å}, d_{\text{GeSi}} = 150 \text{ Å}, \varepsilon_{xx} = 4.4 \cdot 10^{-4}.$ Полная толщина обеих структур превышала критическую, поэтому на границе подложка/гетероструктура происходила релаксация упругих напряжений. В результате этого слои Ge оказывались двуосно-растянутыми ( $\varepsilon_{xx}$  — величина двуосной упругой деформации, определенная методом рентгеновской дифракции), а слои GeSi — двуосно-сжатыми. Структуры специально не легировались, концентрация остаточных акцепторов со-

ставляла порядка 10<sup>14</sup> ст<sup>-3</sup> [1]. Во избежание появления эффектов интерференции микроволнового излучения в образцах подложки шлифовались на клин с углом 2°. Образцы располагались в центре сверхпроводящего соленоида в криомагнитной вставке, которая помещалась в транспортный гелиевый сосуд Дьюара СТГ-40. Измерения спектров поглощения проводились при  $T = 4.2 \, \text{K}$ при постоянной частоте излучения и развертке магнитного поля. В качестве источников излучения использовались лампы обратной волны (ЛОВ), перекрывающие диапазон частот 300-1250 GHz. Свободные носители в образце создавались излучением арсенид-галлиевого светодиода ( $\lambda \approx 0.9 \,\mu$ m). Прошедшее через структуру излучение детектировалось кристаллом n-InSb. Большинство измерений проводилось при модуляции излучения меандром с частотой 1 kHz и применения стандартной схемы синхронного детектирования. Проводились также измерения с временным разрешением сигнала при использовании импульсного оптического возбуждения. В этом случае регистрация импульсного сигнала как функции магнитного поля осуществлялась многоканальным цифровым осциллографом "Tektronix" TDS3034B.

### 2. Метод расчета

Для расчета спектра мелкого акцептора необходимо решить уравнение эффективной массы с гамильтонианом, выбранным в виде суммы кинетической энергии (гамильтониан Латтинжера, зависящий от магнитного поля), потенциальной энергии дырки в КЯ, члена, описывающего эффекты деформации, и энергии кулоновского взаимодействия с заряженным акцептором. Магнитное пола полагалось направленным вдоль оси роста структуры, которая принималась за ось z.

Уравнение эффективной массы записывалось в представлении двумерных импульсов. Волновая функция акцепторного состояния в импульсном представлении имеет вид

$$\Psi_k^{(s)}(\mathbf{k}, z) = \int \Psi_{\rho}^{(s)}(\boldsymbol{\rho}, z) \exp(-i\mathbf{k}\boldsymbol{\rho}) d^2\boldsymbol{\rho}, \qquad (1)$$

где *s* = 1, ..., 4 — номер компоненты волновой функции дырки. Гамильтониан, описывающий движение дырки в КЯ в присутствии магнитного поля, в таком представлении принимает вид

$$H_L = \begin{pmatrix} F & H & I & 0 \\ H^* & G & 0 & I \\ I^* & 0 & G & -H \\ 0 & I^* & -H^* & F \end{pmatrix},$$
(2)

где

$$F = \hbar^{2} \frac{(\gamma_{1}(z) + \gamma_{3}(z))(\hat{k}_{x}^{2} + \hat{k}_{y}^{2}) + \hat{k}_{z}(\gamma_{1}(z) - 2\gamma_{3}(z))\hat{k}_{z}}{2m_{0}} + \frac{d(z)}{\sqrt{3}}(\varepsilon_{zz} - \varepsilon_{xx}) \pm \frac{3\hbar eB\kappa}{4m_{0}c} + V(z),$$
(3)

$$G = \hbar^{2} \frac{(\gamma_{1}(z) - \gamma_{3}(z))(\hat{k}_{x}^{2} + \hat{k}_{y}^{2}) + \hat{k}_{z}(\gamma_{1}(z) + 2\gamma_{3}(z))\hat{k}_{z}}{2m_{0}} - \frac{d(z)}{\sqrt{3}}(\varepsilon_{zz} - \varepsilon_{xx}) \pm \frac{\hbar eB\kappa}{4m_{0}c} + V(z),$$
(4)

 $H = \hbar^2$ 

$$\times \frac{-i\frac{1}{\sqrt{3}}\left\{(2\gamma_{2}+\gamma_{3})\hat{k}_{z}\right\}(\hat{k}_{x}-i\hat{k}_{y})+i\sqrt{\frac{2}{3}}(\gamma_{2}-\gamma_{3})(\hat{k}_{x}+i\hat{k}_{y})^{2}}{2m_{0}},$$
(5)

$$I = \hbar^2 \frac{\frac{(\gamma_2 + 2\gamma_3)}{\sqrt{3}} (\hat{k}_x - i\hat{k}_y)^2 + \sqrt{\frac{2}{3}} \{ (\gamma_2 - \gamma_3) \hat{k}_z \} (\hat{k}_x + i\hat{k}_y)}{2m_0}.$$
(6)

Здесь  $\hat{k}_x = k_x + i \frac{eB}{2\hbar c} \frac{\partial}{\partial k_y}$ ,  $\hat{k}_y = k_y - i \frac{eB}{2\hbar c} \frac{\partial}{\partial k_x}$ ,  $\hat{k}_z = -i \frac{\partial}{\partial z}$ ,  $\gamma_1, \gamma_2, \gamma_3, \kappa$  — параметры Латтинжера, зависящие от материала, d — постоянная деформационного потенциала валентной зоны,  $\varepsilon_{ij}$  — компоненты тензора деформации,  $m_0$  — масса свободного электрона, B — напряженность магнитного поля, V — потенциал КЯ. Векторный потенциал был выбран в виде  $\mathbf{A} = \frac{1}{2} [\mathbf{B} \times \mathbf{r}]$ , фигурные скобки обозначают антикоммутатор  $\{\gamma_3 k_z\} = \gamma_3 k_z + k_z \gamma_3$ .

В импульсном представлении оператор кулоновского потенциала, являющийся диагональной матрицей, имеет интегральный вид

$$\hat{V}^{(s,s)}(k,z) = -\frac{e^2}{\chi} \int_0^\infty dk' \int_0^{2\pi} d\beta \Psi_k^{(s)}(k',\beta,z) \\ \times \frac{\exp\left(-|z|\sqrt{(k'-k)^2 + 2k'k(1-\cos\beta)}\right)}{\sqrt{(k'-k)^2 + 2k'k(1-\cos\beta)}}, \quad (7)$$

где  $\beta$  — угол между векторами **k** и **k**',  $\chi$  — диэлектрическая проницаемость полупроводника, *e* — заряд электрона.

Как и ранее [3], использовалось аксиальное приближение, т. е. пренебрегалось анизотропией закона дисперсии дырок в плоскости КЯ. Для этого в недиагональных элементах гамильтониана Латтинжера (в выражениях (5) и (6)) были опущены слагаемые, пропорциональные ( $\gamma_2 - \gamma_3$ ). В аксиальном приближении сохраняется проекция полного момента *J* на нормаль к КЯ. В таком приближении зависимость волновой функции акцептора  $\Psi_k^{(s)}(\mathbf{k}, z)$  от направления волнового вектора **k**, характеризующегося углом  $\beta$  имеет простой вид

$$\Psi_k^{(s)}(k,\beta,z) = \Psi_k^{(s)}(k,z) \exp\left[i\beta\left(J+s-\frac{5}{2}\right)\right].$$
 (8)

Волновую функцию акцептора искали в виде разложения по базису из волновых функций дырок в КЯ в отсутствие магнитного поля и примесного иона. Это разложение подставлялось в уравнение эффективной массы с гамильтонианом (2) и кулоновским потенциалом (7),

75

Физика твердого тела, 2005, том 47, вып. 1

в результате чего получали интегродифференциальное уравнение для коэффициентов разложения. Полученное уравнение решали, заменяя производные конечными разностями, а интеграл по k' в выражении (7) — дискретной суммой, обрывая ее при значениях k', много бо́льших обратного боровского радиуса, аналогично [3].

# 3. Результаты и обсуждение

На рис. 1 представлены сводные данные по положению наблюдаемых спектральных линий магнитопоглощения в структуре № 306. Линии *CH*<sub>1</sub> и *Ch*<sub>1</sub> впервые наблюдались в работах [11-13]; они связаны с циклотронными переходами между нижними уровнями Ландау дырок  $0s_1 \rightarrow 1s_1$  и  $3a_1 \rightarrow 4a_1$  соответственно (см. вставку на рис. 1). Слева от основной линии циклотронного резонанса (ЦР)  $CH_1$  (т.е. со стороны меньших магнитных полей) в различных образцах Ge/GeSi наблюдается до трех линий магнитопоглощения, которые связываются с переходами с участием мелких примесей, а именно акцепторов, что подтверждается, в частности, поляризационными измерениями [6-8]. Как видно из рис. 1, положения линий CI<sub>1</sub> и CI<sub>2</sub> не экстраполируются к началу координат в отличие от линий ЦР. Наблюдение магнитопоглощения мелких акцепторов при модулированной межзонной подсветке становится возможным вследствие захвата носителей ионизованными примесями, которые всегда присутствуют в образце из-за частичной компенсации основной примеси (акцепторов) донорами (см., например, [1]). Линия СІ<sub>1</sub> в образце № 306а впервые наблюдалась в работах [11–13], однако из-за сильного перекрытия с линией СН1 ее спектральное положение было определено недостаточно точно. В данных исследованиях за счет уменьшения интенсивности межзонной подсветки нам удалось сузить линии и улучшить спектральное разрешение [14]. На рис. 1 кроме данных по магнитопоглощению представлены положения линии CI<sub>2</sub>, которые были определены на основании измерений спектров субмиллиметровой фотопроводимости с помощью ЛОВ [4] и методом Фурьеспектроскопии [1]. Ранее мы связывали данную линию либо с фотоионизацией А<sup>+</sup>-центров, либо с переходом  $1s \to 2p_+$  для нейтральных акцепторов ( $A^0$ -центров), расположенных в барьере. Известно, что энергия связи нейтральной примеси достигает максимального и минимального значений в центре КЯ и в центре барьера соответственно. В случае однородно легированной структуры в спектрах поглощения (или фотопроводимости) будут присутствовать два пика, соответствующие примесям, расположенные в центре КЯ (высокочастотный пик) и в центре барьера (низкочастотный пик) (для доноров в GaAs/AlGaAs см., например, [15]). Отметим, что при перемещении примесного иона в барьер сохраняются локализованные состояния дырок с энергией ниже дна нижней подзоны размерного квантования. Такие акцепторные состояния формируются из состояний свободных



Рис. 1. Сводные данные по положению наблюдаемых спектральных линий магнитопоглощения (I) в структуре Ge/Ge<sub>0.88</sub>Si<sub>0.12</sub> № 306 ( $d_{Ge} = 200 \text{ Å}$ ) и результаты расчета энергий оптических переходов между состояниями акцептора, помещенного в центр барьера GeSi (сплошные линии I-3), и уровнями Ландау дырок в квантовой яме (штриховые линии  $CH_1$  и  $Ch_1$ ). II — данные измерений фотопроводимости. На вставке показаны уровни Ландау дырок, переходы между которыми соответствуют линиям  $CH_1$  и  $Ch_1$ ; сплошные линии — нижний уровень Ландау, соответствующий проекции момента J = -3/2 на ось z ( $0s_1$  по классификации [5]), и нижний уровень с J = -1/2 ( $1s_1$  [5]); штриховые линии — нижний уровень Ландау дырок с J = +3/2 ( $3a_1$  по классификации [5]) и нижний уровень Ландау дырок с J = +5/2 ( $4a_1$  [4]).

дырок в КЯ. Типичные энергии связи акцепторов в гетероструктурах Ge/GeSi составляют 7–8 и 2 meV для центра КЯ и центра барьера соответственно [8], т.е. переходы с участием акцепторов, расположенных в центре КЯ, находятся за пределами диапазона энергий квантов излучения, доступного для исследований с помощью ЛОВ (такие переходы наблюдались при измерении фотопроводимости с помощью Фурье-спектрометра [1]). В настоящей работе мы впервые наблюдали в образце N<sup>§</sup> 306а две примесные линии магнитопоглощения  $CI_1$  и  $CI_2$  в "низкочастотном" диапазоне, что позволило "различить" поглощение на  $A^+$ -центрах и  $A^0$ -центрах, расположенных в барьере.

Для интерпретации наблюдаемых линий магнитопоглощения в гетероструктурах Ge/GeSi были рассчитаны энергии состояний акцепторов, соответствующих определенным значениям проекции полного момента на ось роста структуры J. Основной уровень акцептора расщепляется в магнитном поле на два состояния с моментами  $\pm 3/2$ , из которых нижним (основным) является состояние с проекцией момента J = -3/2. Ранее в работе [5], где использовалось другое разложение акцепторных волновых функций (по собственным функциям дырок в магнтином поле, т.е. по функциям, соответствующим уровням Ландау), было показано, что в спектрах примесного поглощения доминируют переходы с основного состояния (связанного с нижним уровнем Ландау  $0s_1$ ) на состояния с проекцией момента J = -1/2, а в сильном магнитном поле "выживает" лишь один из них на состоянии, связанном с первым уровнем Ландау  $1s_1$ , т.е. происходит переход типа  $1s \rightarrow 2p_+$ . Поэтому в дальнейшем мы ограничились детальным изучением переходов с основного состояния на состояния с J = -1/2.

На рис. 1 представлены результаты расчетов энергий циклотронных переходов  $0s_1 \rightarrow 1s_1$  и  $3a_1 \rightarrow 4a_1$  (резонансы  $CH_1$  и  $Ch_1$ ) (штриховые линии) и применых переходов с основного уровня (J = -3/2) акцептора, помещенного в центр квантового барьера в гетероструктуре № 306, на возбужденные состояния, соответствующие J = -1/2 (сплошные линии). Линии 1 и 2 отвечают переходам на акцепторые состояния, относящиеся к первым уровням Ландау в первой и второй подзонах размерного квантования  $(1s_1 \ u \ 1a_2)$ , т.е. переходам типа  $1s \rightarrow 2p_+$ . Линия 3 соответствует переходу на состояние акцептора, связанного со вторым уровнем Ландау в первой подзоне размерного квантования  $2s_1$ , т.е. переходу типа  $1s \rightarrow 3p_+$ . Видно, что результаты расчетов энергий циклотронных переходов хорошо согласуются с полученными экспериментально положениями линий CH<sub>1</sub> и Ch<sub>1</sub>. Положение линии примесного магнитопоглощения CI<sub>1</sub>, удовлетворительно согласуется с расчетной кривой l для перехода типа  $1s \rightarrow 2p_+$ в пределах первой подзоны размерного квантования для примеси, расположенной в центре барьера GeSi. Возможно, что наблюдаемое расхождение (экспериментальные точки лежат несколько выше кривой 1) связано с дисперсией энергии перехода из-за равномерного распределения остаточной примеси по толщине структуры. Таким образом, представляется, что линия  $CI_1$  связана с возбуждением  $A^0$ -центров, расположенных в барьере. Вместе с тем проведенные расчеты показывают, что линия CI<sub>2</sub> не может быть связана с переходами между уровнями в спектре нейтрального акцептора. Полученные вариационным методом первые оценки энергии связи А<sup>+</sup>-центров (т.е. нейтральных акцепторов с "лишней" дыркой, расположенных в КЯ) дают  $E_+ \approx 2 \text{ meV}$  [16], что чуть меньше значения, к которому экстраполируется спектральное положение линии  $CI_2$  при  $H \rightarrow 0$  (рис. 1). Можно предположить, что  $A^+$ -центры, как и  $D^-$ -центры, не имеют возбужденных связанных состояний [17]; следовательно, наблюдаемые оптические переходы должны иметь место при  $\hbar \omega \geq E_+$ . Таким образом, линия  $CI_2$ , по-видимому, связана с возбуждением А<sup>+</sup>-центров.

На рис. 2 представлен типичный спектр магнитопоглощения в структуре № 308 с более широкой КЯ, в которой нам удалось наблюдать три линии примесного магнитопоглощения  $CI_1 - CI_3$  [6–8] (линия  $CE_{1L}$  связана с ЦР электронов в 1*L*-долине [18]); сводные данные по положению наблюдаемых линий приведены на рис. 3. По аналогии с образцом № 306 две примесные линии можно было бы связать с переходом  $1s \rightarrow 2p_+$  для  $A^0$ центров, расположенных в барьере ( $CI_1$  или  $CI_2$ ), и с фотоионизацией  $A^+$ -центров ( $CI_3$ ). В работах [6–8]



Рис. 2. Типичный спектр магнитопоглощения в гетероструктуре Ge/Ge<sub>0.91</sub>Si<sub>0.09</sub> № 308 ( $d_{Ge} = 350 \text{ Å}$ ) (1). Точки — времена релаксации, полученные с помощью осциллограмм сигнала магнитопоглощения при импульсной подсветке.



**Рис. 3.** Сводные данные по положению наблюдаемых спектральных линий магнитопоглощения в гетероструктуре Ge/GeSi № 308.  $CH_1$  и  $Ch_1$  — линии циклотронного резонанса,  $CI_1$  и  $CI_3$  — линии примесного магнитопоглощения.

нами было высказано предположение, что третья линия может быть обусловлена переходами между возбужденными состояниями акцепторов, которые могут быть заселены в неравновесных условиях при межзонной подстветке. Для этого необходимо, чтобы время жизни носителей, связанное с межзонной рекомбинацией, было сравнимо с характерными временами релаксации с возбужденных состояний, которые приблизительно равны  $10^{-8}-10^{-7}$  s [19]. Однако проведенные в настоящей работе измерения сигнала магнитопоглощения с временными разрешением показали, что типичные времена релаксации для всех примесных линий составляют порядка  $10^{-4}$  s (рис. 2). Следовательно, все наблюдаемые примесные линии связаны с переходами с основных состояний каких-либо мелких акцепторных центров.



Рис. 4. Переходы с основного акцепторного уровня (J = -3/2) в гетероструктуре Ge/Ge<sub>0.91</sub>Si<sub>0.09</sub> № 308  $(d_{Ge} = 350 \text{ Å})$  на возбужденные состояния, соответствующие J = -1/2. Сплошные линии — переходы для примеси, помещенной в центр квантового барьера. Линия, отмеченная звездочками, — переход  $1s \rightarrow 2p_+$  в спектре дырки, связанной с ионом примеси в соседней яме. Штриховая линия — циклотронный резонанс дырок. На вставке — два уровня Ландау, соответствующих проекции момента J = -1/2; слошная линия — нижний уровень, связанный с первой подзоной размерного квантования  $(1s_1$  по классификации [5]); штриховая линия — нижний уровень, связанный со второй подзоной резмерного квантования  $(1a_2 [5])$ .

На рис. 4 представлены рассчитанные в настоящей работе энергии циклотронного перехода  $0s_1 \rightarrow 1s_1$ , соответствующего линии СН1 на рис. 3 (штриховая линия), и примесных переходов с основного состояния на состояния с J = -1/2 для акцептора, помещенного в центр квантового барьера в гетероструктуре № 308 (сплошные линии). Линии 1 и 2 соответствуют переходам на состояния, относящиеся к первому уровню Ландау (переход типа  $1s \rightarrow 2p_+$ ), но к разным (первой и второй) подзонам размерного квантования. Таким образом, малая (по сравнению с образцом № 306 с более узкой КЯ) энергия размерного квантования приводит к возникновению дублетного перехода  $1s \rightarrow 2p_+$ . Хотя в настоящей работе не проводился расчет матричных элементов переходов, можно полагать, что интенсивности этих переходов соизмеримы из-за сильной гибридизации состояний. Как видно из вставки к рис. 4, в магнитном поле около 16 kOe происходит пересечение первых уровней Ландау 1s<sub>1</sub> и 1a<sub>2</sub>, относящихся к первой и второй подзонам размерного квантования (что является следствием сильной непараболичности закона дисперсии дырок в квантовой яме). Как видно из рис. 4, это приводит к антипересечению связанных с этой парой уровней примесных состояний с J = -1/2. Таким образом, при H < 16 kOe линия 1 соответствует переходу на 2p<sub>+</sub>-подобное состояние, фактически относящееся к первой подзоне размерного квантования, а при  $H > 16 \, \text{kOe}$  на состояние, относящееся ко второй подзоне. Линии 3 и 4 отвечают переходам на состояния, связанные со

вторым уровнем Ландау соответственно в первой и второй подзонах размерного квантования. Наконец, линия, отмеченная звездочками, отвечает переходу  $1s \rightarrow 2p_+$ для ранее не обсуждавшегося экзотического мелкого нейтрального центра, состоящего из расположенного в центре КЯ акцептора, захватившего дырку из соседней КЯ.

Как следует из сопоставления полученных экспериментальных данных с результатами расчетов для образца № 308, имеет место качественное согласие положения наблюдаемых линий CI<sub>1</sub> и CI<sub>2</sub> (рис. 3) и расчетных кривых 1 и 2 на рис. 4. Вследствие довольно сильного перекрытия линий  $CI_1$  и  $CI_2$  (см. рис. 2, а также рис. 1 из работы [8]) для более детального сопоставления теории с экспериментом необходимо провести расчеты спектров поглощения. Что касается линии CI<sub>3</sub>, то ее положение при  $H \rightarrow 0$  экстраполируется к энергии кванта  $\sim 2 \,\text{meV}$ , что хорошо согласуется (как и в образце № 306) с величиной энергии ионизации A<sup>+</sup>-центра в КЯ [16]. С другой стороны, положение линии СІ<sub>3</sub> в образце № 308 неплохо согласуется с расчетными кривыми 3 и 4 для переходов типа  $1s \rightarrow 3p_+$ . Для решения вопроса о принадлежности линии CI3 в этом образце необходимо, очевидно, провести расчеты матричных элементов для соответствующих переходов.

В настоящей работе удалось впервые наблюдать новую линию магнитопоглощения  $CI_x$  (рис. 3), которая с ростом частоты возникает на правом крыле линии ЦР дырок СН1. Проведенные расчеты показывают, что обнаруженная линия может быть обусловлена переходом  $1s \rightarrow 2p_+$  для очень мелкого нейтрального акцептора в центре КЯ и связанной с ним дырки в соседней КЯ. Такие связанные состояния в принципе могут возникать в неравновесных условиях оптического возбуждения свободных носителей с последующим захватом их ионизованными примесями в гетероструктурах с КЯ. Как видно из рис. 4, первоначально (в малых магнитных полях) энергия такого перехода лишь незначительно превышает энергию циклотронного перехода  $0s_1 \rightarrow 1s_1$ , и он может не разрешиться в спектре поглощения на фоне соседних линий СІ1 и СН1 (энергия перехода отстоит от энергии ЦР на величину, меньшую ширины спектральных линий). Однако затем с ростом магнитного поля вследствие уже упоминавшегося пересечения уровней Ландау  $1s_1$  и  $1a_2$ , относящихся к первой и второй подзонам размерного квантования, энергия этого перехода сублинейно зависит от магнитного поля (ср. с кривой 1 на рис. 4) и становится меньше энергии циклотронного перехода (рис. 4). Возможно, что именно с возбуждением таких очень мелких акцепторов связана наблюдаемая в образце № 307 (с несколько более широкой, чем в образце № 306, КЯ — *d*<sub>Ge</sub> = 300 Å — и более узкими линиями ЦР и примесного магнитопоглощения) линия  $CI_1$ , которая расположена всего на 0.15 meV выше линии ЦР дырок  $CH_1$  [8].

Авторы признательны М.Д. Молдавской за многолетнее сотрудничество, заложившее основу настоящей работы, В.Л. Ваксу, Ю.Н. Дроздову, А.Н. Панину и Е.А. Усковой за помощь при подготовке экспериментов.

# Список литературы

- В.Я. Алешкин, В.И. Гавриленко, И.В. Ерофеева, А.Л. Коротков, З.Ф. Красильник, О.А. Кузнецов, М.Д. Молдавская, В.В. Никоноров, Л.В. Парамонов. Письма в ЖЭТФ 65, 196 (1997).
- [2] V.Ya. Aleshkin, V.I. Gavrilenko, I.V. Erofeeva, D.V. Kozlov, A.L. Korotkov, O.A. Kuznetsov, M.D. Moldavskaya. Phys. Stat. Sol. (b) 210, 649 (1998).
- [3] В.Я. Алешкин, Б.А. Андреев, В.И. Гавриленко, И.В. Ерофеева, Д.В. Козлов, О.А. Кузнецов. ФТП 34, 582 (2000).
- [4] V.Ya. Aleshkin, B.A. Andreev, V.I. Gavrilenko, I.V. Erofeeva, D.V. Kozlov, O.A. Kuznetsov, M.D. Moldavskaya, A.V. Novikov. Physica E 7, 3–4, 608 (2000).
- [5] V.Ya. Aleshkin, V.I. Gavrilenko, D.B. Veksler, L. Reggian. Phys. Rev. B 66, 155 336 (2002).
- [6] В.Я. Алешкин, Д.Б. Векслер, В.И. Гавриленко, И.В. Ерофеева, А.В. Иконников, Д.В. Козлов, О.А. Кузнецов. Матер. совещ. "Нанофотоника". ИФМ РАН, Н. Новгород (2003). С. 248.
- [7] V.Ya. Aleshkin, I.V. Erofeeva, V.I. Gavrilenko, A.V. Ikonnikov, D.B. Kozlov, O.A. Kuznetsov, D.B. Veksler. Proc. 11th Int. Symp. "Nanostructures: Physics and Technology". St. Petersburg, Russia (2003). P. 214.
- [8] В.Я. Алешкин, А.В. Антонов, Д.Б. Векслер, В.И. Гавриленко, И.В. Ерофеева, А.В. Иконников, Д.В. Козлов, О.А. Кузнецов. ФТТ 46, 1, 126 (2004).
- [9] V.Ya. Aleshkin, B.A. Andreev, V.I. Gavrilenko, I.V. Erofeeva, D.v. Kozlov, O.A. Kuznetsov. Nanotechnology 11, 4, 348 (2000).
- [10] Л.Д. Ландау, Е.М. Лифшиц. Квантовая механика. Наука, М. (1987).
- [11] В.Я. Алешкин, Д.Б. Векслер, В.Л. Вакс, В.И. Гавриленко, И.В. Ерофеева, О.А. Кузнецов, М.Д. Молдавская, J. Leotin, F. Yang. Матер. совещ. "Нанофотоника". ИФМ РАН, Н. Новгород (1999). С. 114.
- [12] V.Ya. Aleshkin, V.I. Gavrilenko, I.V. Erofeeva, O.A. Kuznetsov, M.D. Moldavskaya, V.L. Vakx, D.B. Beksler. Proc. 6th Int. Symp. "Nanostructures: Physics and Technology". St. Petersburg, Russia (1999). P. 356.
- [13] В.Я. Алешкин, Д.Б. Векслер, В.Л. Вакс, В.И. Гавриленко, И.В. Ерофеева, О.А. Кузнецов, М.Д. Молдавская, Ф. Янг, М. Гуаран, Ж. Леотен. Изв. РАН. Сер. физ. 64, 308 (2000).
- [14] В.Я. Алешкин, А.В. Антонов, Д.Б. Векслер, В.И. Гавриленко, И.В. Ерофеева, А.В. Иконников, Д.В. Козлов, О.А. Кузнецов, К.Е. Спирин. Матер. совещ. "Нанофотоника". ИФМ РАН, Н. Новгород (2004). С. 129.
- [15] S. Huant, W. Knap, R. Stepniewski, G. Martinez, V. Thierry-Mied, B. Etienne. In: High Magnetic Fields in Semiconductor Physics II / Ed. G. Landwehr. Springer Series in Solid-State Sciences. Springer Verlag, Berlin (1989). V. 87. P. 293.
- [16] В.Я. Алешкин, В.И. Гавриленко, Д.В. Козлов. Матер. совещ. "Нанофотоника". ИФМ РАН, Н. Новгород (2003). С. 318.
- [17] A.B. Dzyubenko. Phys. Lett. A 165, 357 (1992).
- [18] В.Я. Алешкин, Д.Б. Векслер, В.И. Гавриленко, И.В. Ерофеева, А.В. Иконников, Д.В. Козлов, О.А. Кузнецов. ФТТ 46, 1, 31 (2004).
- [19] С.В. Мешков, Э.И. Рашба. ЖЭТФ 76, 6, 2206 (1979).