# Сечения возбуждения и девозбуждения излучающих нанокластеров в кремнии, легированном редкоземельными элементами

© С.А. Кривелевич, М.И. Маковийчук, Р.В. Селюков

Институт микроэлектроники и информатики Российской академии наук, 150007 Ярославль, Россия

E-mail: sel@imras.yar.ru

Рассчитаны сечения возбуждения и девозбуждения светоизлучающих нанокластеров в кремнии, легированном редкоземельными элементами. Рассмотрено два вида девозбуждения: процесс с излучением центром фотона и процесс с передачей энергии кластера рассеянному электрону. Показано, что сечения этих двух процессов значительны, поэтому девозбуждение играет важную роль в динамике концентрации возбужденных редкоземельных центров в кремнии.

### 1. Введение

Один из путей создания светоизлучающих структур на основе кремния — легирование этого материала атомами редкоземельных элементов (РЗЭ) [1–4]. Люминесценция в таких структурах возникает за счет переходов электронов между спин-орбитально расщепленными 4*f*-состояниями редкоземельного атома, входящего в оптически активный центр. Такое излучение происходит на длинах волн, соответствующих слабому поглощению в кремнии. Это открывает перспективу использования полученных структур в системах оптической связи между компонентами интегральных схем.

Наибольшая интенсивность электролюминесценции в кремнии, легированном РЗЭ, наблюдается при обратном смещении, подаваемом на сформированные p-n-переходы. Возбуждение оптически активных центров в этом случае происходит по ударному механизму при рассеянии горячих носителей. Однако процессы рассеяния могут приводить и к девозбуждению уже возбужденного центра, поэтому необходимо знать зависимости сечений этих процессов от прикладываемого электрического поля. Ранее уже производились расчеты сечения возбуждения этих центров [5–7]. Основная цель данной работы — расчет сечений девозбуждения в изучаемых структурах.

# Расчет сечений возбуждения и девозбуждения

Рассмотрим процесс девозбуждения центров. Данный процесс может проходить как с излучением редкоземельным атомом фотона, так и с передачей энергии рассеянному электрону. В обоих случаях процесс не имеет порога; следовательно, привести к девозбуждению может электрон с любой энергией. Таким образом, сечения соответствующих процессов необходимо вычислять в рамках общей теории рассеяния. Однако в случае безызлучательного девозбуждения можно воспользоваться принципом детального равновесия в его приложении к процессам рассеяния [8]. Формулировка этого принципа в данном случае выглядит следующим образом:

$$\frac{d\sigma_{\rm dw}}{k'^2 d\Omega} = \frac{d\sigma_{\rm ex}}{k^2 d\Omega}.$$
 (1)

Здесь k и k' — волновые векторы падающего и рассеянного электронов соответственно,  $d\sigma_{\rm dw}/d\Omega$  — дифференциальное сечение безызлучательного девозбуждения,  $d\sigma_{\rm ex}/d\Omega$  — дифференциальное сечение процесса, обращенного по времени по отношению к первому процессу. Легко видеть, что таким процессом является ударное возбуждение, в выражении для которого волновые векторы данного процесса (падающий и рассеянный) необходимо поменять местами.

Чтобы вычислить дифференциальное сечение возбуждения, необходимо оценить среднюю энергию электрона в области пространственного заряда обратносмещенного p-n-перехода. Для этого нужно решить уравнение баланса этой энергии  $\langle E \rangle$ , которое имеет вид

$$\frac{d\langle E\rangle}{dt} = -\alpha(E)\sqrt{\frac{2\langle E\rangle}{m^*}}I - \frac{\langle E_p\rangle}{\lambda}\sqrt{\frac{2\langle E\rangle}{m^*}} + ev_dE.$$
 (2)

Первое слагаемое в правой части описывает потери энергии на ионизацию атомов матрицы ( $m^*$  — эффективная масса электрона,  $\alpha(E)$  — коэффициент ударной ионизации, зависящий от напряженности поля E, I — энергия ионизации). Второе слагаемое описывает потери энергии при рассеянии электронов на продольных оптических фононах ( $\langle E_p \rangle$  — средняя энергия оптических фононов,  $\lambda$  — средняя длина свободного пробега электрона при рассеянии на оптических фононах). Третье слагаемое определяет разогрев электронного газа электрическим полем ( $v_d$  — дрейфовая скорость электрона).

Стационарное решение уравнения (2) показывает зависимость средней энергии от напряженности поля

$$\langle E \rangle = \frac{m^* v_d^2}{2} e^2 E^2 \left( \alpha(E) I + \langle E_p \rangle / \lambda \right)^{-2}.$$
 (3)

С другой стороны, средняя энергия электрона вычисляется по определению через функцию распределения

$$\langle E \rangle = \int_{0}^{2\pi} \int_{0}^{\pi} \int_{0}^{\infty} E(k) f(k, \theta, \phi, E) k^{2} \sin(\theta) dk d\theta d\phi.$$
(4)

Здесь  $f(k, \theta, \phi, E)$  — неравновесная функция распределения электронов, которая для полупроводника в электрическом поле в первом приближении имеет вид

$$f = f_0 + \frac{f_0}{k_b T_e} (\mathbf{v}, e\mathbf{E})\tau.$$
(5)

Здесь v — скорость электрона,  $\tau$  — время релаксации,  $k_b$  — постоянная Больцмана,  $T_e$  — температура электронного газа,  $f_0$  — функция распределения Максвелла,

$$f_0 = \left(\frac{\hbar^2}{2\pi m^* k_b T_e}\right)^{3/2} \exp\left(-\frac{\hbar^2 k^2}{2m^* k_b T_e}\right). \tag{6}$$

Зависимость электронной температуры от прикладываемого электрического поля можно получить, приравняв выражения (3) и (4). Оценки температуры показывают, что при обратном смещении p-n-перехода средняя энергия электронов достаточно высока, для того, чтобы воспользоваться борновским приближением для расчета дифференциального сечения возбуждения [8]. Подставив вычисленное в этом приближении выражение для  $d\sigma_{\rm ex}/d\Omega$  в формулу (1), получим выражение для  $d\sigma_{\rm dw}$ 

$$d\sigma_{\rm dw} = \frac{e^2 m^{*2}}{2\pi \hbar^4 (k\varepsilon\varepsilon_0)^2} \frac{dq}{q^3} \sum_{i=1}^{\infty} \frac{q^{2i}}{(i!)^2} \bar{M}_{i\alpha\beta}.$$
 (7)

Здесь q — модуль переданного волнового вектора, т.е. разности волновых векторов рассеянного и падающего электронов,  $M_{i\alpha\beta}$  — квадрат модуля матричного элемента мультипольного момента атома,  $\beta$  и  $\alpha$  — индексы возбужденного и основного состояний атома эрбия соответственно.

Поскольку значения переданного волнового вектора сравнительно малы, в выражении (7) достаточно ограничиться двумя первыми слагаемыми, что приведет его к следующему виду:

$$d\sigma_{\rm dw} = \frac{e^2 m^{*2}}{2\pi \hbar^4 (k\varepsilon\varepsilon_0)^2} M_{1\alpha\beta} \frac{dq}{q} + \frac{e^2 m^{*2}}{8\pi \hbar^4 (k\varepsilon\varepsilon_0)^2} M_{2\alpha\beta} q dq.$$
(8)

Интегрирование по всем возможным значениям *q* дает выражение

$$\sigma_{\rm dw}(k) = \frac{e^2 m^{*2}}{2\pi \hbar^4 (k\varepsilon\varepsilon_0)^2} M_{1\alpha\beta} \ln\left(\frac{q_{\rm max}}{q_{\rm min}}\right) + \frac{e^2 m^{*2}}{16\pi \hbar^4 (k\varepsilon\varepsilon_0)^2} M_{2\alpha\beta}(q_{\rm max}^2 - q_{\rm min}^2).$$
(9)

Здесь  $q_{\text{max}}$  и  $q_{\text{min}}$  — максимальное и минимальное значения q соответственно, они определяются из закона



**Рис. 1.** Зависимость сечений возбуждения (штриховая линия) и безызлучательного девозбуждения (сплошная линия) атома эрбия от волнового вектора электрона.

сохранения энергии для системы атом-падающий электрон и имеют вид

6

$$q_{\max} = \sqrt{k^2 + \frac{2m^* E_{\alpha\beta}}{\hbar^2}} + k, \qquad (10)$$

$$q_{\min} = \sqrt{k^2 + \frac{2m^* E_{\alpha\beta}}{\hbar^2}} - k. \tag{11}$$

Здесь  $E_{\alpha\beta}$  — разность энергий первого возбужденного и основного состояний редкоземельного атома. Зависимости сечения возбуждения и безызлучательного девозбуждения от волнового вектора представлены на рис. 1.

В эксперименте наблюдается усредненное по k значение  $\sigma_{dw}$ , выражение для которого определяется следующей формулой:

$$\sigma_{\rm dw} = \int_{0}^{2\pi} \int_{0}^{\pi} \int_{0}^{\infty} \sigma_{\rm dw}(k) f(k,\theta,\phi) k^2 \sin(\theta) dk d\theta d\phi.$$
(12)

Полученные при интегрировании выражения (12) зависимости  $\sigma_{ex}$  и  $\sigma_{dw}$  от поля приведены на рис. 2 и 3 (интегрирование сечения возбуждения по *k* производится не от нуля, а от порогового значения, определяемого энергией возбуждения центра).

Рассмотрим процесс девозбуждения, при котором происходит высвечивание оптически активного центра. В этом случае электрон передает атому лишь пренебрежимо малую часть энергии, идущую на приращение кинетической энергии последнего, поэтому можно рассматривать этот процесс как переход в двухуровневой системе под действием возмущающего поля, создаваемого налетающим электроном. В таком случае для вычисления вероятности перехода можно использовать выражение для вероятности индуцированных переходов в атоме (см., например, [9])

$$P_{\alpha\beta} = \left(\frac{2\pi}{\hbar}\right)^2 \left| E(\omega_{\alpha\beta}) M_{1\alpha\beta} \right|^2, \tag{13}$$

где  $\omega_{\alpha\beta} = \frac{E_{\alpha\beta}}{\hbar}$  — частота перехода в системе,  $E(\omega_{\alpha\beta})$  — Фурье-образ напряженности поля, создаваемого электроном, который имеет вид

$$E(\omega_{\alpha\beta}) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{+\infty} \frac{e}{4\pi\varepsilon\varepsilon_0} \exp(-i\omega_{\alpha\beta}t) \int_{V} \frac{|\Psi|^2}{r^2} \cos\theta dV dt.$$
(14)

Здесь  $\Psi$  — волновая функция рассеянного электрона,  $\theta$  — угол между вектором дипольного момента и вектором напряженности поля. Интегрирование во внутреннем интеграле ведется по всему пространству.

Чтобы получить выражение для сечения излучательного девозбуждения  $\sigma_{de}$ , нужно учеть упругий характер рассеяния электрона, а также то, что в данном случае в электронном газе достаточно горячих носителей. Следовательно, можно воспользоваться квазиклассическим



**Рис. 2.** Зависимость сечения возбуждения атома эрбия от напряженности электрического поля.



**Рис. 3.** Зависимость сечения безызлучательного девозбуждения атома эрбия от напряженности поля.



**Рис. 4.** Зависимость сечения излучательного девозбуждения атома эрбия от волнового вектора электрона.



**Рис. 5.** Зависимость сечения излучательного девозбуждения атома эрбия от напряженности поля.

выражением для сечения упругого рассеяния (см. [9]) и теоремой об умножении вероятностей. Это приведет к выражению для полного сечения, которое будет представлять собой произведение соответствующего сечения упругого рассеняния и вероятности перехода. Выражение для полученного сечения имеет вид

$$\sigma_{\rm de} = \left(\frac{m^* a^2 Z e^2}{\varepsilon \varepsilon_0 \hbar^2}\right) \frac{1}{3\pi} \frac{1}{\xi} \left[7 - \frac{7 + 9\xi + 3\xi^2}{(1+\xi)^3}\right] P_{\alpha\beta}, \quad (15)$$

где  $\xi = (2ka)^2$ , *a* — размер центра.

Зависимость данного сечения от поля получается аналогично предыдущему случаю. Результаты вычислений представлены на рис. 4 и 5.

#### 3. Заключение

Таким образом, показано, что процессы девозбуждения играют важную роль в динамике концентрации возбужденных центров из-за сравнительно больших величин соответствующих сечений, в силу чего доля таких центров в структуре при подаче на нее обратного смещения предположительно остается низкой. Это указывает на необходимость поиска путей уменьшения влияния данных процессов.

## Список литературы

- [1] Н.А. Соболев. ФТП 29, 1153 (1995).
- [2] М.С. Бреслер, Т. Грегоркевич, О.Б. Гусев, Н.А. Соболев, Е.И. Теруков, И.Н. Яссиевич, Б.П. Захарченя. ФТТ 41, 5, 851 (1999).
- [3] В.Ф. Мастеров, Ф.С. Насрединов, П.П. Серегин, В.Х. Кудоярова, А.Н. Кузнецов, Е.И. Теруков. Письма в ЖТФ 22, 23, 25 (1996).
- [4] В.Ф. Мастеров, Ф.С. Насрединов, П.П. Серегин, Е.И. Теруков, М.М. Мездрогина. ФТП **32**, *6*, 708 (1998).
- [5] V.F. Masterov, L.G. Gerchikov. ΦΤΠ 33, 6, 664 (1999).
- [6] I.N. Yassievich, L.C. Kimerling. Semicond. Sci. Technol. 8, 718 (1993).
- [7] С.А. Кривелевич, М.И. Маковийчук, Р.В. Селюков. Тез. докл. Шестой Рос. конф. по физике полупроводников. СПб (2003). С. 207.
- [8] Л.Д. Ландау, Е.М. Лифшиц. Квантовая механика. Наука, М. (1979).
- [9] Д.И. Блохинцев. Основы квантовой механики. Наука, М. (1983).