## Теплоемкость сегнетоэлектрика-релаксора SBN

## © Е.Д. Якушкин

Институт кристаллографии Российской академии наук, 117333 Москва, Россия E-mail: yakushkin@ns.crys.ras.ru

(Поступила в Редакцию 10 июня 2003 г.)

Исследована температурная зависимость теплоемкости в монокристалле сегнетоэлектрика-релаксора SBN. Обнаружены гистерезисы и "двухуровневый" эффект в области температуры максимума диэлектрической проницаемости.

Работа выполнена при финансовой поддержке Российского фонда фундаментальных исследований (грант № 02-02-16823).

Сегнетоэлектрики-релаксоры широко исследовались в последние годы и их основные свойства и качественные отличия от обычных сегнетоэлектриков в основном поняты. Вместе с тем остается немало, хотя и частных, но принципиальных вопросов: каковы истинные вероятностные распределения состояний и энергетических уровней, какова природа перехода между состояниями с эргодическим и неэргодическим поведением, каков характер эволюции доменной структуры, обоснованы ли заключения о фрактальной геометрии стенок нанодоменов и т.п. Остается и неопределенность в выборе адекватной модели для этих систем. Все это делает актуальным дальнейшие подробные исследования, в частности, и исследования теплоемкости — величины, отражающей весь спектр имеющихся степеней свободы. Кроме того, окончательное решение вопроса о том, является ли переход в релаксорное состояние термодинамическим фазовым переходом, следует именно из измерений температурной зависимости теплоемкости. В настоящей работе исследована теплоемкость релаксорного сегнетоэлектрика ниобата-бария-стронция. Работа докладывалась ранее [1], по-видимому, это первое исследование такого рода.

Кристаллы — твердые растворы ниобата-бариястронция имеют максимум диэлектрической проницаемости в области температур 310-350 К (в зависимости от состава), что удобно, например, для диэлектрических исследований. При тепловых исследованиях этого сегнетоэлектрика-релаксора экспериментальная ситуация оказалась все же достаточно сложной: наблюдаемые эффекты зависят от временного режима измерений, термической предыстории исследуемого образца и лишь незначительно превосходят доступную точность измерений. Тем не менее ряд закономерностей установить удалось.

Исследовался монокристалл  $Sr_x Ba_{1-x} Nb_2 O_6(SBN)$ с x = 0.61, легированный примесями La и Ce, с концентрацией 0.44 и 0.023 at.% соответственно (монокристалл SBN выращен Л. Ивлевой в ИОФ РАН). Температура максимума квазистатической диэлектрической проницаемости у этого монокристалла составляет —  $T_m \approx 310$  K. Образец для измерений теплоемкости был приготовлен из того же монокристалла, для которого ранее были проведены детальные исследования релаксирующей поляризации во внешнем электрическом поле [2]. Теплоемкость измерялась методом модуляционной калориметрии. В этом методе используется переменный тепловой поток (Q) и теплоемкость определяется согласно соотношению

$$C_p \sim \frac{Q_0}{\omega \cdot \Delta T_0}, \quad Q \sim \exp[i\omega t],$$
 (1)

где  $\Delta T_0$  — измеряемая амплитуда температурных осцилляций,  $Q_0$  — поглощенная часть теплового потока и  $\omega$  — частота его модуляции. Эта частота выбирается по измерениям зависимости  $\Delta T_0(\omega)$  строго в области  $\Delta T_0 \sim 1/\omega$ , обеспечивая выполнение соотношения (1). По существу это означает выравнивание температуры в образце за время, меньшее  $1/\omega$ , и отток тепла за время, значительно большее этого значения. Последним условием фактически минимизируется врияние держателя образца в термостате (условие квазиадиабатичности). Для использованного в данном случае образца размером  $2 \times 2 \times 0.2$  mm и весом около 5 mg оптимальная частота модуляции  $\omega/2\pi$  составила 1.7 Hz. Величина  $Q_0$  в проведенных экспериментах не определялась, т.е. измерялось относительное изменение теплоемкости с точностью  $\leq 0.1\%$ . Измерения проводились как в режиме нагревания, так и в режиме охлаждения при стабилизации средней температуры образца. Для приведенных далее результатов существенно, что времена изменения температуры в термостате и установления средней температуры образца, были значительно меньше времени отдельного измерения.

На рис. 1 приведена температурная зависимость теплоемкости монокристалла SBN в широком интервале температур, полученная в режиме охлаждения. Отклонение экспериментальных точек от рассчитанной фононной теплоемкости (штриховая кривая на рис. 1) в интервале  $\sim 100 \text{ K}$  в окрестности температуры  $T_m$  свидетельствует о некоторой избыточной теплоемкости. На вставке к рис. 1 в несколько измененном масштабе приведены результаты измерений в режиме "нагревохлаждение-нагрев", ясно показывающие наличие температурного гистерезиса. Максимальное значение избыточной теплоемкости существенно зависит от двух параметров — времени отдельного измерения  $(t_0)$  и скорости



**Рис. 1.** Температурная зависимость теплоемкости монокристалла SBN (штриховая линия — результат аппроксимации выражением (4)). На вставке показана теплоемкость в режиме циклирования температуры.



**Рис. 2.** Релаксация теплоемкости монокристалла SBN при  $T > T_m$ .

изменения температуры образца (dT/dt). Эксперимент показал, что избыточная теплоемкость наблюдается при  $dT/dt \le 0.1$  K/min и при  $t_0 \ge 10$  min. Приведенная на рис. 1 зависимость получена именно при этих условиях. Избыточная теплоемкость при этом составляет  $\sim 2\%$ .

Релаксация теплоемкости при циклировании температуры образца явно наблюдалась только в режиме нагревания. На рис. 2 показано такое изменение теплоемкости в области  $T > T_m$  после однократного нагревания на ~ 3 К. Сплошная линия на рисунке соответствует экспоненциальному изменению —  $C_p(t) \sim \exp[-t/\tau]$ ,  $\tau \sim 10$  min. На больших временах возможна и более сложная долговременная релаксация и неэкспоненциальная зависимость  $C_p(t)$ . Однако при достижимой точности измерений теплоемкости этого не наблюдается, так же как не наблюдается и временной зависимости теплоемкости при  $T < T_m$ . Из общих закономерностей в поведении неэргодических систем следует, что результаты измерений должны зависеть и от времени выдерживания образца при  $T > T_m$  и  $T < T_m$ , т.е. от времени старения, однако и доступные в проведенных экспериментах времена, и точность измерений не позволяют сделать определенные заключения такого рода.

Примечательно, что избыточная теплоемкость в кристалле SBN наблюдается именно в режиме охлаждения (или она при этом максимальна). Это отличается от ситуации в таких принципиально неэргодических системах как стекла — при обычном стекловании гистерезис аномалии теплоемкости как раз обратный, поскольку для разрушения состояния стекла требуется большее количество тепла. Аналогичная картина наблюдается и в спиновых стеклах. Вместе с тем полученная в сегнетоэлектрике-релаксоре SBN зависимость избыточной теплоемкости от скорости изменения температуры не уникальна и подобна той, что, например, наблюдается при структурном стекловании полимеров [3]. Качественно это ясно уже из рассмотрения стандартной термодинамики для системы, состоящей из двух компонент —  $N_0$  и  $N_1$ , — способных переходить друг в друга. Для сегнетоэлектрика-релаксора SBN это могут быть находящиеся в квазиравновесии  $(dN_0 = -dN_1 = dN)$ упорядоченные нанодомены и неупорядоченные микрообласти. Таким образом, если энтальпия системы — H = H(T, p, N), то для теплоемкости справедливо выражение

$$C_p = C_{p,N} + \left(\frac{\partial H}{\partial N}\right)_{T,p} \left(\frac{dN}{dT}\right),\tag{2}$$

откуда для изменения конфигурационной теплоемкости с учетом временной зависимости N(t) получаем

$$\Delta C_p = \left(\frac{\partial H}{\partial N}\right)_{T,p} \left(\frac{dN}{dt}\right) \left(\frac{dT}{dt}\right)^{-1}.$$
 (3)

Величина  $\partial H/\partial N$  есть неявная функция времени и выражение (3) по существу описывает релаксационную теплоемкость. Из выражений (2) и (3) видно, что, если скорость изменения степени упорядоченности нанодоменов dN/dt много меньше скорости изменения температуры, конфигурационная теплоемкость мала и  $C_p \approx C_{p,N}$ . В случае же достаточно медленного изменения температуры определяется квазистатическая теплоемкость, и для любого времени наблюдения, большего характерных времен релаксации, избыточную теплоемкость можно количественно анализировать.

Для количественного анализа избыточная теплоемкость определялась как разность между значениями измеренной и рассчитанной фононной теплоемкости —  $\Delta C_p = C_p - C_p^0$ . Фононный вклад в общую теплоемкость определялся по низкотемпературным экспериментальным точкам и аппроксимировался суммой дебаевской (*D*) и эйнштейновской (*E*) функций

$$C_p^0 \sim \left[ D(\Theta_D/T) + E(\Theta_E/T) \right],\tag{4}$$

где  $\Theta_D$  и  $\Theta_E$  — характеристические дебаевская и эйнштейновская температуры. Для дебаевской функции



**Рис. 3.** Избыточная теплоемкость в окрестности  $T_m$  монокристалла SBN (сплошная кривая — результат аппроксимации выражением (5)).

использовалось разложение в ряд по степеням  $\Theta_D/T$ . Штриховая линия на рис. 1 есть результат оптимизации выражения (4) по методу наименыших квадратов. Видно, что на значительном интервале температур, вне области  $T_m$ , модельное выражение (4) хорошо описывает эксперимент. Значения параметров  $\Theta_D$  и  $\Theta_E$  составляют при этом ~ 310 и ~ 280 К соответственно. Отклонения измеренной теплоемкости от рассчитанной фононной ее части в достаточно широкой температурной области в окрестности  $T_m$  и составляют избыточную теплоемкость.

Характер выделенной таким образом аномалии темплоемкости  $\Delta C_p/(T)$  (рис. 3) позволяет интерпретировать ее как проявление двухуровневых состояний (так называемая аномалия Шоттки). Двухуровневыми системами в данном случае могут быть как разделенные энергетическим барьером  $\Delta E$  нанодомены, так и определенные атомы (группы атомов), имеющие две структурноэквивалентные позиции. И то и другое соответствует существующим представлениям о сегнетоэлектрикерелаксоре SBN [4]. Очевидно, что такие двухуровневые (или многоуровневые) системы с термоактивированными переходами могут отвечать и за диэлектрическую релаксацию вблизи  $T_m$ . Выражение для аномалии теплоемкости в двухуровневой модели имеет вид (см., например, [5])

$$\Delta C_p \sim \left(\frac{\Delta E}{kT}\right)^2 \frac{\exp\left(\frac{\Delta E}{kT}\right)}{\left(1 + D\exp\left(\frac{\Delta E}{kT}\right)\right)^2},\tag{5}$$

где параметр D — отношение чисел низко- и высокоэнергетического состояний. На рис. 3 показана аппроксимация аномалии теплоемкости выражением (5), выполненная стандартным образом по методу наименьших квадратов. Полученные при этом модельные параметры составили  $D \approx 0.03$ ,  $\Delta E \approx 0.1$  eV. При  $\ln(D^{-1}) \gg 1$  температура максимума избыточной теплоемкости оценивается как  $T_m \sim \Delta E / \ln(D^{-1}) \approx 320$  K. Согласие экспермента с расчетной кривой, хотя и достаточно хорошее, С учетом характерных для сегнетоэлектрика-релаксора многоуровневых состояний более корректным для описания избыточной теплоемкости должно быть выражение

$$\Delta C_p \sim \int_{0}^{E_{\text{max}}} n(E) f(E/kT) dE, \qquad (6)$$

где n(E) — некоторая функция распределения состояний (и соответственно времен релаксации). Однако сопоставление эксперимента с функционалом (6) не только технически сложно, но и нецелесообразно изза того, что функция n(E) сама неявно зависит от времени измерения, а вклад в аномалию теплоемкости вносят только те двухуровневые состояния, для которых время перехода т меньше времени измерения  $t_0 > \tau \sim \exp(\Delta E/kT)$ . Таким образом, использование соотношения (5) в данном случае вполне оправдано. Определяемая при этом величина  $\Delta E$  есть, очевидно, некоторая средняя величина барьера, разделяющего именно эти состояния. И барьер  $\Delta E$ , и соответственно время релаксации зависят от объема упорядоченных областей (аналогично ситуации в суперпарамагнетиках), определяя и время измерений, и скорость изменения температуры. Наблюдаемый при измерениях теплоемкости температурный гистерезис может быть обусловлен асимметрией двухуровневой системы — при охлаждении эффективная величина барьера для перехода из высокоэнергетического состояния в низкоэнергетическое оказывается ниже.

Следует отметить, что качественный характер сопоставления эксперимента с выражением (5) обусловлен еще и тем, что в рассматриваемой области достаточно высоких температур "двухуровневая аномалия" теплоемкости маскируется значительным фононным вкладом. Это видно из рис. 4, где приведены температурные зависимости теплоемкости в широком интервале температур, рассчитанные по модельным выражениям (4) и (5) с приведенными выше параметрами.



**Рис. 4.** Рассчитанные по выражениям (4) и (5) температурные зависимости фононной (1) и избыточной (2) теплоемкости.

Таким образом, характер наблюдаемой зависимости избыточной темплоемкости от температуры и времени в сегнетоэлектрике-релаксоре SBN позволяет однозначно заключить отсутствие термодинамического фазового перехода в области температуры максимума диэлектрической проницаемости. Термодинамически не обосновано для сегнетоэлектрика-релаксора SBN и понятие "размытый фазовый переход". Наноструктурная неоднородность этого соединения вносит вклад в теплоемкость лишь при определенных тепловых и временных режимах измерений. Это делает экспериментальное наблюдение соответствующей "аномалии" теплоемкости в определенном смысле артефактом и эти же обстоятельства могут, очевидно, ограничивать практические применения монокристаллов ниобата бария стронция.

## Список литературы

- [1] E.D. Yakushkin. Abstracts of the 7th Symp. on ferroelectricity (RCBJSF-7). St.Petersburg, Russia (2002). P. 166.
- [2] В.В. Гладкий, В.А. Кириков, Т.Р. Волк. ФТТ **44**, *2*, 351 (2002).
- [3] B. Wunderlich, H. Baur. Heat capacities of linear high polymers, Springer (1970). P. 147.
- [4] L.E. Cross. Ferroelectrics 76, 241 (1987).
- [5] Л.Д. Ландау, Е.М. Лифшиц. Статистическая физика. Наука, М. (1976).