Адсорбция редкоземельных металлов на кремнии: изменение работы выхода

© С.Ю. Давыдов*, А.В. Павлык**

 * Физико-технический институт им. А.Ф. Иоффе Российской академии наук, 194021 Санкт-Петербург, Россия
 ** Санкт-Петербургский государственный электротехнический университет (ЛЭТИ), 197376 Санкт-Петербург, Россия

E-mail: sergei.davydov@mail.ioffe.ru

(Поступила в Редакцию 22 ноября 2002 г.)

С учетом диполь-дипольного отталкивания адатомов и эффектов металлизации рассчитано изменение работы выхода поверхности (111) Si при нанесении на нее субмонослойных пленок Sm, Eu и Yb. Результаты расчетов удовлетворительно согласуются с данными эксперимента.

1. Взаимодействие редкоземельных металлов (РЗМ) Sm, Eu и Yb с поверхностью (111) Si экспериментально исследовалось в [1–3]. В этих работах измерялась зависимость изменения работы выхода $\Delta \varphi$ адсорбционной системы от степени покрытия поверхности $\Theta = N/N_{\rm ML}$ адатомами (N — концентрация адатомов, $N_{\rm ML}$ — их концентрация в монослое). Недавно нами была предложена простая модель, позволившая удовлетворительно описать $\Delta \varphi(\Theta)$ для адсорбции атомов щелочных металлов на (100) Si [4] и (110) TiO₂ [5]. В настоящей работе для описания результатов [1–3] будет использована именно эта модель.

Строго говоря, модель, предложенная в [4,5], для РЗМ неприменима. Действительно, если щелочные металлы содержат на внешней s-оболочке лишь один электрон, то у РЗМ 6*s*-оболочка заполнена. Однако, как показывают результаты экспериментов [1-3], максимальное понижение работы выхода $\Delta \varphi_{\rm max}$ при адсорбции РЗМ составляет величину порядка 1.6-1.7 eV, тогда как в случае адсорбции щелочных металлов на кремнии $\Delta \phi_{\rm max} \sim -3$ eV. Следовательно, при взаимодействии с кремнием атомы РЗМ передают подложке меньшее количество электронов, чем щелочные металлы. Уже это обстоятельство формально позволяет считать, что в адсорбции принимает участие лишь один 6*s*-электрон,¹ что оправдывает использование модели [4,5]. Однако приведем дополнительное обоснование.

2. Рассмотрим изолированный адатом в рамках гамильтониана Андерсона (см., например, [6,7]). Числа заполнения *s*-оболочки $n_{0\pm}$ для спина "вверх" и спина "вниз" соответственно определяются самосогласованной системой уравнений

$$n_{0+} = \frac{1}{\pi} \operatorname{arcctg} \frac{\varepsilon + Un_{0-} - \varepsilon_{\mathrm{F}}}{\Gamma_0},$$

$$n_{0-} = \frac{1}{\pi} \operatorname{arcctg} \frac{\varepsilon + Un_{0+} - \varepsilon_{\mathrm{F}}}{\Gamma_0}.$$
 (1)

Здесь ε — невозмущенная одночастотная энергия *s*-состояния, $\varepsilon_{\rm F}$ — энергия уровня Ферми подложки, U — энергия кулоновского отталкивания электронов в *s*-оболочке, Γ_0 — полуширина квазиуровня изолированного адатома.

Будем искать немагнитное решение задачи, положив $n_+ = n_- = n_0/2$, считая при этом, что полное число заполнения адатома равно n_0 . Тогда вместо системы (1) получим одно самосогласованное уравнение

$$n_0 = \frac{2}{\pi} \operatorname{arcctg} \frac{\varepsilon + U n_0 / 2 - \varepsilon_{\rm F}}{\Gamma_0}.$$
 (2)

Предположим далее, что в подложку туннелирует не более одного электрона на адатом, и введем заряд адатома $Z_0 = 1 - n_0$. Тогда выражение (2) может быть переписано в виде

$$Z_0 = \frac{2}{\pi} \arctan \frac{\tilde{\varepsilon}}{\Gamma_0}, \quad \tilde{\varepsilon} = (\varepsilon - \varepsilon_{\rm F} + \frac{1}{2}U) - \frac{1}{2}UZ_0. \quad (3)$$

В модели [4,5] заряд изолированного адатома определяется как

$$Z_0 = \frac{2}{\pi} \operatorname{arctg} \frac{\Omega}{\Gamma_0}, \quad \Omega = I - \varphi + \Delta, \quad \Delta = \frac{e^2}{4\lambda}, \quad (4)$$

где I — энергия ионизации *s*-оболочки; φ — работа выхода подложки; e — заряд позитрона; 2λ — удвоенная длина адсорбционной связи, равная в рамках выбранной модели толщине двойного электрического слоя [8,9]; Δ — кулоновский сдвиг уровня адатома, вызванный взаимодействием его электрона с электронами подложки. Отметим, что последнее слагаемое во второй из формул (3) отвечает кулоновскому взаимодействию электрона адатома с электронами подложки,

¹ Здесь имеется ввиду, что лишь один электрон может туннелировать с адатома РЗМ в подложку, что и является причиной возникновения двойного электрического слоя, приводящего к понижениию работы выхода адсорбционной системы. Что же касается адсорбционной связи, то в се образовании участвуют также и f-электроны, в силу чего энергия десорбции РЗМ в 2–3 раза выше, чем у щелочных металлов.

С.Ю. Давыдов, А.В. Павлык

Парамет	ры мо	цели
---------	-------	------

	Ω	Γ_0	Φ	ξ	γ	$N_{\rm ML}$	λ	Z_0	Z_{ML}
Sm Fu	1.725	2.55	17.6	10.0	1.87 0.45	7.5 6.0	1.3 1.4	0.38	0.08
Yb	1.12	1.37	15.3	8.1	0.10	6.5	1.4	0.45	0.12

Примечание. Значения параметров Ω , Γ_0 , Φ и ξ даны в eV, λ — в Å, $N_{\rm ML}$ — в единицах 10^{14} atoms/cm².

что в стандартной модели Андерсона [6] не учитывается. Сравнение формул (3) и (4) показывает, что двухэлектронная модель [6] отличается от одноэлектронной лишь перенормировкой положения квазиуровня.²

3. В соответствии с моделью [4,5], число заполнения адатома $Z(\Theta)$ при конечной степени покрытия имеет вид

$$Z(\Theta) = \frac{2}{\pi} \arctan \frac{\Omega - \xi \Theta^{3/2} Z(\Theta)}{\Gamma(\Theta)},$$

$$\xi = 2e^2 \lambda^2 N_{\text{ML}}^{3/2} A, \quad \Gamma = \Gamma_0 (1 + \gamma \Theta).$$
(5)

Здесь ξ — константа диполь-дипольного отталкивания адатомов; A = 10 — безразмерный коэффициент, слабо зависящий от геометрии решетки адатомов; γ — безразмерный параметр, учитывающий зонное уширение, т.е. эффекты металлизации [4,5]. Изменение работы выхода $\Delta \varphi$ вследствие адсорбции дается выражением

$$\Delta \varphi(\Theta) = -\Phi \Theta Z,$$

$$\Phi = 4\pi e^2 N_{\rm ML} \lambda. \tag{6}$$

Для определения параметров модели воспользуемся схемой, предложенной в работах [4,5]. Значения монослойной концентрации адатомов будем оценивать, исходя из расстояния между ближайшими соседями в объемных образцах РЗМ [10] (значения $N_{\rm ML}$, приведенные в [1–3], представляются нам завышенными). Длину адсорбционной связи будем определять, исходя из значений атомных радиусов r_a РЗМ [11], полагая $\lambda \sim 0.7r_a$.³ Учитывая, что для поверхности (111) кремния $\varphi = 4.6 \, {\rm eV}$ [1–3,11], получаем значения энергетических параметров задачи, приведенные в Таблице.

Результаты численных расчетов $\Delta \varphi(\Theta)$ в сопоставлении с данными эксперимента приведены на рис. 1–3.

Для европия и иттербия (рис. 2 и 3) согласие следует признать вполне удовлетворительным. Для самария (рис. 1) на эксперименте наблюдается ярко выраженный минимум работы выхода при $\Theta \approx 0.7$, что не отражается теорией. Поскольку расчетное значение $\Delta \varphi(\Theta)$ по модулю меньше наблюдаемого, это означает, что теория переоценивает процессы деполяризации. Тот же вывод можно сделать и исходя из Таблицы: значения параметров Γ_0 и γ для Sm значительно выше, чем для Eu и Yb. Здесь следует подчеркнуть еще раз (см. также [4,5]), что модель адсорбционного слоя бесструктурна и от покрытия зависит лишь плотность адатомов в слое. На эксперименте же наблюдаются структурные фазовые переходы.

Интересно проанализировать, почему настоящая модель пригодна для описания адсорбции на полупровод-



Рис. 1. Зависимость работы выхода при адсорбции самария на кремнии. Точки — эксперимент.



Рис. 2. То же, что на рис. 1, для европия на кремнии.

 $^{^2}$ Нужно подчеркнуть, что при переходе от уравнения (3) к формуле (4) самосогласование теряется. Более того, при конечных покрытиях в соответствии с (3) происходит дополнительный к диполь-дипольному (см. далее) сдвиг центра тяжести квазиуровня, вызванный внутриатомным кулоновским отталкиванием U. Следует, однако, отметить, что вследствие экранировки электронами подложки значение параметра U, составляющее для атома P3M величину $\sim 10 \, \text{eV}$, существенно понижается, и им, по-видимому, можно пренебречь по сравнению с константой диполь-дипольного взаимодействия.

³ Вообще говоря, выбор параметров модели не однозначен. Эта неопределенность, однако, вызвана объективными обстоятельствами. Так, например, плохо определенным параметром является даже монослойная концентрация адатомов, в силу чего во многих экспериментальных работах указывается лишь время экспозиции.



Рис. 3. То же, что на рис. 1, для иттербия на кремнии.

никах, хотя и основана на работах [8,9], посвященных адсорбции на металлах. Ответить на этот вопрос не так уж сложно. Поскольку положение центра тяжести квазиуровня адатома Ω (отсчитываемого от уровня Ферми) превышает значение ширины запрещенной зоны кремния $E_g = 1.11$ eV, при нулевых покрытиях квазиуровень, заведомо перекрывается с зоной проводимости, что отвечает типично "металлической" ситуации. Положение квазиуровня при монослойном покрытии $\tilde{\Omega} = \Omega - \xi Z_{\rm ML}$ для Sm, Em и Yb равно соответственно 0.95, 0.47 и 0.23 eV. Поскольку в [1–3] использовались образцы кремния *n*-типа, в данном случае центр квазиуровня располагается выше дна зоны проводимости.

4. Модель влияния температуры T на работу выхода металлических подложек с нанесенными на них субмонослойными металлическими пленками предложена в работе [12]. Предполагалось, что температурный коэффициент работы выхода адсорбционной системы κ может быть представлен в виде суммы

$$\kappa = \kappa_s + \kappa_a,$$
 $\kappa_s = d\phi/dT, \quad \kappa_a = d\Delta\phi/dT,$
(7)

где κ_s — температурный коэффициент работы выхода субстрата, κ_a — температурный коэффициент изменения работы выхода, вызванного адсорбцией. В рамках модели [12] удалось объяснить влияние температуры на работу выхода адсорбционной системы Eu/W (100), исследованной в [13], где также изучалась и адсорбция Eu на Si (111). К сожалению, подход, развитый в [12] для металлических подложек, нельзя перенести непосредственно на подложки полупроводниковые. Воспользуемся однако тем обстоятельством, что работа выхода чистой поверхности (111) кремния φ практически не зависит от температуры [13]. Тогда остается оценить лишь значения температурного коэффициента κ_a , определяемого, как показано в [12], следующими выражениями:

$$\kappa_a = \kappa_a^{\rm st} + \kappa_a^{\rm dyn},\tag{8}$$

где статический вклад в температурный коэффициент есть

$$\kappa_a^{\rm st} = -\Theta \Phi \alpha_a (Z_0 + 2\rho_0 \Omega \tilde{\gamma} \lambda), \tag{9}$$

а динамический —

$$\kappa_a^{\rm dyn} = -\Theta \Phi \alpha_a \rho_0 \Omega (2\tilde{\gamma}\lambda)^2 \frac{\Gamma_0^2 - \Omega^2}{\Gamma_0^2 + \Omega^2}.$$
 (10)

Здесь $\alpha_a = \frac{3}{4} (k_{\rm B}/E_{\rm ads})$ и $\rho_0 = \Gamma_0/\lambda(\Omega^2 + \Gamma_0^2)$, где $k_{\rm B}$ постоянная Больцмана, E_{ads} — энергия адсорбции и $\tilde{\gamma} = 1 \, \text{\AA}^{-1}$ — характерная обратная длина спада межатомного матричного элемента взаимодействия адатом-атом подложки. Несмотря на то, что в [12] кулоновский сдвиг Δ и эффекты металлизации у не учитывались, воспользуемся выражениями (8)-(10) для грубой оценки ка. Подставляя в (8)-(10) значения параметров из таблицы и учитывая, что $E_{\rm ads} = 4.8 \, {\rm eV}$ [3], получим $\kappa_a^{\rm st} \approx -2.72 \cdot \Theta \cdot 10^{-4}$, $\kappa_a^{\rm dyn} \approx -1.10 \cdot \Theta \cdot 10^{-4}$ и $\kappa_a \approx -3.82 \cdot \Theta \cdot 10^{-4} \, {\rm eV} \cdot {\rm K}^{-1}.$ Таким образом, при $\Theta = 0.1$ температурный коэффициент $\kappa_a \approx -0.4 \cdot 10^{-4} \,\mathrm{eV} \cdot \mathrm{K}^{-1}$. В области температур $T = 300 - 1000 \,\mathrm{K}$ при $\Theta = 0.1$ (кривая 2 на рис. 2 работы [13]) экспериментальное значение коэффициента $\kappa_a \approx -1.4 \cdot 10^{-4} \, \text{eV} \cdot \text{K}^{-1}$, что в 3.5 раза больше (по модулю) теоретического значения. Вообще говоря, такое расхождение неудивительно, и то обстоятельство, что знаки экспериментального и теоретического значений к_а совпадают и коэффициенты имеют один и тот же порядок величины уже свидетельствует о возможности применения нашей модели к анализу (пусть и полуколичественному) температурных эффектов. Вместе с тем, следует отметить, что полупроводниковая подложка (по сравнению с тугоплавкой *d*-подложкой, где, кстати, величина коэффициента к на порядок меньше [13]) гораздо более чувствительна к адсорбции металлов, что проявляется, например, в сложных структурных перестройках как поверхности субстрата, так и адслоя. Не исключено поэтому, что представление работы выхода φ в виде $\tilde{\varphi} = \varphi + \Delta \varphi$ вполне адекватно для вычисления зависимости работы выхода от степени покрытия (т.е. по существу первой производной $\partial \phi / \partial \Theta$), но является чрезмерно упрощенным для анализа температурных эффектов. Действительно, для вычисления коэффициента к в пределе нулевых покрытий требуется определить уже вторую производную вида $\partial^2 \varphi / \partial T \partial \Theta$, а из теории хорошо известно, что вычисление каждой последующей производной приводит к увеличению ошибки расчета [14].

Список литературы

- Т.В. Крачино, М.В. Кузьмин, М.В. Логинов, М.А. Митцев. ФТТ **39**, *9*, 1672 (1997).
- [2] Т.В. Крачино, М.В. Кузьмин, М.В. Логинов, М.А. Митцев. ФТТ 40, 10, 1937 (1998).

K

- [3] Т.В. Крачино, М.В. Кузьмин, М.В. Логинов, М.А. Митцев. ФТТ 42, 3, 553 (2002).
- [4] С.Ю. Давыдов, А.В. Павлык. ФТП 35, 7, 796 (2001).
- [5] С.Ю. Давыдов, И.В. Носков. Письма в ЖТФ 27, 20, 1 (2001).
- [6] Ч. Киттель. Квантовая теория твердых тел. Наука, М. (1967). Гл. 18. 492 с.
- [7] О.М. Браун, В.К. Медведев. УФН 157, 4, 631 (1989).
- [8] J.P. Muscat, D.M. Newns. J. Phys. C: Solid State 7, 15, 2630 (1974).
- [9] С.Ю. Давыдов. ФТТ 19, 11, 3376 (1977).
- [10] Ч. Киттель. Введение в физику твердого тела. Наука, М. (1978). 792 с.
- [11] Физические величины. Справочник / Под ред. И.С. Григорьева, Е.З. Мейлихова. Энергоатомиздат, М. (1991). 1232 с.
- [12] С.Ю. Давыдов. ФТТ 45, 5, 925 (2003).
- [13] М.В. Кузьмин, М.А. Митцев. Письма в ЖТФ 27, 10, 86 (2001).
- [14] А.Б. Мигдал. Качественные методы в квантовой теории. Наука, М. (1975). 336 с.