Влияние особенностей структуры на теплопроводность поликристаллического сульфида цинка

© Н.В. Лугуева, С.М. Лугуев

Институт физики Дагестанского научного центра Российской академии наук, 367003 Махачкала, Россия

E-mail: kamilov@datacom.ru

(Поступила в Редакцию 24 мая 2001 г.)

В диапазоне температур 80–400 К выполнено экспериментальное исследование теплопроводности оптически прозрачных поликристаллов сульфида цинка, различающихся размерами кристаллитов, плотностью образцов, и монокристалла ZnS. Показано, что теплопроводность поликристаллических образцов существенно зависит от размеров кристаллитов и связанной с ними концентрации дефектов в приграничном слое. В образцах с зернами размером 1 μ m при температурах T < 130 К наблюдается дополнительное тепловое сопротивление вследствие граничного рассеяния фононов. Показано, что в области температуры T > 210 К наряду с поперечными фононными модами в теплопереносе начинают играть возрастающую с температурой роль продольные фононные моды.

Сульфид цинка ввиду его прозрачности в инфракрасной области спектра используется в оптическом приборостроении. В ряде случаев для практического применения поликристаллические материалы на оснвое сульфида цинка предочтительнее монокристаллического ZnS [1]. При серийном производстве оптических поликристаллических материалов на основе ZnS используются методы вакуумного рекристаллизационного прессования мелкодисперсного порошка или осаждения из паровой фазы исходного сырья. Образцы, получаемые рекристаллизационным прессованием (КО-2), имеют лучшие механические свойства, но несколько худшую прозрачность, особенно в коротковолновой области оптического спектра, чем образцы, получаемые осаждением из паровой фазы (ПО-2) [2,3]. Данные о коэффициенте теплопроводности (х) поликристаллических образцов сульфида цинка, получаемых как методом рекристаллизационного прессования, так и осаждением из паровой фазы, необходимы для оптимизации технологии получения совершенных оптических материалов на их основе и для решения конструкторских задач. Вместе с тем данные о теплопроводности и ее температурной зависимости позволяют получить интересные сведения о механизмах переноса тепла в веществе и изучить зависимость х от особенностей структуры образцов.

Проведенные нами исследования [4] показали, что теплопроводность поликристаллического оптического материала КО-2, полученного методом рекристаллизационного прессования в вакууме мелкодисперсного порошка сульфида цинка, существенно меньше теплопроводности монокристаллического ZnS. Значения коэффициента теплопроводности КО-2, приведенные в работе [4], были в 3.9 раза при 80 К и в 1.6 раза при 300 К меньше, чем значения, приведенные в работе [5] для монокристаллического ZnS при тех же температурах. Предварительный анализ позволил предположить, что более низкая, чем у монокристаллического ZnS, теплопроводность КО-2 обусловлена особенностями дефектной структуры поликристаллической керамики. В связи с этим возникла необходимость детального изучения механизмов переноса тепла в оптических поликристаллических материалах на основе ZnS в зависимости от особенностей структуры образцов, температуры, размеров кристаллитов, линейных и объемных дефектов, что является целью настоящей работы.

В данной работе приводятся результаты более тщательного исследования теплопроводности КО-2, результаты исследования теплопроводности поликристаллического сульфида цинка, полученного осаждением из паровой фазы, и монокристалла ZnS.

Образцы КО-2 были получены методом рекристаллизационного прессования в вакууме тонкодисперсного (размер частиц 25 nm) порошка ZnS (сульфид цинка для оптической керамики). Полученные образцы имели размер зерен $1-2 \mu$ m, относительную плотность 0.998 (образец КО-2(1)) и 0.991 (образец КО-2(2)) от плотности монокристаллического ZnS. Образцы ПО-2 состояли из кристаллитов размером 1-3 mm, имели плотность, равную плотности монокристалла ZnS. Образцы для измерений вырезались из объемных дисков, имели форму стержней с круглым или прямоугольным сечением, равным 20 mm² и высотой 22–24 mm. По данным рентгеноструктурного анализа исследованные материалы КО-2, ПО-2 и монокристалл ZnS имели кубическую структуру (β -ZnS–сфалерит).

Измерения \varkappa проводились в диапазоне температур 80–400 К в вакууме абсолютным стационарным методом на установке, аналогичной установке типа *A*, описание которой приведено в [6]. В интервале температур 160–250 К измерения \varkappa проводились также в квазистационарных условиях с помощью переохлажденного этилового спирта в качестве хладоагента. Температурный дрейф при этом не превышал 0.5 К в час. Необходимость проведения таких измерений диктовалась результатами анализа темпераутрной зависимости \varkappa образцов, исследованных при стационарном температурном режиме при



Рис. 1. Температурные зависимости коэффициента теплопроводности \varkappa образцов ZnS различной структуры: монокристалла (1), поликристалла ПО-2 (2), поликристалла KO-2 разной пористости (3,4). І — измерения \varkappa в квазистационарных условиях, ІІ — \varkappa монокристалла ZnS из работы [5], ІІІ — \varkappa KO-2 из работы [4].

фиксированных температурах хладоагента, и наблюдавшимися на зависимости $\varkappa(T)$ особенностями, которые обсуждаются далее. Относительная погрешность измерений при обоих температурных режимах не првышала 2% в низкотемпературной области измерений и 3% в области температур 300–400 К.

Полученные экспериментальные данные представлены на рис. 1. На этом же рисунке для сравнения приведены данные о коэффициенте теплопроводности монокристалла ZnS из работы [5] и образца КО-2, измеренного в [4]. Из представленных на рис. 1 экспериментальных данных видно, что полученные нами результаты для монокристалла ZnS и данные работы [5] практически совпадают. Совпадают также значения и образцов КО-2, исследованных в настоящей работе, с данными, полученными ранее [4]. Теплопроводность КО-2 во всем исследованном диапазоне температур заметно ниже теплопроводности ПО-2 и монокристалла. Теплопроводность ПО-2 и монокристалла близки между собой как по абсолютной величине, так и по температурной зависимости. Совпадают также в пределах погрешности эксперимента данные ж, полученные в стационарных (где измерительный прибор помещался в хладоагент с фиксированной температурой) и квазистационарных условиях. Для удобства обсуждения полученных экспериментальных данных и проведения их анализа на рис. 2 представлены температурные зависимости теплового сопротивления ($W = 1/\varkappa$) образцов КО-2, ПО-2 и монокристалла ZnS. Как видно из рис 2, в исследованном диапазоне температур зависимости W(T) образцов ПО-2 и монокристалла ZnS представляют собой параллельные прямые с изломом в области 210 К. По сравнению с ПО-2 и монокристаллом ZnS тепловое сопротивление образцов КО-2 существенно больше по абсолютной величине. В области температур 130-400 К зависимость W(T) образцов КО-2 также имеет линейный характер с изломом при 210 K, однако при T < 130 K наблюдается отклонение W(T) от такой зависимости, что может быть связано с особенностями рассеяния фононов.

Рассмотрим механизмы, которые могли бы быть ответственны: 1) за наблюдаемые в эксперименте низкие значения \varkappa для поликристаллических образцов КО-2 (несмотря на достаточно высокую их оптическую прозрачность) по сравнению с поликристаллами ПО-2 и монокристаллом ZnS; 2) за появление дополнительного теплового сопротивления в образцах КО-2 при T < 130 K; 3) за изменение наклона температурных зависимостей теплового сопротивления образцов КО-2, ПО-2 и монокристаллического ZnS в области 210 К.

Анализ возможных составляющих, вносящих вклад в *ж* исследованных образцов в диапазоне температур 80–400 К, показывает, что поскольку электрическое со-



Рис. 2. Температурные зависимости теплового сопротивления $(W = \varkappa^{-1})$ образцов ZnS различной структуры. Нумерация образцов та же, что и на рис. 1. 4 — разность тепловых сопротивлений КО-2 и ПО-2.

противление ZnS велико, электронным теплопереносом можно пренебречь. Оценка фотонной составляющей теплопроводности \varkappa_{phot} исследованных нами образцов показала, что, несмотря на их оптическую прозрачность, \varkappa_{phot} пренебрежимо мала даже в монокристаллах ZnS. Такая оценка, проведенная для поликристаллических образцов ZnS [7], показала, что \varkappa_{phot} при 300 K составляет в них 0.006% от величины общей теплопроводности. Следовательно, экспериментально полученные значения \varkappa образцов определяются переносом тепла колебаниями кристаллической решетки.

Рассмотрение роли акустических и оптических фононов в переносе тепла в ZnS показывает, что вклад оптических фононов в исследуемой области температур несуществен, поскольку оптические фононные моды в ZnS имеют характеристические температуры 426 К для поперечных оптических фононов и 477 К для продольных оптических фононов [8], и они начинают возбуждаться лишь в высокотемпературной области исследуемого интервала. Ввиду этого, а также их малой групповой скорости, оптические фононы не могут внести заметный вклад в теплоперенос при температурах ниже комнатной. Акустические же фононы доминируют в теплопереносе в исследованных образцах ZnS при температурах 80–400 К.

Попытаемся теперь проанализировать механизмы, ограничивающие перенос тепла в исследованных образцах. В монокристаллах ZnS основными механизмами, ограничивающими теплопроводность в интервале температур 80-400 К, являются трехфононные процессы переброса и процессы рассеяния фононов нульмерными и одномерными дефектами, которые присутствуют в реальных кристаллах. В поликристаллах ПО-2 и КО-2 перенос тепла может ограничиваться, кроме того, двумерными дефектами (межзеренными границами), а в КО-2 еще и объемными (поры) дефектами. Вклад последних возможен, так как плотность образцов КО-2(1) на 0.2%, КО-2(2) на 0.9% меньше плотности ПО-2 и монокристаллического ZnS. При получении образцов КО-2 методом горячего прессования в них могут образовываться мелкие вакуумированные поры [9], что является причиной уменьшения плотности образцов. Нами проведена оценка вклада пор в уменьшение теплопроводности КО-2 по формуле, предложенной в [10] для образцов малой пористости,

$$\varkappa = \varkappa_0 \left(1 - \frac{3}{2}P \right), \tag{1}$$

где \varkappa_0 — коэффициент теплопроводности вещества с нулевой пористостью, *P* — пористость вещества. Рассчитанное таким образом уменьшение теплопроводности при температуре 300 К за счет пористости для образца КО-2(1) составляет 0.3%, а для образца КО-2(2) — 1.3% от \varkappa образцов с нулевой пористостью. Поэтому в исследованных образцах КО-2 столь низкая теплопроводность по сравнению с ПО-2 и монокристаллом не может быть обусловлена лишь наличием в КО-2 микропор.



Рис. 3. Температурные зависимости длины свободного пробега фононов. 1-3 — зависимости средней длины свободного пробега фононов в КО-2, ПО-2 и монокристалле ZnS соответственно, 4 — зависимость расчетной длины свободного пробега фононов при фонон-фононных процессах рассеяния $(l_{\rm ph})$, 5 — зависимость расчетной длины свободного пробега фононов в КО-2 с учетом фонон-фононных и фонон-граничных процессов рассеяния, 6, 7 — зависимости длины свободного пробега фононов при граничном рассеянии в образцах КО-2 с размерами зерен 1 и 2 μ m соответственно.

В поликристаллических образцах межзеренные границы и приповерхностные слои зерен всегда содержат большое количество дефектов [9], которые деформируют решетку и эффективно рассеивают фононы, повышая тепловое сопротивление образцов. О роли границ зерен и дефектов в рассеянии фононов можно судить, оценив длину свободного пробега фононов для каждого типа процессов рассеяния. Из данных о коэффициенте теплопроводности мы оценили среднюю длину свободного пробега фононов (*l*) по формуле

$$l = \frac{3\varkappa}{C_V(v)},\tag{2}$$

где \varkappa — экспериментально полученный коэффициент теплопроводности, C_V — теплоемкость при постоянном объеме, v — средняя скорость звука. Значения C_V и vдля ZnS взяты соответственно из [11] и [12]. Полученные таким образом значения средней длины свободного пробега фононов в исследованных образцах представлены на рис. 3. Поскольку рассеяние фононов в исследованных образцах обусловлено фонон-фононным рассеянием, рассеянием на дефектах и границах зерен, среднюю длину свободного пробега фононов можно представить в виде

$$l = \left(l_{\rm ph}^{-1} + l_d^{-1} + l_b^{-1}\right)^{-1},\tag{3}$$

где $l_{\rm ph}$ — длина свободного пробега, обусловленная фонон-фононными процессами рассеяния, l_d — длина свободного пробега, связанная с рассеянием фононов на дефектах, l_b — длина свободного пробега, обусловленная рассеянием фононов границами зерен. Длина свободного пробега фононов, связанная с фонон-фононными процессами рассеяния в сульфиде цинка, оценена по формуле [13]

$$l_{\rm ph} = \frac{a}{\beta \gamma T},\tag{4}$$

где a^3 — объем, приходящийся на один атом в кристалле, β — коэффициент теплового расширения, γ — параметр Грюнайзена. При проведении расчетов значения β и γ для сульфида цинка взяты из работ [8,14]. Величина l_b рассчитана по формуле [15]

$$l_b = 1.12F\sqrt{d},\tag{5}$$

где d — поперечное сечение зерна, F — относительная часть фононов, диффузно рассеивающихся на границах. Для ZnS F = 0.58 [15]. Результаты проведенных таким образом расчетов $l_{\rm ph}$, l_b для исследованных образцов также представлены на рис. 3. При расчете l_b размер зерна принимался равным 1 и 2 μ m, что соответствует размерам зерен в KO-2.

Как видно из рис. 3, в поликристаллах с размером зерен 1 µm уже при температуре 130 К вклады фононфононных и фонон-граничных процессов рассеяния в ограничение средней длины свободного пробега фононов сопоставимы по величине. При дальнейшем снижении температуры увеличивается относительный вклад процессов рассеяния фононов на границах зерен в ограничение средней длины свободного пробега фононов и теплопроводности. Этим обусловливается наблюдаемое на рис. 2 отклонение W(T) поликристаллического образца КО-2 от линейной зависимости в низкотемпературной области (дополнительный рост теплового сопротивления). В поликристаллах с размером зерен *d* > 5 µm вклад граничного рассеяния в ограничение длины свободного пробега фононов в исследованном диапазоне температур становится пренебрежимо малым.

Длина свободного пробега, связанная с рассеянием фононов на дефектах, определена из (3). Как видно из рис. 3, в ограничении длины свободного пробега фононов в исследованных образцах существенна роль процессов рассеяния фононов на дефектах. Расчеты показали, что рассеяние фононов на дефектах вносит в тепловое сопротивление возрастающий вклад от монокристаллического образца к КО-2. Наблюдающееся даже в монокристаллах ZnS тепловое сопротивление, обусловленное рассеянием фононов дефектами, по-видимому, связано с наличием примесей, в частности ионов железа, которые являются эффективными рассеивающими центрами для фононов в соединениях A^2B^6 [5], ограничивающими их длину свободного пробега. В ПО-2 и особенно в КО-2 необходимо учитывать еще и вклад в тепловое сопротивление от процессов рассеяния фононов на дефектах в приграничном слое зерен. В КО-2 ввиду малости размеров зерен концентрация таких дефектов существенно больше, чем в ПО-2. Соответственно их вклад в тепловое сопротивление образцов КО-2 много больше, чем в ПО-2. Как видно из рис. 2, дополнительное тепловое сопротивление, обусловленное большим в КО-2, чем в ПО-2, количеством дефектов вблизи границ зерен, практически не зависит от температуры, что соответствует существующей теории рассеяния фононов на дефектах [16].

На температурной зависимости W(T) для КО-2, ПО-2 и монокристалла ZnS в области температуры 210 К наблюдается изменение наклона (излом). Наличие излома на зависимости W(T) в районе температуры Дебая (θ) было обнаружено ранее для щелочно-галоидных соединений и некоторых халькогенидов свинца и кадмия [17]. На теоретически рассчитанной зависимости W(T) для NaCl также имелся такой излом [18]. Среднее значение температуры Дебая для акустических фононных мод, которые переносят тепло в сульфиде цинка, можно определить по формуле [19]

$$\bar{\theta} = \left[\frac{2}{3}\,\theta_{\rm TA}^2 + \frac{1}{3}\,\theta_{\rm LA}^2\right]^{\frac{1}{2}},\tag{6}$$

где θ_{TA} и θ_{LA} — температуры Дебая для поперечных (TA) и продольных (LA) акустических фононов соответственно. Рассчитанное нами по формуле (6) значение $\bar{\theta}$ для ZnS равно 206 К (θ_{TA} и θ_{LA} взяты из [8]). Таким образом, изломы на экспериментальных зависимостях теплового сопротивления KO-2, ПО-2 и монокристалла ZnS наблюдаются при температуре Дебая. Выше и ниже этой температуры зависимость W(T) может быть представлена в виде

$$W = BT + C. \tag{7}$$

Значения *В* и *С*, полученные нами из экспериментальных данных, приведены в табл. 1. Величина $BT = W_0$ это тепловое сопротивление бездефектного кристалла ZnS. Коэффициент *B*, определяющий наклон прямой зависимости W(T), характеризует вещество, и он (в пределах ошибки эксперимента) одинаков для исследованных образцов в каждой температурной области (выше и ниже температуры Дебая). Известно, что в случае переноса тепла акустическими фононами и преобладания в рассеянии трехфононных процессов переброса тепловое сопротивление бездефектного кристалла может быть представлено в виде [20]

$$W_0(T) = A \frac{\gamma^2 T}{n^{1/3} M a \bar{\theta}^3},\tag{8}$$

где A — постоянный коэффициент, M — средняя масса атома, n — число атомов в элементарной ячейке. Из

Таблица 1. Значения постоянных *В* и *С*, характеризующих температурные зависимости теплового сопротивления КО-2, ПО-2 и монокристалла ZnS

Материал	$B, 10^{-5} \mathrm{m/W}$		$C, 10^{-3} \mathrm{m} \cdot \mathrm{K}/\mathrm{W}$	
	$T < 200 \mathrm{K}$	$T > 240 \mathrm{K}$	$T < 200 \mathrm{K}$	$T>240\mathrm{K}$
КО-2 ПО-2	13.8 14.1	20.4 20.2	12.6 -4.9	-2.3 -17.2
Монокри- сталл ZnS	13.9	20.1	-5.6	-19.6

Таблица 2. Температура Дебая, параметр Грюнайзена и отношение γ^2/θ^3 для поперечных и продольных акустических ветвей сульфида цинка

Фононы	θ,Κ	γ	$\gamma^2/\theta^3, \ 10^{-8} { m K}^{-3}$
TA	131	0.21	1.96
LA	306	1.33	6.17

сравнения формул (7) и (8) видно, что $B \sim \gamma^2/\theta^3$. Поскольку наклон прямой W(T) определяется коэффициентом В, изменение наклона связано с изменением величины этого коэффициента, т.е. с изменением отношения γ^2/θ^3 . Поскольку значения γ и θ для различных акустических ветвей различны, отношение γ^2/θ^3 (следовательно, и В) может изменяться при изменении вклада в теплоперенос от продольных и поперечных акустических фононов. В табл. 2 приведены расчетные значения величины γ^2/θ^3 . В этой же таблице приведены значения у и в для ТА и LA акустических ветвей сульфида цинка из работы [8], на основе которых проведены расчеты γ^2/θ^3 . Из таблицы видно, что для поперечных фононов γ^2/θ^3 примерно в 3 раза меньше, чем для продольных. Следовательно, при усилении роли продольных акустических фононов в переносе тепла должен возрастать коэффициент В и соответственно изменяться наклон зависимости W(T). В сульфиде цинка при 210 К возбуждены все поперечные акустические фононы (для ТА-ветви $\theta = 131 \, \text{K}$). При дальнейшем росте температуры происходит возбуждение фононов продольной акустической ветви, для которых $\theta = 306$ К. Таким образом, с ростом температуры растет роль продольных фононов в переносе тепла в ZnS, что и приводит к росту В. Из табл. 1 видно, что коэффициент В в экспериментально полученных зависимостях W(T) для КО-2, ПО-2 и монокристалла ZnS больше по абсолютной величине в высокотемпературной области измерений (T > 240 K), чем в низкотемпературной. Исходя из этого, изменение наклона зависимости W(T) в материалах на основе сульфида цинка в высокотемпературной области может быть объяснено увеличением вклада в теплоперенос продольных акустических фононов. В пользу этого утверждения свидетельствуют и данные исследования коэффициента теплопроводности ZnS при всестороннем сжатии [7].

Обычно постоянная *C* в формуле (7) величина положительная, характеризующая примеси, содержащиеся в конкретном образце (их количество и сечение рассеяния для фононов). В нашем эксперименте величина *C* отрицательна, за исключением КО-2 в низкотемпературной области. Возможное объяснение этого факта — наличие в образцах сульфида цинка кислорода, который замещает в кристаллической решетке серу. Поскольку ионный и ковалентный радиусы кислорода меньше, чем серы [21], с ростом концентрации кислорода в ZnS уменьшается средняя масса атома и параметр решетки, что приводит к некоторому повышению теплопроводности [22]. Поэтому примесь кислорода ведет себя как дефект, повышающий теплопроводность и снижающий тепловое сопротивление решетки.

Таким образом, результаты проведенного экспериментального исследования позволили установить, что относительно низкая теплопроводность мелкокристаллического сульфида цинка (КО-2) по сравнению с монокристаллом ZnS обусловлена эффективным рассеянием фононов дефектами в приграничном слое зерен. В поликристаллах с размерами зерен 1 µm сказываются размерные эффекты — длина свободного пробега фононов в низкотемпературной области измерений становится сравнимой с размерами зерен; усиление роли граничного рассеяния фононов с понижением температуры приводит к появлению дополнительного теплового сопротивления в этих образцах при T < 130 К. Наблюдающееся в области температуры Дебая изменение наклона температурной зависимости теплового сопротивления исследованных образцов обусловлено усилением в высокотемпературной части измерений участия в теплопереносе продольных акустических фононов.

Авторы выражают искреннюю благодарность Г.Н. Дроновой за предоставленные для исследования образцы.

Список литературы

- [1] Ф.К. Волынец. Опт.-мех.пром-сть 11, 39 (1978).
- [2] С.В. Булдина, Г.Н. Дронова, С.В. Жукова. В сб.: Кристаллические оптические материалы. Информтехника, М. (1992). С. 49.
- [3] В.Н. Савушкин, Г.В. Ананьева, С.М. Волынская, Т.И. Меркуляева, И.А. Миронов. В сб.: Кристаллические оптические материалы. Информтехника, М. (1992). С. 51.
- [4] Н.В. Лугуева, Г.Н. Дронова, С.М. Лугуев. Опт.-мех.промсть 10, 30 (1983).
- [5] G.A. Slack. Phys. Rev. B6, 10, 3791 (1972).
- [6] Е.Д. Девяткова, А.В. Петров, И.А. Смирнов, Б.Я. Мойжес. ФТТ 2, 4, 738 (1960).
- [7] Н.В. Лугуева, Н.Л. Крамынина, С.М. Лугуев. ФТТ 43, 2, 222 (2001).
- [8] D.N. Talwar, M. Vandevyver, K. Kunc, M. Zigone. Phys. Rev. B24, 2, 741 (1981).
- [9] Ж.П. Сюше. Физическая химия полупроводников. Металлургия, М. (1969). 224 с.
- [10] В.В. Скороход. Порошковая металлургия 1-2, 53 (1995).

- [11] H.M. Kagaya, T. Soma. Phys. Stat. Sol. (b) 134, 2, K101 (1986).
- [12] D.N. Chung, W.R. Buessem. J. Appl. Phys. 38, 6, 2535 (1967).
- [13] Р. Берман. Теплопроводность твердых тел. Мир, М. (1979).
 286 с.
- [14] T. Soma. Solid Stat. Commun. 34, 12, 927 (1980).
- [15] A. Noguera, S.M. Wasim. Solid Stat. Commun. 50, 4, 483 (1984).
- [16] В.С. Оскотский, И.А. Смирнов. Дефекты в кристаллах и теплопроводность. Наука, Л. (1972). 160 с.
- [17] Е.Д. Девяткова, И.А. Смирнов. ФТТ 4, 9, 2507 (1962).
- [18] Ю.А. Логачев, Б.Я. Мойжес, А.С. Скал. ФТТ **12**, *10*, 2791 (1970).
- [19] G.A. Slack, P. Andersson. Phys. Rev. B26, 4, 1873 (1982).
- [20] G.A. Slack. Solid State Phys. Vol. 34. Academic Press, N.Y. (1979). P. 1.
- [21] Б.Ф. Ормонт. Введение в физическую химию и кристаллохимию полупроводников. Высш. шк., М. (1973). 655 с.
- [22] А.И. Ансельм. Введение в теорию полупроводников. Наука, М. (1978). 616 с.