Иерархия ансамблей дефектов на поверхности нагруженной меди

© Х.Г. Килиан, В.И. Веттегрень*, В.Н. Светлов*

Университет г. Ульм, D-89069 Ульм, Германия * Физико-технический институт им. А.Ф. Иоффе Российской академии наук, 194021 Санкт-Петербург, Россия

E-mail: Victor Vettegren@ioffe rssi.ru

(Поступила в Редакцию 22 марта 2001 г.)

Изучена эволюция распределения нанодефектов, формирующихся на поверхности полированных фольг меди под действием растягивающего напряжения. Найдено, что нанодефекты образуют четыре ансамбля. Энергия образования и средний размер нанодефектов в соседних ансамблях отличаются в 3 раза. Когда концентрация нанодефектов в одном из ансамблей достигает термодинамически оптимального значения ($\approx 5\%$), часть из них рассасывается, а другая трансформируется в нанодефекты следующего ансамбля. Приложенная к образцу нагрузка непрерывно рождает нанодефекты, образующие первый ансамбль, что приводит к периодическим колебаниям концентрации нанодефектов во всех четырех ансамблях.

Работа поддержана Министерством образования РФ (грант № Е00-4.0-21).

Исследования при помощи сканирующей туннельной микроскопии показали, что на полированной поверхности металлов (Cu, Au, Mo, Pd) под влиянием растягивающих напряжений [1-8] образуются дефекты с нанометровыми размерами (рис. 1). Они формируются и аннигилируют при движении полос материала в направлениях, параллельных плоскостям скольжения дислокаций. В [8] образование нанодефектов рассмотрено на основе модели обратимой агрегации атомных ступенек, образующихся при выходе дислокаций на поверхность металла. Оказалось, что распределение n(y), где y размер нанодефекта, т.е. длина его стенок, задано максимальным значением энтропии и описывается выражением для канонического распределения термодинамической вероятности, которое, как известно [9], имеет вид плотности Г-функции

$$n(y) = n_0 y^2 \exp(-\beta y \Delta U_0). \tag{1}$$

Здесь ΔU_0 — энергия агрегации атомных ступенек, $\beta \equiv 1/k_{\rm B}T$, $k_{\rm B}$ — константа Больцмана, T — температура, n_0 — нормировочная постоянная.

Средний размер нанодефектов $\langle y \rangle$ связан с энергией их образования ΔU_0 выражением [8]

$$\langle y \rangle = \frac{\beta \Delta U_0}{3}.$$
 (2)

Цель настоящей работы — исследовать кинетику накопления нанодефектов на поверхности нагруженной меди и иерархию распределения их ансамблей.

1. Методика эксперимента

Исследовались профили поверхности медных фольг чистотой 99.96% и толщиной около 60 µm. Образцы вырезались при помощи специальных ножей параллельно оси прокатки фольг, затем они полировались при помощи пасты ГОИ и промывались в спирте и ацетоне. Для нагружения использовалось пружинное устройство, сконструированное в лаборатории.

Топограммы поверхности меди под напряжением 380 MPa, были записаны в различные моменты времени после приложения нагрузки. Окно измерений составляло $10 \times 10 \,\mu$ m, а расстояние между двумя последовательными сканами — 100 nm. Таким образом, были зарегистрированы лишь те нанодефекты, длина которых составляла не менее 50 nm.

Форма нанодефектов на поверхности меди не зависит от их размера и имеет вид, показанный на рис. 1: одна из стенок нанодефекта приблизительно перпендикулярна поверхности, а вторая составляет с ней угол $\approx 30^{\circ}$. Поэтому для определения длины стенок нанодефекта у достаточно было измерить их глубину *d* (длину стенки, перпендикулряной поверхности) и вычислить у ($y \approx 3.92d$). Измерялась глубина нанодефекта на



Рис. 1. Нанодефект, образовавшийся на поверхности меди под нагрузкой.

каждом из сканов. Крупные нанодефекты (длиной более 200–300 nm) сканы пересекали несколько раз, однако их глубина на двух последовательных сканах отличалась. Этот результат был объяснен на основе предположения, о том, что длина дислокаций, выходящих на поверхность, в наших образцах меньше 100 nm. Поэтому различные сечения крупного нанодефекта рассматривались как независимые.

Увеличение изображения в направлении, перпендикулярном плоскости поверхности, составляло $6.7 \cdot 10^4$. Это позволило исследовать нанодефекты, глубина которых превышала ≈ 4 nm. Число нанодефектов на топограммах составляло от 1500 до 5500 в зависимости от времени, прошедшего после нагружения, что обеспечило получение достаточно достоверных статистических распределений нанодефектов по размерам.

2. Распределение дефектов по размерам

Детальный анализ топограмм показал, что эмпирическое распределение нанодефектов по размерам описывается при помощи выражения (1) только при малых



Рис. 2. Аппроксимация распределения нанодефектов на поверхности меди по глубине: *a* — через 21 h после нагружения при помощи выражения (1); *b* — через 144 h при помощи выражения (3), *I*-3 — распределение нанодефектов для первого, второго и третьего ансамблей.

временах после нагружения $(t \le 0.1\tau_f)$, где τ_f время до разрушения образца (долговечность) (рис. 2, *a*). При $t > 0.1\tau_f$ для описания распределения необходимо использовать по крайней мере четыре выражения (1) с различными значениями энергии ΔU_{0i} (рис. 2, *b*)

$$n_e(y) = \sum_{i=1}^4 n_{0i} y_i^2 \exp(-\beta y_i \Delta U_{0i}).$$
(3)

Следовательно, все нанодефекты могут быть разделены на четыре ансамбля. Энергия образования нанодефектов, формирующих первый ансамбль, составила $\Delta U_{01} \approx 0.058 k_{\rm B}T$, второй — $\Delta U_{02} \approx 0.019 k_{\rm B}T$, третий — $\Delta U_{03} \approx 0.0063 k_{\rm B}T$, четвертый — $\Delta U_{04} \approx 0.0021 k_{\rm BT}$. Средняя глубина нанодефектов в первом ансамбле $\langle d_1 \rangle = 20$, во втором — $\langle d_2 \rangle = 60$, в третьем — $\langle d_3 \rangle = 180$, в четвертом — $\langle d_4 \rangle = 550$ nm.

Таким образом, энергия образования и средняя глубина нанодефектов в соседних ансамблях различаются в 3 раза

$$\frac{\Delta U_{01}}{\Delta U_{02}} = \frac{\Delta U_{02}}{\Delta U_{03}} = \frac{\Delta U_{03}}{\Delta U_{04}} = \frac{\langle d_2 \rangle}{\langle d_1 \rangle} = \frac{\langle d_3 \rangle}{\langle d_2 \rangle} = \frac{\langle d_4 \rangle}{\langle d_3 \rangle} = 3.$$
(4)

Кроме распределения нанодефектов на поверхности нагруженных фольг Cu, Mo, Au и Pd выражение (1), описывает форму распределения агрегатов сажи по размерам в наполненных резинах [10], надмолекулярных образований на поверхности стеклообразного полиметилметакрилата [11], бактерий E-coli и грибов дрожжей [12], а также угловое распределение дислокационных границ в деформированных образцах Al [13]. Следовательно, в изученных системах стационарное Г-распределение по размерам устанавливается в состоянии, далеком от равновесия, даже если концентрация структурных единиц непрерывно изменяется во времени.

3. Кинетика накопления дефектов

Чтобы выяснить причины образования ансамблей, была исследована кинетика накопления нанодефектов со временем после нагружения. Для примера на рис. 3 приведены четыре фрагмента топограмм поверхности меди, записанные через 16, 165, 238 и 356 h после нагружения. Видно, что концентрация дефектов на топограммах, полученных через 16 и 238 h, больше, чем в двух других случаях (через 165 и 356 h).

Детальный анализ показал, что со временем осциллирует не только общая концентрация нанодефектов, но и их концентрация в каждом из четырех ансамблей. Период осцилляций составил ≈ 45 h (рис. 4). Осцилляции концентрации в соседних ансамблях происходят в противофазе: увеличение концентрации более крупных нанодефектов всегда сопровождается уменьшением концентрации более мелких. Таким образом, кинетика дефектообразования имеет иерархический характер: нанодефекты i + 1-го ранга образуются только из нанодефектов *i*-го ранга. Например, из рис. 3 видно, что чем



Рис. 3. Фрагменты топограмм поверхности меди в различные моменты времени после нагружения: через 16 (a), 165 (b), 238 (c) и 356 h (d).

больше глубина нанодефектов, формирующих ансамбль, тем позже начинаются периодческие изменения концентрации нанодефектов со временем.

Ранее было обнаружено, что процесс возникновения трещин, образующихся в гранитах Westerly и Harcourt под влиянием сжимающих напряжений, также имеет иерархический характер, причем трещины образуют четыре ансамбля [14,15]. По-видимому, иерархия дефектообразования в нагруженных материалах существует не только в металлах, но и в других твердых телах.

Максимальное значение концентрации нанодефектов в каждом из ансамблей составило $X_c = 5 \pm 1\%$. В [8] было показано, что это значение соответствует термо-



Рис. 4. Временные зависимости концентрации нанодефектов, образующих четыре ансамбля на поверхности меди. Средняя глубина нанодефектов в ансамбле составляет 20 (a), 60 (b), 180 (c) и 540 nm (d).

динамически оптимальной концентрации нанодефектов в поверхностном слое металлов. При такой концентрации среднее расстояние между двумя соседними дефектами $\langle L \rangle$ в *е* раз (где *е* — основание натуральных логарифмов) больше их среднего размера $\langle y \rangle$ [8]

$$\frac{\langle L \rangle}{\langle y \rangle} = \frac{1}{\sqrt[3]{X_c}} \approx 2.7.$$
 (5)

Многочисленные исследования процесса накопления трещин в различных твердых телах (полимерах, металлах, ионных кристаллах, стеклах и горных породах) под нагрузкой [15–18] показали, что, когда концентрация трещин в объеме тела достигает такого значения, при котором начинает выполняться соотношение (5), они начинают укрупняться. Описанные выше результаты свидетельствуют о том, что критерий укрупнения (5) справедлив не только для трещин, но и для нанометровых дефектов на поверхности нагруженных металлов.

С помощью этого критерия явление осцилляций концентрации нанодефектов может быть объяснено следующим образом. Под напряжением дислокация выходит на поверхность, и на ней образуются нанодефекты первого ранга. Их концентрация растет до тех пор, пока не достигнет термодинамически оптимального значения $X_c \approx 0.05$, при котором энтропия смеси нанодефектов и атомов кристаллической решетки имеет максимальное значение [8]. Затем часть нанодефектов рассасывается, а другая увеличивает глубину в 3 раза и образует ансамбль нанодефектов второго ранга. Концентрация нанодефектов второго ранга растет, достигает 5%, после чего часть из них рассасывается, а другая трансформируется в нанодефекты третьего ранга и т. д. Этот процесс термодинамически выгоден, так как энергия образования новых, более крупных, нанодефектов в 3 раза меньше энергии образования старых — "мелких". Нагрузка действует на образец постоянно, рождая все новые и новые порции нанодефектов первого ранга. Поэтому после превращения части из них в нанодефекты второго ранга вновь начинают накапливаться нанодефекты первого ранга, и процесс циклически повторяется.

Частота осцилляций ν , согласно теории последовательных реакций [19], связана с константой скорости k_1 образования дефектов первого ранга выражением

$$k_1 \approx 12\nu. \tag{6}$$

В наших условиях (комнатная температура, нагрузка 380 MPa) $\nu \approx 6.2 \cdot 10^{-6} \, {\rm s}^{-1}$ и $k_1 \approx 7.4 \cdot 10^{-5} \, {\rm s}^{-1}$. В то же время скорость стационарной ползучести на два порядка меньше: $\dot{\varepsilon} \approx 6 \cdot 10^{-7} \, {\rm s}^{-1}$.

Если нанодефекты рождаются под действием тепловых флуктуаций, то энергия активации их рождения $U_1 = k_{\rm B}T \ln \frac{k_0}{k_1} = k_{\rm B}T \ln \frac{10^{13}}{k_1} \approx 43 \, {\rm kJ/mol},$ а энергия активации стационарной ползучести $U_0 = k_{\rm B}T \ln \frac{10^{13}}{\hat{\varepsilon}} \approx 52 \, {\rm kJ/mol}.$

К вопросу о механизме укрупнения нанодефектов

В исследованиях по накоплению трещин в нагруженных материалах их укрупнение при выполнении критерия (5) объяснялось на основе предположения, что трещины располагаются в нагруженном теле хаотично. Поэтому возможно появление кластеров, в которых несколько мелких трещин оказываются весьма близко друг от друга и, объединяясь, формируют крупную трещину.

Эти представления согласуются с результатами исследований нанодефектов. Стенки нанодефектов состоят из "ступенек" (рис. 1) шириной от 5 до 50 nm, которые образуются при выходе дислокаций [1,2,5,6], испущенных кластером из близко лежащих источников.

Кроме того, из вышеописанных результатов следует, что сами кластеры источников дислокаций в поверхностном слое нагруженного металла располагаются делокализованно. Проведенный анализ распределения нанодефектов показывает, что кластеры источников дислокаций также образуют четыре ансамбля, распределение в каждом из которых описывается выражением (1) для плотности Г-функции.

Длина стенок нанодефектов в ансамбле первого ранга составляет ≈ 80 nm, они образуются при испускании $\approx 300\,$ дислокаций кластерами из источников первого ранга. Следующий ансамбль состоит из кластеров источников дислокаций второго ранга, испускающих $\approx 900\,$ дислокаций, третий — из кластеров, испускающих $\approx 2700\,$ дислокаций, четвертый — из кластеров, испускающих $\approx 8000\,$ дислокаций.

Приложенная к образцу нагрузка обусловливает образование источников дислокаций со скоростью, равной скорости ползучести. На два порядка быстрее из них возникают кластеры первого ранга, затем образуются кластеры источников дислокаций второго ранга и т. д.

Таким образом, в данной работе было установлено, что нанодефекты на поверхности нагруженной меди образуют четыре ансамбля. Энергия образования нанодефектов в каждом из следующих ансамблей в 3 раза меньше, а размер – в 3 раза больше, чем в предыдущем. Когда концентрация нанодефектов в одном из ансамблей достигает термодинамически оптимального значения ($\approx 5\%$), часть из них рассасывается, а другая трансформируется в нанодефекты следующего ансамбля. Приложенная к образцу нагрузка непрерывно рождает нанодефекты, образующие первый ансамбль, что приводит к периодическим колебаниям концентрации нанодефектов во всех четырех ансамблях.

Список литературы

- В.И. Веттегрень, С.Ш. Рахимов, В.Н. Светлов. ФТТ 38, 2, 590 (1996); 38, 4, 1142 (1996); 39, 9, 1560 (1997); 40, 12, 2180 (1998).
- [2] V.I. Vettegren, S.Sh. Rakhimov, V.N. Svetlov. Proc. SPIE 3345, 226 (1997).

- [3] G. Welzel, J. Plessing, H. Neuhauser. Phys. Stat. Sol. (a) 166, 791 (1997).
- [4] J. Plessing, Ch. Achmus, H. Neuhauser, B. Schonfeld, G. Kostorz. Z. Metallkd. 88, 8, 630 (1997).
- [5] В.И. Веттегрень, В.Л. Гиляров, С.Ш. Рахимов, В.Н. Светлов. ФТТ 40, 4, 668 (1998).
- [6] В.И. Веттегрень, С.Ш. Рахимов, В.Н. Светлов. Неорган. материалы 35, 6, 756 (1999).
- [7] M. Kugler, A. Hampel, H. Neuhauser. Phys. Stat. Sol. (a) 175, 513 (1999).
- [8] Х.Г. Килиан, В.И. Веттегрень, В.Н. Светлов. ФТТ 42, 11, 2024 (2000).
- [9] B.L. Lavenda. Statistical Physics. A Probabilistic Approach. J. Willey & Sons, Inc, N.Y. (1997). 432 p.
- [10] H.G. Kilian. To be published in Rubber Chem. Techn. (2001).
- [11] H.G. Kilian, R. Metzler, B. Zink. J. Chem Phys. 107, 12, 8697 (1997).
- [12] H.G. Kilian, M. Koepf, V.I. Vettegren. To be published in Prog. Coll. & Polym. Sci. (2001).
- [13] D.A. Hughes, Q. Liu, D.C. Crzan, N. Hansen. Acta Mater. 45, 1, 105 (1997).
- [14] Н.Г. Томилин, Е.Е. Дамаскинская, В.С. Куксенко. ФТТ 36, 10, 3101 (1994).
- [15] V. Kuksenko, N. Tomilin, E. Damaskinskaja, D. Lockner. Pure Appl. Geophys. 146, 2, 253 (1996).
- [16] V.S. Kuksenko, V.S. Ryskin, V.I. Betechtin, A.I. Slutsker. Int. J. Fracture Mech. 11, 4, 829 (1975).
- [17] В.П. Тамуж, В.С. Куксенко. Микромеханика разрушения полимерных материалов. Зинатне, Рига (1978). 294 с.
- [18] В.А. Петров, А.Я. Башкарев, В.И. Веттегрень. Физические основы прогнозирования разрушения конструкционных материалов. Политехника, СПб (1993). 526 с.
- [19] Н.М. Эмануэль, Д.Г. Кнорре. Курс химической кинетики. Высш. шк., М. (1969). 432 с.