Особенности фотолюминесценции эрбия в кремниевых структурах, полученных методом сублимационной молекулярно-лучевой эпитаксии

© Б.А. Андреев, З.Ф. Красильник, В.П. Кузнецов, А.О. Солдаткин, М.С. Бреслер*, О.Б. Гусев*, И.Н. Яссиевич*

Институт физики микроструктур Российской академии наук, 603600 Нижний Новгород, Россия * Физико-технический институт им. А.Ф. Иоффе Российской академии наук, 194021 Санкт-Петербург, Россия

(Поступила в Редакцию 9 ноября 2000 г.)

Исследована фотолюминесценция полупроводниковых структур Si:Er:O/Si, выращенных методом сублимационной молекулярно-лучевой эпитаксии. При температуре жидкого гелия измерены зависимости интенсивности фотолюминесценции эрбия от интенсивности возбуждения. Анализ полученных экспериментальных результатов на основе экситонной модели возбуждения ионов эрбия в матрице кристаллического кремния указывает на существенную роль альтернативного (помимо донорных уровней эрбиево-кислородных комплексов) канала захвата свободных экситонов, а также безызлучательного канала рекомбинации экситонов, связанных на эрбиевых донорах, без возбуждения эрбия. Оценена доля оптически активных центров эрбиевой люминесценции по отношению к полной концентрации введенного эрбия.

Работа выполнена при поддержке Российского фонда фундаментальных исследований (проекты 98-02-16619, 98-02-18246, 99-03-32757), МНТП "Фундаментальная спектроскопия" (проект 08.02.043), МЦФПИН (грант 00-2-01) и ИНТАС (грант 99-01872).

В исследованиях излучательной рекомбинации кремниевых структур, легированных эрбием, начался новый этап, связанный с попытками получения стимулированного излучения на длине волны 1.54 µm при оптической накачке [1,2]. Одним из перспективных методов создания светоизлучающих структур Si:Er/Si с высокой интенсивностью фотолюминесценции (ФЛ) является сублимационная молекулярно-лучевая эпитаксия (СМЛЭ) [3]. Повышение эффективности люминесценции связано, в частности, с увеличением доли оптически активных эрбиевых центров в Si. В образцах, получаемых методом ионной имплантации, доля оптически активного эрбия составляет, по оценке [4], от 1 до 10% от количества внедренных ионов эрбия. В работах [5,6] показано, что максимальная концентрация оптически активного эрбия в имплантированных структурах не превышает $3 \cdot 10^{17} \, \mathrm{cm}^{-3}$ при полной концентрации введенного эрбия до $2 \cdot 10^{20} \, \mathrm{cm}^{-3}$. В структурах, выращенных методом СМЛЭ и характеризующихся высоким уровнем интенсивности ФЛ [7], доля оптически активных центров, связанных с эрбием, по отношению к полной концентрации введенного эрбия не определялась. Представляет интерес также оценка эффективности возбуждения люминесценции в эпитаксиальных структурах.

Цель данной работы — исследовать особенности ФЛ эпитаксиальных структур Si:Er:O/Si, выращенных методом СМЛЭ, а также оценить долю оптически активных форм эрбия в эпитаксиальных слоях и эффективность их возбуждения.

1. Эксперимент

Исследованные эпитаксиальные структуры были выращены методом СМЛЭ на подложках Si:B(100) [3]. По данным вторичной ионной масс-спектрометрии (ВИМС), приведенным на рис. 1, a, b, концентрация эрбия составляла $5 \cdot 10^{18} \, \mathrm{cm}^{-3}$ (структура No 37), 1 · 10¹⁸ и (1-2) · 10¹⁷ ст⁻³ в структурах № 17 и 16 соответственно. Содержание кислорода для структуры № 37 более чем на порядок превышало содержание эрбия в эпитаксиальных слоях структур № 17 и 16, концентрация примесей фосфора, бора и алюминия изменялась в интервале $2 \cdot 10^{16} - 7 \cdot 10^{17} \text{ cm}^{-3}$. Структура № 37 с толщиной легированного слоя 1.8 µm была выращена при более высокой (по сравнению со структурами № 16, 17) температуре подложки. Структуры № 17 и 16 отжигались в атмосфере водорода в течение 30 min при температурах 800 и 900 К соответственно. Влияние отжига на люминесцентные свойства эпитаксиальных структур описано в [7]. Спектры ФЛ регистрировались Фурье-спектрометром ВОМЕМ DA3-36 при температурах 4.2 и 78 К в диапазоне от 6000 до 10000 cm⁻¹ с разрешением до 0.5 cm⁻¹. В качестве накачки использовалось излучение Kr⁺- и Ar⁺-лазеров с длиной волны 647 и 514.5 nm соответственно, с мощностью возбуждающего излучения до 500 mW, а также излучение светодиода с длиной волны 640 nm и мощностью до 6 mW. Измерения времени спада люминесценции проводились с помощью цифрового осциллографа.



Рис. 1. Распределение концентрации примесей в эпитаксиальных слоях кремния по данным ВИМС. Структуры № 16 (*a*) и 17 (*b*): I - O, 2 - C, 3 - Er, 4 - Al, 5 - P, 6 - B. Структура № 37: 7 - Er.

2. Результаты эксперимента

Спектры ФЛ эпитаксиальных слоев Si:Er, представленные на рис. 2, относятся к внутрицентровому переходу ${}^{4}I_{13/2} \rightarrow {}^{4}I_{15/2}$ иона Er^{3+} и состоят из широкой $(\approx 30\,{\rm cm^{-1}})$ полосы с максимумом на 6500 cm⁻¹, которую, согласно [8], можно отнести к эрбию в преципитатах Si-Er-O, и из характерной для СМЛЭ серии узких пиков ($\sim 1 \, {\rm cm}^{-1}$) изолированного кислородсодержащего центра Er-1 [9]. В ряду структур № 16-17-37 суммарная интенсивность ФЛ резко увеличивается за счет полосы оптически активного эрбия в преципитатах. Интенсивность ФЛ центра Er-1 в образце № 17 в 3.5 раза больше, чем в образце № 16, но доля излучения центра Er-1 в суммарной интенсивности ФЛ падает. В высокочастотной области при гелиевых температурах наблюдается спектр люминесценции экситонов, связанных на атомах мелких электрически активных примесей. ФЛ свободных экситонов и экситонов, связанных на эрбии, не наблюдалась.

Зависимости интенсивности люминесценции для линий центра Er-1 и широкой полосы эрбия в преципитатах от мощности накачки представлены на рис. 3. Для описания наблюдаемой зависимости использовано выражение [10]

$$I_{PL} = abP/(1+bP), \tag{1}$$

где

$$b = Q au, \quad a \sim N_0^{\mathrm{Er}} au_d.$$

Здесь *Р* — мощность накачки, *Q* — фактор, учитывающий квантовую эффективность и зависящий от температуры, длины волны возбуждающего излучения



Рис. 2. Спектры $\Phi \Pi$ эпитаксиальных структур при T = 4.2 К. Разрешение составляет 1 сm⁻¹, мощность возбуждающего излучения ≈ 100 mW.

Структура	Излучающий центр	$a \cdot 10^{-3}$, arb. units (при $T = 4.2 \mathrm{K}$)	<i>b</i> , mW ⁻¹ (при <i>T</i> = 4.2 K)	$ au_{ m exp}, { m ms}$ (при $T=80{ m K})$
№ 16 № 17	Er-1 Er-1	0.26 0.87	$\begin{array}{c} 0.086 \pm 0.020 \\ 0.085 \pm 0.008 \end{array}$	0.01 Не измерялось
Nº 17	Ег в преципитатах, полоса 6500 cm ⁻¹	1.1	0.087 ± 0.010	1.3
№ 17	Er в преципитатах, полоса $6500 \mathrm{cm}^{-1}$	4.4	0.025 ± 0.004	1.3

Параметры зависимости интенсивности ФЛ от мощности накачки

и геометрических параметров, $N_0^{\rm Er}$ — концентрация оптически активных ионов ${\rm Er}^{3+}$, τ и τ_d — полное и излучательное время жизни ${\rm Er}^{3+}$ в возбужденном состоянии соответственно. Интенсивность люминесценции эрбия пропорциональна $N_{\rm Er}^* w_{\rm rad}$, где $N_{\rm Er}^*$ — концентрация возбужденных ионов ${\rm Er}^{3+}$, $w_{\rm rad} = \tau_d^{-1}$ — вероятность излучательного перехода.

Результаты, приведенные на рис. 3 и в таблице, показывают, что коэффициенты b, характеризующие рост интенсивности ФЛ в области линейной зависимости от уровня возбуждения, для линий центра Er-1 в структурах № 16 и 17 с различными концентрациями оптически активных центров, содержащих ионы эрбия (N_0) , совпадают. При насыщении I_{PL} = a, и для двух образцов $a_1/a_2 = N_0^1/N_0^2$ (если считать, что время au_d не зависит от образца). Отметим также равенство коэффициентов b для линейчатого спектра центра Er-1 и для широкой полосы ФЛ Ег³⁺ в преципитатах в структуре № 17. Таким образом, для однородно легированных структур № 16 и 17 закон нарастания числа возбужденных ионов Er (и интенсивности ФЛ) при увеличении мощности возбуждающего излучения не зависит от концентрации и природы оптически активных центров, содержащих Er. Увеличение концентрации оптически активных центров и интенсивности ФЛ при насыщении в 4 раза в структуре № 37 по сравнению со структурой № 17 приводит к уменьшению величины b, эффективность возбуждения ионов Er³⁺ падает.

На рис. 4 представлены результаты измерения времени нарастания и спада эрбиевой ФЛ в структурах № 17 и 37 при температуре жидкого азота. Времена нарастания отличаются от времен спада вследствие нелинейной зависимости интенсивности ФЛ от накачки, описываемой формулой (1), причем влияние нелинейности сильнее для структуры, характеризующейся бо́льшим значением параметра *b*. Действительно, время включения импульса накачки описывается формулой

$$I/\tau_{on} = (I + bP)/\tau,$$

что позволяет определить время жизни эрбия в возбужденном состоянии.

Для структур № 17 и 37 время жизни возбужденного состояния иона Er³⁺ приведено в таблице, оно измерено для сигнала ФЛ в полосе излучения Er в преципитатах. В структуре № 16, где доминирует центр Er-1,

 $\tau_{\rm exp} = 10 \,\mu$ s, что, по-видимому, связано с быстрым безызлучательным Оже-процессом девозбуждения указанного центра. Концентрация равновесных носителей в структуре № 16 $n \approx (2-3) \cdot 10^{17} \,{\rm cm}^{-3}$ (при $T = 80 \,{\rm K}$)



Рис. 3. Зависимость интенсивности ФЛ от мощности накачки при 4.2 К. *1, 2* — линии центра Er-1 в структурах № 16 и 17 соответственно, *3, 4* — полоса на 6500 сm⁻¹ в структурах № 17 и 37 соответственно. Сплошные кривые — расчет по формуле (1) для структур № 16, 17, 37.



Рис. 4. Осциллограммы сигнала эрбиевой ФЛ для структур № 17 (пунктир) и 37 (сплошная линия) при плотности мощности возбуждения 0.35 mW/mm².

соответствует измеренному времени жизни при известном значении коэффициента $C_A = 5 \cdot 10^{-13} \,\mathrm{cm}^3/\mathrm{s}$ Оже-процесса девозбуждения. Полное время жизни τ в образцах № 17, 37 достаточно велико и близко к излучательному времени жизни иона эрбия. По-видимому, при низкой температуре 4.2 К при подавлении безызлучательного Оже-девозбуждения эрбия полное время жизни τ для изолированных центров Er-1 также близко к излучательному времени жизни.

Измеренное время жизни иона Ег в возбужденном состоянии близко к значениям, приводимым в литературе для структур, выращенных методом МЛЭ (например, в [10] $\tau = 1.8-0.33$ ms). В то же время параметр *b* не только определяется эффективностью возбуждения ионов эрбия в данной структуре (сечением возбуждения), но и зависит от степени фокусировки накачивающего излучения, т. е. не подлежит непосредственному сравнению для экспериментов, выполненных на разных установках.

3. Обсуждение результатов измерений ФЛ структур

Для интерпретации полученных результатов существующая модель [11,12] экситонного механизма возбуждения иона Er^{3+} в Si была дополнена альтернативным (по отношению к оптически активным центрам, включающим Er^{3+} , с концентрацией N_0^E) каналом захвата свободных экситонов, обусловленным связыванием экситона на других мелких примесных центрах (Р, В и др.). Кроме того, была учтена возможность рекомбинации экситона, связанного на эрбии, без передачи энергии в 4f-оболочку иона эрбия. Общую концентрацию центров захвата экситонов в альтернативном канале обозначим N_0^P . Здесь и далее величины, характеризующие оптически активный эрбий, будут обозначены индексами E, а относящиеся к альтернативному каналу захвата экситонов — индексами P.

Система уравнений баланса для концентраций электронно-дырочных пар, свободных экситонов, экситонов, связанных на ионах эрбия и ионах фосфора, а также возбужденных ионов эрбия имеет вид

$$G = \gamma n p + \gamma_x n p, \qquad (2a)$$

$$\gamma_x np = n_x / \tau_x + c_E N_0^E n_x + c_P N_0^P n_x, \qquad (2b)$$

$$c_E N_0^E n_x = n_{xb}^E / \tau_{xb}^E + n_{xb}^E (1 - N_E^* / N_0^E) / \tau^*,$$
 (2c)

$${}_P N_0^P n_x = n_{xb}^P / \tau_{xb}^P, \tag{2d}$$

$$n_{xb}^E (1 - N_E^*/N_0^E)/\tau^* = N_E^*/\tau_d.$$
 (2e)

Здесь G — скорость генерации электронно-дырочных пар, n, p — концентрации свободных электронов и дырок, n_x — концентрация свободных экситонов, n_{xb}^E и n_{xb}^P — концентрации экситонов, связанных соответственно на ионах эрбия и фосфора, γ — коэффициент квадратичной рекомбинации электронов и дырок, γ_x — коэффициент их связывания в экситоны, c_E и c_P — коэффициенты захвата свободных экстонов уровнями эрбия и фосфора соответственно, τ_x , τ_{xb}^E , τ_{xb}^P — времена жизни свободных экситонов, экситонов, связанных на эрбии и фосфоре, τ^* — характерное время Оже-процесса возбуждения, N_0^E и N_0^P — концентрации оптически активных ионов эрбия и ионов фосфора.

Система уравнений баланса записана в приближении низких температур, когда можно пренебречь процессами распада экситонов на пары, освобождения связанных экситонов, процессами девозбуждения ионов эрбия, т.е. всеми процессами, содержащими энергию активации.

Приближенные аналитические решения системы уравнений баланса в двух случаях (в предположении, что $\gamma \ll \gamma_x$ и основной канал ухода свободных экситонов — захват их на донорные уровни эрбия или фосфора) имеют следующий вид.

1) В случае $N_0^P \ll N_0^E$, когда альтернативный канал захвата свободных экситонов можно не учитывать,

$$N^* = N_0^E G b_1 / (1 + G b_1), \quad b_1 = (\tau_{xb}^E / \tau^*) \tau_d / N_0^E.$$
(3)

Это решение получено в приближении $\tau_{xb}^E \ll \tau^*$, которое может быть обосновано оценкой $\tau_{xb}^E \sim 3$ ns, следующей из обзора [13]; $\tau^* \sim 0.2 \,\mu$ s согласно [12]. Решение (3) мало отличается от полученного численно точного решения системы уравнений баланса. Отметим, что N^* при увеличении мощности накачки определяется концентрацией оптически активного эрбия и не зависит от концентрации N_0^P . При малых мощностях N^* не зависит и от N_0^E . Физический смысл последнего ясен: интенсивность определяется не числом центров, содержащих Er^{3+} , а числом рожденных свободных экситонов, которых мало по сравнению с количеством центров их захвата.

2) В случае $N_0^P \gg N_0^E$, когда альтернативный канал является доминирующим, решение при скоростях генерации $G \ll N_0^P / \tau_{xb}^P$ имеет вид

$$N^* = N_0^E G b_1 / (1 + G b_1),$$

$$b_1 = (c_E / c_P) (\tau_{xb}^E / \tau^*) \tau_d / N_0^P.$$
(4)

Зависимость числа возбужденных центров с Ег от концентрации активных центров линейная. Величина b_1 (закон нарастания N^* и интенсивности ФЛ при увеличении мощности накачки) не зависит от концентрации оптически активного эрбия, а определяется альтернативным каналом с концентрацией N_0^p .

Полученные теоретически зависимости N^* от G имеют вид (1), а коэффициенты $b_{\rm Er}$, своответствующие b в (1), равны

$$b_{\rm Er} = \beta(\tau_{xb}^E/\tau^*)\tau_d/N_0^E$$
 для решения (3), (5)

$$b_{\rm Er} = \beta (c_E/c_P) (\tau_{xb}^E/\tau^*) \tau_d / N_0^P$$
для решения (4), (6)

где $G = \beta \times P$, $\beta = 3 \cdot 10^{20} \, \text{s}^{-1} \cdot \text{cm}^{-3} \cdot \text{mW}^{-1}$ в предположении, что *G* равно отношению числа фотонов, поступающих в образец в единицу времени, к объему, в котором происходит поглощение лазерного излучения.



Рис. 5. Зависимости N^*/N_0^E от скорости генерации пар G при изменении концентрации N_0^E , полученные из численного решения системы уравнений баланса при T = 4.2 K, $N_0^P = 6 \cdot 10^{16}$ cm⁻³. Максимальная скорость генерации $6 \cdot 10^{22}$ s⁻¹ · cm⁻³ соответствует мощности накачки ~ 200 mW. N_0^E , cm⁻³: $I - 6 \cdot 10^{14}$, $2 - 6 \cdot 10^{15}$, $3 - 6 \cdot 10^{16}$, $4 - 6 \cdot 10^{17}$, $5 - 6 \cdot 10^{18}$.

На рис. 5 приведены результаты численного решения системы уравнений баланса, дающие зависимости N^*/N_0^E от G и N_0^E , при T = 4.2 K, $N_0^P = 6 \cdot 10^{16}$ cm⁻³. В расчете были приняты значения $\tau^* = 0.2 \,\mu$ s, $\tau_{xb}^E = 3$ ns, $\tau_d = 1$ ms. Скорость генерации $6 \cdot 10^{22} \,\mathrm{s}^{-1} \cdot \mathrm{cm}^{-3}$ соответствует в эксперименте мощности накачки ~ 200 mW. При $N_0^P \ll N_0^E$ ($N_0^E = 6 \cdot 10^{17} - 6 \cdot 10^{18} \,\mathrm{cm}^{-3}$) решение описывается формулой (5) и зависимость N^*/N_0^E от скорости генерации G определяется концентрацией оптически активного эрбия N_0^E . В противоположность этому при $N_0^P \gg N_0^E$ ($N_0^E = 6 \cdot 10^{14} - 6 \cdot 10^{15} \,\mathrm{cm}^{-3}$) решение описывается приближенной формулой (6) и закон нарастания N^*/N_0^E с увеличением G не зависит от концентрации оптически активного эрбия N_0^E , а целиком определяется концентрацией центров в альтернативном канале захвата экситонов N_0^P .

Оценка концентрации оптически активных центров

Равенство коэффициентов *b* для эрбиевых центров разной природы при значительном изменении концентрации Ег и хорошем описании зависимости интенсивности ФЛ оптически активных центров Er^{3+} от мощности накачки формулой (1) свидетельствует о том, что в структурах № 16 и 17 альтернативный (по отношению к оптически активному эрбию) канал диссипации энергии возбуждающего излучения является основным. В рамках экситонной модели можно заключить, что реализуется предельный случай (6) $N_0^P \gg N_0^E$. При этом по экспериментально найденному значению *b* можно определить концентрацию N_0^P . Воспользовавшись выражением (6) с учетом экспериментальных данных таблицы, величины

eta и данных о временах жизни [11,14–16], получим $N_0^P \sim 6 \cdot 10^{16} \, {\rm cm}^{-3}$. Сравнивая этот результат с данными ВИМС, приведенными на рис. 1, а, b, можно заключить, что доля оптически активных атомов эрбия в общем его содержании в структуре № 17 не превышает 6%, и мелкие электрически активные примеси могут вносить заметный вклад в захват и рекомбинацию свободных экситонов. Поскольку оптически активный эрбий присутствует в образце № 17 в основном в виде преципитатов и отношение общего числа оптически активных центров Er-1 в образцах № 17 и 16, определенное по интенсивности линий ФЛ центров при насыщении, составляет 3.5, ясно, что доля оптически активного эрбия в образце № 16 и доля оптически активного эрбия в форме центров Er-1 в образце № 17 значительно меньше 6%.¹ Увеличение концентрации оптически активных атомов эрбия (структура № 37) не приводит автоматически к росту квантовой эфективности возбуждения эрбия, по-видимому вследствие одновременного роста концентрации центров безызлучательной рекомбинации, содержащих эрбий.

Таким образом, для увеличения эффективности экситонного возбуждения эрбия (оптическая накачка или диод в режиме прямого смещения) в СМЛЭ-структурах, характеризующихся большим (> 1 μ s) временем жизни иона эрбия в возбужденном состоянии и высокой интенсивностью ФЛ, необходимо, чтобы генерируемые экситоны связывались и рекомбинировали преимущественно на эрбиевых центрах с передачей возбуждения иону Er³⁺. При существующем соотношении между каналами рекомбинации $N_0^P \gg N_0^E$ насыщение люминесценции эрбия достигается при существенно бо́льших мощностях накачки.

Авторы благодарны Ю.А. Карпову (Институт химических проблем микроэлектроники, Москва) за предоставление источников для СМЛЭ-процесса.

Список литературы

- [1] X. Zhao, S. Komuro, H.Isshiki, Y. Aoyuagi, T. Sugano. Appl. Phys. Lett. **74**, *1*, 120 (1999).
- [2] В.И. Емельянов, Б.В. Каменев. П.К. Кашкаров, Е.И. Константинова, В.Ю. Тимошенко, Е.И. Теруков, М.С. Бреслер, О.Б. Гусев. ФТТ 42, 8, 1372 (2000).
- [3] B.A. Andreev, A.Y. Andreev, H. Ellmer, H. Hutter, Z.F. Krasil'nik, V.P. Kuznetsov, S. Lanzerstorfer, L. Palmetshofer, K. Piplits, R.A. Rubtsova, N.S. Sokolov, V.B. Shmagin, M.V. Stepikhova, E.A. Eskova. J. Cryst. Growth 201–202, 534 (1999).
- [4] J. Michel, F.Y.G. Ren, B. Zheng, D.C. Jacobson, J.M. Poate, L.G. Kimerling. Mater. Sci. Forum 143–147, 707 (1994).
- [5] A. Polman, G.N. van den Hoven, J.S. Custer, J.H. Shin, R. Serna, P.F.A. Alkemade. J. Appl. Phys. 77, 1256 (1995).

¹ Из вида спектра следует, что в образце № 16 оптически активный эрбий присутствует в основном в форме центров Er-1, поэтому доля центров Er-1 в образце № 16 равна доле оптически активных центров с эрбием.

- [6] A. Polman. J. Appl. Phys. 82, 1 (1997).
- [7] А.Ю. Андреев, Б.А. Андреев, М.Н. Дроздов, В.П. Кузнецов, З.Ф. Красильник, Ю.А. Карпов, Р.А. Рубцова, М.В. Степихова, Е.А. Ускова, В.Б. Шмагин, Н. Ellmer, L. Palmetshofer, К. Piplitz, H. Hutter. ФТП 33, 2, 156 (1999).
- [8] W. Jantsch, S. Lanzerstorfer, L. Palmetshofer, M. Stepikova, H. Preier. J. Lumin. 80, 9 (1999).
- [9] Б.А. Андреев, А.Ю. Андреев, Д.М. Гапонова, З.Ф. Красильник, А.В. Новиков, М.В. Степихова, В.Б. Шмагин, В.П. Кузнецов, Е.А. Ускова, S. Lanzerstorfer. Изв. РАН. Сер. физ. 64, 2, 269 (2000).
- [10] R. Serna, J.H. Shin, M. Lohrmeier, E. Vlieg, A. Polman. J. Appl. Phys. **79**, *5*, 2658 (1996).
- [11] О.Б. Гусев. Докт. дис. ФТИ РАН, СПб (1998).
- [12] М.С. Бреслер, О.Б. Гусев, Б.П. Захарченя, И.Н. Яссиевич. ФТТ **38**, *5*, 1474 (1996).
- [13] G. Davies. Phys. Rep. 176, 83 (1989).
- [14] W. Schmid. Phys. Stat. Sol. (b) 84, 529 (1977).
- [15] T. Steiner, M.L.W. Thewalt. Solid State Commun. 49, 1121 (1984).
- [16] J.C. Merle, M. Capizzi, F. Fiorini, A. Frova. Phys. Rev. B13, 4821 (1978).