## Полосы излучения связанных экситонов в кристаллах ZnSe и смешивание плазмонов и фононов

© В.С. Вавилов\*, А.А. Клюканов, К.Д. Сушкевич, М.В. Чукичев\*, А.З. Ававдех, Р.Р. Резванов\*

Молдавский государственный университет, 2009 Кишинев, Молдавия \* Московский государственный университет им. М.В. Ломоносова, 119899 Москва, Россия E-mail: klukanov@cinf.usm.md

## (Поступила в Редакцию 18 сентября 2000 г.)

Проведены исследования катодолюминесценции кристаллов ZnSe, отожженных в расплаве Вi при температуре 1200 K в течении 120 h. Найдено, что в образцах с различной концентрацией электронов проводимости расстояние между сателлитами фононной структуры в сериях связанных экситонов  $I_1^s$ -nLO и  $I_1^d$ -nLO и относительная интенсивность сателлитов различны. Показано, что это различие обусловлено смешиванием фононов и плазмонов. Рассчитана форма спектра излучения связанных экситонов в кристаллах ZnSe в области 450–470 nm и получено удовлетворительное согласие с экспериментом.

В [1] было высказано предположение, что в области линии излучения  $I_1^d$ -2LO ( $\lambda = 456$  nm) кристаллов ZnSe, отожженных в расплаве Bi, наблюдается новая линия связанных экситонов  $I_1^s$ , которая имеет богатую LO-фононную и плазмонную структуру. Отличительной особенностью линии  $I_1^s$  (по сравнению с  $I_1^d$ ) является большая величина констант взаимодействия с LO-фононами и плазмонами, которые определяют интенсивность линий излучения. Данная работа посвящена дальнейшему исследованию формы спектра, относительных интенсивностей и расстояний между сателлитами в сериях линий связанных экситонов  $I_1^{s,d}$ -nLO.

Люминесценция возбуждалась электронным пучком с энергией 40 keV при температуре образца 4.2 К. Длительность импульсов составляла 0.4 µs при частоте следования 200 Hz. Излучение анализировалось с помощью монохроматора ДФС-12 в видимой области спектра. На рис. 1 представлены экспериментальные результаты по катодолюминесценции двух отожженных в расплаве Ві образцов ZnSe с различной концентрацией электронов проводимости. На кривой 1 наблюдаются линии I<sup>d</sup><sub>1</sub>-LO  $(\lambda = 451.0 \,\mathrm{nm})$  и  $I_1^d$ -2LO  $(\lambda = 456.2 \,\mathrm{nm})$ . Последняя накладывается на широкую линию  $I_1^s$  с максимумом в районе  $\lambda = 456$  nm. Два длинноволновых спутника линии Is представляют собой ее LO-фононные повторения  $I_1^s$ -LO ( $\lambda = 461 \text{ nm}$ ) и  $I_1^s$ -2LO ( $\lambda = 467 \text{ nm}$ ). Многоплазмонная структура линий I<sup>s</sup>-nLO не разрешается, так как в кристаллах с низкой концентрацией электронов ( $\omega_p \ll \omega_{LO}$ ) время жизни au плазмонов недостаточно велико ( $au \omega_p < 1$ ) и плазмоны не являются элементарными возбуждениями кристалла. Тем не менее взаимодействие рекомбинирующих электрона и дырки с плазмой приводит к уширению линий серии *I*<sup>s</sup>-*nLO*. Кривая *1* на рис. 1 недвусмысленно показывает, что в области длин волн  $\lambda \approx 456\,\mathrm{nm}$  имеет место суперпозиция линий I<sup>s</sup> и I<sup>d</sup><sub>1</sub>-2LO. Это является прямым подтверждением предположения о новой линии I<sub>1</sub><sup>s</sup> и ее сателлитах. Аналогичные спектры были получены и на других образцах ZnSe с низкой концентрацией плазмы электронов проводимости. В зависимости от соотношения концентраций центров, ответственных за линию  $I_1^s$  и линию  $I_1^d$ , наложение спектров может наблюдатся как в районе  $I_1^s$  и  $I_1^d$ -2LO ( $\lambda = 456$  nm), так и в районе  $I_1^s$ -LO и  $I_1^d$ -3LO ( $\lambda = 461$  nm). Несмотря на малость константы взаимодействия связанного экситона, ответственного за линию  $I_1^d$ , с плазмой свободных электронов, взаимодействие проявляется и для линии  $I_1^d$  — в уширении при концентрации плазмы  $n_e \leq 10^{16}$  сm<sup>-3</sup>. Для сравнения укажем на спектры катодолюминесценции, представленные на рис. 1 работы [1], из которых видно сужение бесплазмонных линий  $I_1^d$ -2LO при  $n_e \geq 10^{17}$  сm<sup>-3</sup>, когда плазмонный сателлит отделяется от бесплазмонной линии.

В кристаллах с относительно высокой концентрацией плазмы ( $n_e \approx 10^{17} \,\mathrm{cm}^{-3}$ ,  $\hbar \omega_p \approx 10 \,\mathrm{meV}$ ) многоплазмонная структура серии  $I_s^s$ -nLO разрешается (кривая 2 на



**Рис. 1.** Спектры катодолюминесценции кристаллов ZnSe при *T* = 4.2 K. *1* — высокоомный образец, *2* — низкоомный образец.

рис. 1), а бесплазмонные линии  $I_1^s$ -LO ( $\lambda = 461.3$  nm) и  $I_1^s$ -2LO ( $\lambda = 466.8$  nm) являются более узкими и интенсивными по сравнению с плазмонными сателлитами вследствие сильной дисперсии и затухания плазмонов.

Таким образом, если рассматривать широкий интервал концентраций плазмы электронов проводимости  $n_e \approx 10^{14} - 10^{18} \,\mathrm{cm}^{-3}$ , то на начальном этапе в области низких концентраций (в смысле выполнения неравенства  $\omega_p \ll \omega_{LO}$ ) при переходе от  $n_e \approx 10^{14} \,\mathrm{k} \, 10^{16} \,\mathrm{cm}^{-3}$  кулоновское вазимодействие связанных экситонов с плазмой проявляется в уширении линий  $I_1^{s,d}$ -nLO. Для серии  $I_1^s$ -nLO этот эффект более существен, чем для  $I_1^d$ -nLO (кривая I на рис. 1). Однако с дальнейшим ростом концентраций до значений  $n_e \approx 10^{17} - 10^{18} \,\mathrm{cm}^{-3}$  уширение сменяется сужением линий  $I_1^{s,d}$ -nLO. Это происходит, когда энергия плазмона оказывается достаточно большой и плазмонный сателлит отщепляется от бесплазмонной линии.

Анализ серий  $I_1^{s,d}$ -*nLO* показывает, что относительная интенсивность и расстояние мжеду сателлитами в разных образцах различны. Расстояние изменяется от 31 до 32 meV, а относительная интенсивность линий  $I_1^s$ -LO и I<sub>1</sub><sup>s</sup>-2LO составляет 1.2:1 (кривая 2 на рис. 1), 1:1 (кривая 1 на рис. 1 [1] и 0.9:1 (кривая 2 на рис. 1) [1]). По нашему мнению, все эти результаты обусловлены смешиванием плазмонов и LO-фононов, благодаря чему происходит перенормировка частот элементарных возбуждений кристалла и в зависимости от концентрации плазмы изменяется среднее число испущенных (на один фотон) продольных смешанных плазмон-фононов с частотами  $\omega_+$  и  $\omega_-$  [2–4]. Критическими здесь оказываются величины концентрации электронов проводимости  $n_e \approx 10^{16} - 10^{17} \, {\rm cm}^{-3}$ . Частоты смешанных плазмонфононных элементарных возбуждений определяются выражением [2]

$$\omega_{\pm} = \frac{1}{2} \left\{ \omega_{LO}^2 + \omega_{p\infty}^2 \pm \left[ \left( \omega_{LO}^2 + \omega_{p\infty}^2 \right)^2 - 4\omega_{p\infty}^2 \omega_{TO}^2 \right]^{\frac{1}{2}} \right\}^{\frac{1}{2}}.$$
(1)

В пределе низких концентраций плазмы, удовлетворяющих неравенству  $\omega_p \ll \omega_{LO}$  ( $n_e \leq 10^{16} \,\mathrm{cm}^{-3}$ ), частота  $\omega_+ \rightarrow \Omega_{LO}$ , а  $\omega_- \rightarrow \omega_p$ , тогда как при выполнении обратного неравенства  $\omega_p \gg \omega_{LO}$ , т.е. при высоких концентрациях  $n_e \geq 10^{18} \,\mathrm{cm}^{-3}$  частота  $\omega_- \rightarrow \omega_{TO} = \omega_{LO} (\varepsilon_\infty / \varepsilon_0)^{1/2}$ , а  $\omega_+ \rightarrow \omega_{p\infty}$ . Здесь  $\omega_p = (4\pi n_e e^2 / \varepsilon_0 m_e^*)^{1/2} = \omega_{p\infty} (\varepsilon_\infty / \varepsilon_0)^{1/2}$ . При  $n_e \approx 10^{16} \,\mathrm{cm}^{-3}$  энергия плазмона составля-

При  $n_e \approx 10^{16} \,\mathrm{cm^{-3}}$  энергия плазмона составляет  $\hbar \omega_p = 2.9 \,\mathrm{meV}$  и смешиванием плазмонов и *LO*фононов, согласно формуле (1), можно пренебречь. Однако при  $n_e \approx 10^{17} \,\mathrm{cm^{-3}}$  смешивание необходимо учесть. Действительно, с использованием формулы (1) и значений параметров кристалла ZnSe находим при концентрации  $n_e \approx 1.7 \, 10^{17} \,\mathrm{cm^{-3}}$  и  $\hbar \omega_{LO} = 31 \,\mathrm{meV}$  величи́ны энергий плазмон-фононных мод:  $\hbar \omega_+ = 32 \,\mathrm{meV}$ ,  $\hbar \omega_- = 11.6 \,\mathrm{meV}$  ( $\hbar \omega_p = 12 \,\mathrm{meV}$ ). Обе частоты  $\omega_+$ и  $\omega_-$  с ростом концентрации плазмы увеличивается. Таким образом, мы можем заключить, что наблюдаемое изменение энергии  $\hbar \omega_+$  от  $\hbar \omega_{LO} = 31 \,\mathrm{meV}$  при низкой концентрации до  $\hbar\omega_+ = 32 \,\mathrm{meV}$  при высокой концентрации обусловлено смешиванием плазмонов и фононов. Отметим, что разброс в энергии продольных оптических фононов того же порядка величины можно встретить и в других работах (см., например, [5]). Более существенно рост концентрации от  $n_e \approx 10^{16}$  до  $10^{17}$  сm<sup>-3</sup> сказывается на относительной интенсивности сателлитов, которая определяется средним числом N<sub>+</sub> и N<sub>-</sub>, испущенных на один фотон смешанных плазмон-фононов с частотами  $\omega_+$  и  $\omega_-$ . Как было отмечено в работе [1], сильное взаимодействие с плазмонами и фононами характерно для центров акцепторного или донорного типов, когда радиусы состояний электрона и дырки значительно отличаются друг от друга. При этом  $N_+ \sim 1/a_+$ , где *a*<sub>+</sub> — наименьший из радиусов (электрона или дырки). В соответствии с формулой (2) работы [1] находим

$$\frac{N_{+}}{N_{LO}} = \frac{a_{LO}}{a_{+}} \frac{\omega_{LO}}{\omega_{+}} \frac{\omega_{+}^{2} - \omega_{TO}^{2}}{\omega_{+}^{2} - \omega_{-}^{2}} \frac{\omega_{LO}^{2} - \omega_{P}^{2}}{\omega_{LO}^{2} - \omega_{TO}^{2}}.$$
 (2)

При  $n_e \leq 10^{16} \,\mathrm{cm}^{-3}$  смешивание не происходит и  $N_+ = N_{LO}$ , а отношение  $a_{LO}/a_+ = 1$ , тогда как при  $n_e = 1.7 \cdot 10^{17} \,\mathrm{cm}^{-3}$  находим:  $N_+ = 1.3 \,N_{LO} a_{LO}/a_+$ . Поскольку рассматриваемые концентрации далеки от предела, при котором происходит моттовский переход, то  $a_{LO}/a_+ \approx 1$  и  $N_+ = 1.3 \,N_{LO}$ . Этот эффект позволяет объяснить как положение, так и относительную интенсивность линий  $I_1^s$  -nLO на спектре, представленном кривой I на рис. 1. Учитывая наложение серий  $I_1^s$ -nLO и  $I_1^d$ -nLO в области длин волн  $\lambda = 450-470$  nm, спектр спонтанного излучения кристаллов ZnSe можно представить в виде

$$I(x) = A \sum_{n=0}^{\infty} \frac{\gamma (N_{LO}^d)^n / n!}{(x+n)^2 + \gamma^2} + B \sum_{n=0}^{\infty} \sum_{m=-\infty}^{\infty} e^{\frac{\beta}{2}m} I_m(z) \frac{\gamma_1 (N_{LO}^s)^n / n!}{(x+1+n+\delta+b\,m)^2 + \gamma_1^2}.$$
 (3)

Здесь  $x = (\omega - \omega_0)/\omega_{LO}$ ,  $\hbar\omega_0$  — энергия, соответствующая положению линии  $I_1^d$ -LO (450.9 nm). Все частоты вычисляются в единицах  $\omega_{LO}$ ,  $b = \omega_p/\omega_{LO}$ ,  $\beta = \hbar\omega_p/k_0T$ ,  $z = N_p/\text{sh} (\beta/2)$ .  $N_{LO}$  — среднее число фононов  $(N_p$  — плазмонов), испущенных на один фотон,  $I_m(z)$  — функции Бесселя от мнимого аргумента. Формула (3) учитывает как стоксовы, так и антистоксовы сателлиты. При  $N_p \gg 1$  огибающая многоплазмонных спутников характеризуется гауссовой функцией, полуширина которой определяется кулоновским взаимодействием с плазмой свободных электронов.

В соответствии с формулой (3) для построения теоретического спектра излучения необходимо знать ширины *LO*-фононных и плазмонных сателлитов  $\gamma$  и  $\gamma_1$ , а также положение линии  $I_1^s$ , которое определяется параметром  $\delta$ . Согласно полученным нами результатам,



**Рис. 2.** Форма спектра излучения связанных экситонов в ZnSe. Рассчитанный по формуле (3) спектр — непрерывная линия. Экспериментальные данные — точки.

линия I<sup>s</sup> смещена на 0.3 nm в коротковолновую область по отношению к линии  $I_1^d$ -2LO, а  $N_{LO}^s$  для серии  $I_1^s$ -nLO составляет величину порядка 2 при концентрациях плазмы  $n_e \ge 10^{17} \, \mathrm{cm}^{-3}$ . Если использовать эти данные и при низкой концентрации плазмы, то теоретические расчеты оказываются в противоречии с экспериментом. Теоретическая серия  $I_1^s$ -*nLO* при  $N_{LO}^s = 2$  и  $\delta = 0.06$  оказывается сдвинутой в длинноволновую сторону относительно экспериментальной, а интенсивность линии I<sup>s</sup><sub>1</sub>-2LO завышенной по отношению к интенсивности линии  $I_1^s$ -LO. Проблема состоит в том, что определить параметр  $\delta$ непосредственно из эксперимента невозможно. Однако каким образом необходимо изменить этот параметр и константу N<sup>s</sup><sub>LO</sub> при переходе к низким концентрациям легко понять, если учесть смешивание плазмонов и фононов. Действительно, с учетом смешивания вклад в энергию связи экситона от взаимодействия с продольными плазмон-фононами определяется формулой

$$\Delta E_B = N_+ \hbar \omega_+ + N_- \hbar \omega_-. \tag{4}$$

Согласно проведенным оценкам, с ростом концентрации энергия  $\Delta E_B$  (4) увеличивается, а линия  $I_1^s$  смещается в длинноволновую сторону. Таким образом, параметр  $\delta$ при низкой концентрации больше, чем при высокой. Подбор параметра  $\delta$  производился по лучшему согласию теоретического и экспериментального спектров (кривая 1 на рис. 1). Найдено, что линия I<sup>s</sup> при концентрации плазмы  $n_e \leq 10^{16}\,\mathrm{cm}^{-3}$  оказывается сдвинутой относительно линии I<sub>1</sub><sup>s</sup>-2LO в коротковолновую сторону на величину  $\delta = 0.15 \ (\delta \hbar \omega = 4.6 \,\mathrm{meV}).$  Отметим, что учет дисперсии оптических фононов и разогрева плазмы оказались недостаточными для объяснения этого сдвига. Полуширины линий I<sup>d</sup><sub>1</sub>-nLO могут быть определены прямо по экспериментальным данным. Для многоплазмонных сателлитов полуширина  $2\gamma_1$  ограничена тем условием, что многоплазмонная структура в соответствии с экспериментом не разрешена  $(a/\gamma_1 < 1)$ . Относительная величина интенсивности серии  $I_1^d$ -nLO и  $I_1^s$ -nLO определяется константами A и B в формуле (3). Таким образом, как видно из рис. 2, при значениях параметров A = 16, B = 0.25, b = 0.05 ( $\hbar\omega_p = 1.55 \text{ meV}$ ),  $N_{LO}^d = 0.25$ ,  $N_{LO}^s = 1.4$ ,  $N_p = 3$ ,  $\gamma_1 = 0.07$  (при меньшем значении параметра  $\gamma_1$ многоплазмонная структура оказывается несглаженной),  $\gamma = 0.04$ , T = 4.2 K согласие с экспериментом оказывается удовлетворительным. Чувствительность спектров излучения и поглощения связанных экситонов к концентрации плазмы (нелинейность спектральных функций в зависимости от интенсивности облучения) может быть использована в устройствах оптической обработки информации.

## Список литературы

- В.С. Вавилов, А.А. Клюканов, К.Д. Сушкевич, М.В. Чукичев, А.З. Ававдех, Р.Р. Резванов. ФТТ 41, 7, 1176 (2000).
- [2] Ф. Платцман, П. Вольф. Волны и взаимодействия в плазме твердого тела. Мир, М. (1975). 436 с. Гл. 5. §34.
- [3] В.С. Вавилов, А.А. Клюканов, Э.А. Сенокосов, Л.Э. Чиботару, М.В. Чукичев. ФТТ **33**, *1*, 63 (1991).
- [4] В.С. Вавилов, А.А. Клюканов, М.В. Чукичев, О.М. Шаповал, А.З. Ававдех, Р.Р. Резванов. ФТП 28, 12, 2113 (1994).
- [5] Д.Д. Недеогло, А.В. Симашкевич. Электрические и люминесцентные свойства селенида цинка. Штиинца, Кишинев (1994).