## Резонансное рассеяние Мандельштама–Бриллюэна и комбинационное рассеяние света в полупроводниках с промежуточными экситонными состояниями, принадлежащими дискретным экситонным зонам и непрерывному спектру

© Б.Х. Байрамов, А.В. Гольцев, В.В. Топоров, Р.Т. Филлипс\*, Р. Лайхо\*\*, К. Деттмер\*\*\*

Физико-технический институт им. А.Ф. Иоффе Российской академии наук,

194021 Санкт-Петербург, Россия

\*Физический факультет, Кевендишская лаборатория, Кембриджский университет,

СВЗОНЕ Кембридж, Великобритания

\*\*Физическая лаборатория Вихури, Университет Турку,

\*\*\*Институт полупроводников и оптики, Брауншвейгский технический университет, D-38106 Брауншвейг, Германия

Анализируются результаты теоретического и экспериментального исследования резонансного рассеяния света Мандельштама–Бриллюэна тепловыми акустическими фононами с  $\mathbf{k} = 0$  вблизи прямого края поглощения (на примере кристаллов ZnSe). Сообщается также и об обнаружении нового типа резонансного усиления интенсивности комбинационного рассеяния света оптическими фононами с  $\mathbf{k} \neq 0$ , соответствующего резонансу с рассеянным светом в выходном канале, вблизи непрямого края поглощения (на примере кристаллов si–GaP:N). При этом резонансное усиление достигало  $\sim 4 \cdot 10^3$  на частотах обертонного рассеяния с участием LO(X) и LO(L) фононов. При расчетах резонансных тензоров рассеяния в качестве промежуточных состояний, вовлеченных в процессы рассеяния, рассмотрены экситонные состояния, принадлежащие как дискретным экситонным зонам, так и непрерывному спектру. Кроме того, учтены все внутренние переходы, а также межзонные переходы между зоной проводимости, валентными зонами и зоной, отщепленной спин-орбитальным взаимодействием и получено хорошее согласие с экспериментальными результатами.

Хорошо известно, что учет экситонов в качестве виртуальных промежуточных состояний при анализе количественных закономерностей резонансного усиления интенсивности неупругого рассеяния света в полупроводниках позволяет наиболее точно воспроизвести наблюдаемые экспериментальные результаты. Впервые теория однофононного резонансного комбинационного рассеяния света (КРС), учитывающая экситонные эффекты была дана Лоудоном [1]. В [2] было получено выражение для тензора резонансного КРС при учете слабого экситон-фотонного взаимодействия для механизмов деформационного потенциала и фрелиховского электрон-фононного взаимодействия. Аналогичные расчеты были выполнены в работе [3] с использованием функций Грина, а в работе [4] предполагалось, что промежуточные экситонные состояния водородоподобны. При этом учитывалось рассеяние только через одну валентную зону и зону проводимости. Учет только одной валентной зоны оказался недостаточным для количественной интерпретации экспериментальных результатов по рассеянию света акустическими и оптическими фононами в специально не легированных кристаллах со структурой алмаза и цинковой обманки. Для преодоления возникших противоречий в работах [4-6] была развита теория резонансного рассеяния света Мандельштама-Бриллюэна (РСМБ), а

в [6–10] и резонансного КРС с учетом экситонных корреляций как при внутризонных, так и при межзонных переходах между зоной проводимости, четырехкратно вырожденными валентными зонами и двукратно вырожденной зоной, отщепленной спин-орбитальным взаимодействием. При этом в качестве промежуточных состояний, вовлеченных в процессы рассеяния, рассматривались экситонные состояния, принадлежащие как дискретным экситонным зонам, так и непрерывному спектру.

В данной работе анализируются результаты, свидетельствующие об обнаружении значительного резонансного усиления интенсивности РСМБ тепловыми акустическими фононами с  $\mathbf{k} = 0$  в специально нелегированных полуизолирующих кристаллах ZnSe вблизи прямого края поглощения и КРС оптическими фононами с  $\mathbf{k} \neq 0$ вблизи непрямого края поглощения в легированных полуизолирующих кристаллах si–GaP:N.

На рис. 1 приведена зависимость интенсивности РСМБ акустическими фононами от энергии квантов возбуждающего излучения в кристаллах ZnSe.

С учетом кулоновского взаимодействия между электронами и дырками, когда промежуточными состояниями будут экситонные состояния, принадлежащие как дискретным зонам, так и непрерывному спектру, можно получить [6,7] следующее выражение для тензора не-

<sup>20500</sup> Турку, Финляндия



**Рис. 1.** Зависимость сечения рассеяния света для *ТА*-фононов в ZnSe от энергии квантов возбуждающего излучения в геометрии рассеяния  $y(xy)\overline{z}$ . Ось  $x \parallel$  направлению [100],  $y \parallel [01\overline{1}]$  и  $z \parallel [011]$ . T = 296 К. Точки — экспериментальные данные. Сплошные линии — расчет с учетом кулоновского взаимодействия — выражение (1). Пунктирные линии расчет в рамках теории Лоудона [1].

упругого резонансного рассеяния света

$$R_{is} = \sum_{\alpha,\beta} \frac{p_{\beta 0} H_{\beta,\alpha} p_{\alpha 0}}{\omega_{g\beta} \omega_{g\alpha} + \omega_1} \Biggl\{ \frac{1}{2\pi a_0^3} \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^3} \\ \times \left[ \frac{1}{\omega_{g\alpha} - \omega_i - R/n^2} - \frac{1}{\omega_{g\beta} - \omega_i - R/n^2} \right] \\ + \frac{1}{4\pi} \left[ \frac{2\mu}{\hbar} \right]^{3/2} R^{1/2} \ln \frac{\omega_{g\beta} - \omega_s}{\omega_{g\alpha} - \omega_s} + \frac{1}{4} \left[ \frac{2\mu}{\hbar} \right]^{3/2} R^{1/2} \\ \times \left[ \operatorname{ctg} \left[ \frac{\pi^2 R}{\omega_{g\beta} - \omega_s} \right]^{1/2} - \operatorname{ctg} \left[ \frac{\pi^2 R}{\omega_{g\alpha} - \omega_s} \right]^{1/2} \right] \Biggr\}, (1)$$

 $a_0 = \varepsilon \hbar^2 / \mu^2$  — радиус Бора для экситона,  $R = \mu e^4 / 2\hbar^2 \varepsilon^2$  — экситонная константа Ридберга. При этом последовательно учтены все внутризонные переходы и межзонные переходы между зоной проводимости  $\Gamma_6$ , четырехкратно вырожденными валентными зонами  $\Gamma_8$  и двукратно вырожденной зоной  $\Gamma_7$ , отщепленной спин-орбитальным взаимодействием. Первое слагаемое в фигурных скобках в выражении (1) представляет вклад процессов рассеяния через экситонные состояния дискретного спектра, тогда как два последних слагаемых вклад непрерывного экситонного спектра. Результаты теоретического расчета с использованием выражения (1) приведены на рис. 1 сплошными линиями и демонстрируют хорошее согласие с наблюдаемыми данными.

В отличие от подобного резонанса с дискретными экситонными зонами и непрерывным спектром вблизи прямого края поглощения  $E_0$  [4–10] (для ZnSe  $E_0 = 2.67$  eV при T = 300 K) на рис. 2 приведены результаты, свидетельствующие об обнаружении нового типа резонансного усиления интенсивности КРС оптическими фононами с  $\mathbf{k} \neq 0$  вблизи непрямого края поглощения в легированных полуизолирующих кристаллах si–GaP: N.

Спектры, показанные на рис. 2, получены в одинаковых экспериментальных условиях для двух полуизолирующих кристаллов: si–GaP:N при их возбуждении излучением аргонового лазера с длиной волны  $\lambda_1 = 514.536$  nm. Они нормированы по интенсивности линии  $TO(\Gamma)$ -фононов.

Хорошо известно, что в кристаллах si-GaP:N 1*s*-состояние экситонов, связанных с изоэлектронными примесями азота, вследствие электрон-дырочного вза-



**Рис. 2.** Спектры КРС кристаллов si–GaP:N (*a*) и si–GaP:N (*b*), полученные при возбуждении излучением аргоновского лазера с длиной волны  $\lambda_i = 514.536$  nm в геометрии рассеяния назад  $z(y, x)\bar{z}$  от плоскости (001) при T = 5 K. Спектральная ширина щелей R = 1.8 cm<sup>-1</sup>.

имодействия расщепляется на два состояния с орбитальными квантовыми числами J = 1 и J = 2. Соответствующая энергия в спектрах низкотемпературной люминесценции этого образца при  $T = 5 \,\mathrm{K}$  для экситонов с J = 1 составляла 2.3174 eV. Близость этой величины к энергии квантов возбуждающего света  $E_i = 2.4092 \, \text{eV}$  указывает на возможность резонанса со светом, рассеянным на двух оптических фононах. Спектры для si-GaP: N демонстрируют обнаружение значительного ( $\sim 4 \cdot 10^4$  раз при  $\nu = 736.3 \, {\rm cm}^{-1}$ ) резонансного усиления интенсивности двухфононного рассеяния света LO(X) и LO(L)-фононами. Мы полагаем, что наблюдаемый резонанс обусловлен процессом рассеяния с резонансным возбуждением в промежуточном состоянии экситонных состояний, образованных электронными состояниями в X и L точках зоны Бриллюэна фосфида галлия. Экситонные состояния возбуждаются в результате непрямого поглощения фотона падающего света с частотой  $\omega_i$  с одновременным испусканием двух *LO*-фононов в X и L-точках ( $\omega_{LO(X,L)}$ ). На последнем этапе происходит аннигиляция связанных в экситон электрона и дырки. При этом происходит излучение фотона рассеянного света с частотой  $\omega_s = \omega_i - 2\omega_{LO(X)}$  и  $\omega_s = \omega_i - 2\omega_{LO(L)}$ . Большая величина сечения определяется наличием в сечении рассеяния малого энергетического знаменателя:

$$\sigma \propto 1/(\hbar\omega_i - 2\hbar\omega_{LO(X,L)} - E_{ex})^2 = 1/(\hbar\omega_s - E_{ex})^2, \quad (2)$$

где  $E_{ex}$  — энергия возбуждаемых экситонов.

## Список литературы

- [1] R. Loudon. Proc. Roy. Soc., A275, 218 (1963).
- [2] A.K. Ganguly, J.L. Birman. Phys. Rev. 162, 806 (1967).
- [3] R. Zeyher, Ting Chiu-Sen, J.L. Birman. Phys. Rev. B4, 1725 (1974).
- [4] Б.Х. Байрамов, А.В. Гольцев, Э. Карайамаки, Р. Лайхо, Т. Левола, В.В. Топоров. ФТТ 25, 5, 1286 (1983).
- [5] E. Karajamaki, R. Laiho, T. Levola, B.H. Bairamov, A.V. Gol'tsev, V.V. Toporov. Phys. Rev. **B29**, 4508 (1984).
- [6] Б.Х. Байрамов, Н.В. Личкова, А.В. Гольцев, В.Д. Тимофеев, В.В. Топоров. ФТТ 29, 244 (1983).
- [7] B.H. Bairamov, A.V. Gol'tsev, V.V. Toporov, R. Laiho, T. Levola. Proc. 18th Int. Conf. on Physics of Semiconductors / Ed. O. Engstrom. World Scientific, Singpure (1987). P. 1721.
- [8] A. Cantarero, C. Trallero-Giner, M. Cardona. Phys. Rev. B39, 8388 (1989).
- [9] C. Trallero-Giner, A. Cantarero, M. Cardona. Phys. Rev. B40, 4030 (1989).
- [10] A. Cantarero, C. Trallero-Giner, M. Cardona. Phys. Rev. B40, 12 290 (1989).