Об электростатических моделях фазового перехода диэлектрик-металл в кристаллических полупроводниках с водородоподобными примесями

© Н.А. Поклонский, А.И. Сягло

Белорусский государственный университет, 220050 Минск, Белоруссия

(Поступила в Редакцию 5 августа 1997 г.)

При учете экранирования ионов прыгающими по примесям электронам уточнены две известные модели расчета критической концентрации N_C перехода диэлектрик-металл для температуры $T \rightarrow 0$ К в зависимости от боровского радиуса a_H изолированной примеси. В одной модели переход при N_{C1} объясняется появлением делокализованных электронов при выталкивании примесной зоны в зону разрешенных энергий за счет уменьшения энергии сродства ионизированных примесей к электрону (дырке). В другой — неограниченным возрастанием статической диэлектрической проницаемости кристалла при увеличении концентрации атомов примеси до N_{C2} . Полученные аппроксимации $N_{C1}^{1/3} a_H \approx 0.24$ и $N_{C2}^{1/3} a_H \approx 0.20$ для степени компенсации K = 0.01 описывают известные экспериментальные данные при $1 < a_H < 10$ nm.

1. Экспериментально критическая концентрация легирующей примеси N_C , при которой происходит переход диэлектрик-металл, определяется по исчезновению при $N_C = N_{C1}$ для $T \rightarrow 0$ К статической электропроводности с металлической стороны [1–10]. В экспериментах [10–12] критерий для нахождения N_C — неограниченное возрастание статической диэлектрической проницаемости кристаллического образца при увеличении концентрации легирующей примеси до $N_C = N_{C2}$. Считается [5,10], что $N_{C1} \approx N_{C2}$.

В последнее время предложены модели [13-17], развивающие известные подходы (см., например, [5,10]) к оценке N_{C1}. В [13] переход диэлектрик-металл для $T \to 0$ связывается с "металлизацией" примесной зоны, отдаленной от зоны разрешенных энергий. В [14] учтено экранирование ионов только свободными электронами; переход происходит из-за вазимодействия нейтральных и ионизированных доноров, приводящего к уширению и "выталкиванию" их уровней в с-зону. По [15] полупроводник переходит в металлическое состояние, когда появляется возможность роста так называемых "плазменных металлических капель" — областей полупроводника с полной ионизацией доноров и вырожденным электронным газом. В [16,17] переход диэлектрик-металл в сильно компенсированном полупроводнике объясняется перколяцией электронов с-зоны (на металлической стороне перехода) и локализацией их в крупномасштабных флуктуациях случайного потенциала (на диэлектрической стороне).

В модели [18] для нахождения N_{C2} использовались подгоночные параметры (в зависимости энергии ионизации легирующих примесей от их концентрации), а в [19] предложена только схема оценки N_{C2} через порог подвижности носителей заряда.

Заметим, что в моделях [5,10–19] оценки значений N_{C1} и N_{C2} рассматривались порознь. К тому же при интерпретации экспериментальных данных по зависимости N_{C1} и N_{C2} от параметров полупроводника и примесных атомов

использовались разные выражения для боровского радиуса локализации электрона (дырки)

$$a_H = \frac{e^2}{8\pi\varepsilon I_d},\tag{1}$$

 $a_{H} = 4\pi\varepsilon\hbar^{2}/me^{2}, a_{i} = \hbar/\sqrt{2mI_{d}},$ где I_{d} — энергия ионизации одиночной водородоподобной примеси, $\varepsilon = \varepsilon_{r}\varepsilon_{0}$ — статическая диэлектрическая проницаемость нелегированного кристалла, ε_{0} — электрическая постоянная, m — эффективная масса электронов в одной долине *c*-зоны (дырки в одной подзоне *v*-зоны), *e* — заряд электрона, для свободного атома водорода $a_{H} = a_{B} = a_{i}$. Представляется, что на диэлектрической стороне перехода величина a_{H} более адекватна для описания связанных состояний, поскольку не включает эффективной массы электрона (дырки), имеющей прямой смысл исключительно для делокализованного состояния.

Цель работы — уточнить выражения для расчета зависимости критических концентраций N_{C1} и N_{C2} перехода диэлектрик-металл в слабо компенсированных полупроводниках от боровского радиуса a_H легирующих примесей.

2. Рассмотрим кристаллический полупроводник *n*-типа при $T \rightarrow 0$ с концентрацией водородоподобных доноров $N = N_0 + N_+$ и степенью компенсации *K* их акцепторам. Уравнение электронейтральности есть

$$N_+ = KN + n, \tag{2}$$

где *n* — концентрация свободных (делокализованных) электронов.

Считаем, что при $T \rightarrow 0$ средняя концентрация и
онизованных доноров

$$N_{+} = N - N_{0} = N \int_{E_{F} + E_{d}}^{\infty} P_{d} dU_{d} = \frac{N}{2} \operatorname{erfc} \left(\frac{E_{F} + E_{d}}{\sqrt{2}W_{d}} \right)$$
(3)

определяется гауссовым распределением

$$P_d = \left(\sqrt{2\pi}W_d\right)^{-1} \exp(-U_d^2/2W_d^2)$$

энергий ионизации нейтральных доноров относительно среднего значения E_d , отсчет уровня Ферми E_F и E_d — от энергии дна *с*-зоны ($E_c = 0$) нелегированного кристалла.

В предположении, что ионизованные доноры и акцепторы являются точечными зарядами, среднеквадратичная флуктуация W_d потенциальной энергии ионизованного донора U_d при учете чисто кулоновского взаимодействия его только с ближайшим точечным зарядом есть [20]

$$W_d \left(\sum_{j=1}^3 \int_0^\infty P_j u_j^2 dr \right)^{1/2} \approx 1.64 \frac{e^2}{4\pi\varepsilon} \left(\frac{8\pi}{3} N_+ \right)^{1/3}, \quad (4)$$

где $P_j dr = 4\pi r^2 C_j \exp \left[-(4\pi/3)r^3 \sum_{j=1}^3 C_j\right] dr$ — пуас-

соновская вероятность того, что ближайшим к ионизированному донору является точечный заряд сорта j, расположенный на расстоянии от r до r + dr; $\sum_{j=1}^{3} C_j = N_+ + KN + n = 2N_+$ — концентрация заряженных частиц в кристалле; $|u_j(r)| = e^2/4\pi\varepsilon r$ — модуль кулоновской энергии взаимодействия двух ближайших

зарядов;
$$\bar{U}_d = \sum_{j=1}^3 \int_0^\infty P_j u_j dr = 0$$

Отметим, что W по (4), в предположении полной ионизации примесей, согласуется с измеренной при 50 К < T < 120 К методом вольт-фарадных характеристик шириной акцепторной зоны, образованной в *p*-Si атомами бора с концентрацией $N \approx 2 \cdot 10^{18}$ cm⁻³[21].

Концентрация электронов в c-зоне при $T \to 0$ без учета их обменной энергии есть [22,23]

$$n = \int_{-\infty}^{E_F} P_n dU_n \int_{0}^{k_F(U_n)} \frac{\nu k^2}{\pi^2} dk$$
$$= \frac{\nu (2m)^{3/2}}{3\pi^2 \hbar^3} \int_{-\infty}^{E_F} (E_F - U_n)^{3/2} P_n dU_n,$$
(5)

где $P_n = (\sqrt{2\pi}W_n)^{-1} \exp(-U_n^2/2W_n^2)$ — гауссово распределение потенциальной энергии делокализованного электрона по кристаллу; ν — число эквивалентных долин (минимумов кинетической энергии при различных значениях квазиимпульса $\hbar k$ в зоне Бриллюэна); $\bar{U}_n = 0$.

Учтем, что на диэлектрической стороне перехода тепловая долина волны свободного электрона $\pi\hbar/\sqrt{3mk_BT}$, на которой происходит усреднение им случайного электрического потенциала [24], много больше $R = (8\pi N_+/3)^{-1/3}$ — среднего радиуса области, приходящейся на одну точечную заряженную частицу.Тогда $E_n \ll W_d$ и хвостом плотности электронных состояний *с*-зоны при $T \rightarrow 0$ можно пренебречь. На металлической стороне перехода ($n \approx N$) в идеальном Ферми-газе длина волны электрона со средней энергией $3E_F/5$ равна $\sqrt{5/3}\pi/(3\pi^2n/\nu)^{1/3}$ и сопоставима с величиной *R*, так что $W_n \approx W_d$.

Итак, следуя аргументации [24], для среднеквадратичной флуктуации потенциальной энергии электрона в *с*-зоне используем аппроксимацию

$$W_n = W_d \theta (N - N_{C1}), \tag{6}$$

где $\theta(N - N_{C1}) = 0$ при $N \leq N_{C1}$, $\theta(N - N_{C1}) = 1$ при $N > N_{C1}$.

Учтем далее, что входящая в формулу (3) энергия ионизации "среднего" донора E_d зависит от концентрации легирующих и компенсирующих примесей [25]. Корреляционное взаимодействие подвижных положительно заряженных состояний доноров, т.е. мигрирующих прыжковым образом электронных вакансий, неподвижных отрицательно заряженных акцепторов и свободных электронов приводит к уменьшению энергии ионизации донора. По [20] разность энергии ионизованного донора с экранирующим его облаком зарядов и энергии нейтрального донора определяет среднюю энергию ионизации¹

$$E_d = I_d - \frac{3e^2}{16\pi\varepsilon(\lambda+d)},\tag{7}$$

где λ — радиус (длина) экранирования ионизованного донора, $d \approx 0.554 (N(1+K))^{-1/3} \theta(N_{C1}-N)$ — среднее расстояние минимального сближения между точечными заряженными частицами в кристалле при прыжковом механизме миграции электронов по донорам; на металлической стороне перехода d = 0. Величину $I_d - E_d$ можно трактовать как уменьшение энергии электронного сродства к положительно заряженному донору из-за его экранирования.

При $T \to 0$ длина экранирования λ электростатического поля [27] есть

$$\lambda^{-2} = -\frac{e^2}{\varepsilon} \left(\frac{\partial N_+}{\partial E_F} - \frac{\partial n}{\partial E_F} \right)$$
$$= \frac{e^2}{\varepsilon} \left(\frac{N}{\sqrt{2\pi}W_d} \exp\left(-\frac{(E_F + E_d)^2}{2W_d^2}\right) + \frac{\partial n}{\partial E_F} \right), \quad (8)$$

где первое слагаемое отражает вклад в экранирование прыгающих с нейтральных на ионизованные доноры электронов, а второе — свободных электронов.

Отметим, что при расчете W_d , λ и E_d не учитывался вклад нейтральных доноров в диэлектрическую проницаемость кристаллической решетки ε .

Рассмотрим "диэлектрическое" решение (n = 0) системы уравнений (2)–(8), где (3) дает однозначную связь

¹ Формула (7) находит поддержку в экспериментальных данных E_d для водородоподобных примесей в слабо легированных полупроводниках [25,26], в частности когда ширина примесной зоны W_d много больше средней тепловой энергии $3k_BT/2$.

между степенью компенсации доноров акцепторами К и величиной $(E_F + E_d)/W_d$. С увеличением N уровень Ферми Е_F приближается к с-зоне и при концентрации доноров $N = N_{C1}$ достигает $E_C = 0$. Это приводит к участию в экранировании помимо прыгающих по донорам электронов еще и свободных электронов. Как следствие, E_d резко поднимается выше дна *с*-зоны (тогда формально $E_d < 0$ и на металлической стороне перехода следует использовать боровский радиус a_B). При этом λ становится меньше критической длины экранирования кулоновского потенциала $\lambda_c = a_B/1.16$, при котором ион не имеет связанных электронных состояний [28]. Другими словами, при непрерывном изменении N происходит скачок решения системы уравнений (2)-(8) от диэлектрического (n = 0) к металлическому (n = (1 - K)N), что и определяется как переход диэлектрик-металл. Критерий перехода (по Мотту [29]) —

$$E_F(N_{C1}) = 0.$$
 (9)

В рамках нашей модели величина N_{C1} неявно зависит от боровского радиуса a_H водородоподобной примеси (ср. [15,17]). Порог делокализации электронов *c*-зоны с диэлектрической стороны перехода совпадает с $E_C = 0$. На металлической стороне в окрестности перехода изза проявления хвостов плотности состояний *c*-зоны ($W_n \approx W_d$) уровень Ферми расположен ниже E_C , но выше порога подвижности.

Заметим, что при некоторых значениях $N < N_{C1}$ система уравнений (2)–(8) помимо диэлектрического решения имеет еще и металлическое. Согласно [30], решение, определяющее равновесное состояние системы, выбирается из условия минимума свободной энергии, равной при $T \rightarrow 0$ энергии системы. На диэлектрической стороне в окрестности перехода диэлектрик–металл объемная плотность свободной энергии F электронов на донорах и в *с*-зоне получается из (2) и (5) в виде

$$F = N \int_{-\infty}^{E_F + E_d} (U_d - E_d) P_d dU_d + \frac{\nu (2m)^{3/2}}{2\pi^2 \hbar^3} \times \int_{-\infty}^{E_F} P_n dU_n \int_{U_n}^{E_F} (E - U_n)^{1/2} E dE,$$
(10)

где за начало отсчета энергии принято $F_C = 0$.

Из (10) следует, что для всех N, при которых существует два решения системы уравнений (2)–(8), величина F — меньше для диэлектрического решения N_{C1} .

Отметим, что в [14,19] в зависимости *n* от *N* при учете экранирования ионов примесей только электронами проводимости также обнаружен гистерезис решения уравнения электронейтральности, но в [14] не определено, какое из решений устойчиво, а в [19] критерий устойчивости выражался через порог подвижности электронов.

В [11,12] переход диэлектрик-металл для $T \rightarrow 0$ экспериментально определяется из условия неограниченного роста статической диэлектрической проницаемости $\varepsilon_{\alpha} = \varepsilon_{r\alpha}\varepsilon_0$ макроскопического кристаллического образца при $N \to N_{C2}$; критерий перехода имеет вид

$$\varepsilon_{r\alpha}(N_{C2}) \to \infty.$$
 (11)

Величина $\varepsilon_{r\alpha}$ дает связь локального электрического поля E_l , действующего на каждую поляризуемую частицу, со средним макроскопическим полем E_{av} [31,32]. С учетом суперпозиции электрических полей как атомов кристаллической матрицы с концентрацией N_h , так и (1 - K)N нейтральных доноров с поляризуемостью α , имеем (ср. с [18,33])

$$E_l = E_{\rm av} + \left(\frac{N_h \alpha_h}{\beta_h} + \frac{(1-K)N\alpha}{3}\right) E_l, \qquad (12)$$

где α_h — поляризуемость атома матрицы; β_h учитывает точечную симметрию нелегированного кристалла (в модели Клаузиуса–Моссотти $\beta_h = 3$).

Поляризуемость нейтрального водородоподобного донора [34]

$$\alpha = 18\pi [a_H(N)]^3, \tag{13}$$

где $a_H(N) = e^2/8\pi\varepsilon_r\varepsilon_0E_d$ — боровский радиус донора со средней энергией ионизации $E_d(N)$ по формуле (7). По данным [5,11,12] при $N < N_{C2}$ средний радиус сферической области, приходящийся на один нейтральный донор, $0.62[(1-K)N]^{-1/3}$ более чем в 2.5 раза превышает $a_H(N)$, так что использование диэлектрической проницаемости решетки $\varepsilon = \varepsilon_r \varepsilon_0$ в $a_H(N)$ оправдано.

Суммарная поляризованность атомов матрицы и нейтральных доноров есть [32]

$$(N_h \alpha_h + (1 - K)N_\alpha)\varepsilon_0 E_l = (\varepsilon_{r\alpha} - 1)\varepsilon_0 E_{av}.$$
 (14)

Полагая $\beta_h = 3$ (как если бы атомы матрицы образовывали простую кубическую решетку или были распределены хаотично [32]) из (12) и (14) имеем

$$\varepsilon_{r\alpha} = \varepsilon_r + \frac{(\varepsilon_r + 2)^2 (1 - K) N \alpha}{9 - (\varepsilon_r + 2)(1 - K) N \alpha}.$$
 (15)

Условие перехода диэлектрик-металл (11) по формуле (15) принимает вид

$$N_{C2} = \frac{9}{(\varepsilon_r + 2)(1 - K)\alpha}.$$
(16)

По моделям [33] и [18] для $\varepsilon_{r\alpha}(N)$ критическая концентрация N_{C2} оказывается соответственно в $\varepsilon_r(\varepsilon_r + 2)/3$ и в ε_r раз больше, чем по формуле (16) при тех же значениях α . Отметим, что в работе [18] для согласования $\varepsilon_{r\alpha}(N)$ с экспериментом [11] использовались подгоночные параметры в зависимости E_d от N.

3. На рисунке показаны критические концентрации перехода диэлектрик-металл N_{C1} в зависимости от боровского радиуса примеси a_H по формуле (1) для Si ($\varepsilon_r = 11.47$), легированного атомами As ($I_d = 53.8 \text{ meV}$, $N_{C1} \approx 7.8 \cdot 10^{18} \text{ cm}^{-3}$) [1], Р ($I_d = 45.6 \text{ meV}$, $N_{C1} \approx 3.5 \cdot 10^{18} \text{ cm}^{-3}$) [2], Sb ($I_d = 42.7 \text{ meV}$,



Зависимость критической концентрации перехода диэлектрикметалл N_C от боровского радиуса изолированной примеси a_H для Si:As [1], Si:P [2], Si:Sb [3] (*a*), Si:B [4] (*b*), Ge:As [5], Ge:P [5], Ge:Sb [6] (*c*), Ge:Ga [7,8] (*d*), *n*-InP [9] (*e*), *n*-GaAs [9] (*f*). Кривые 1, 2 — расчет N_{C1} и N_{C2} при K = 0.01.

 $N_{C1} \approx 2.9 \cdot 10^{18} \,\mathrm{cm}^{-3}$) [3], B ($I_a = 44.4 \,\mathrm{meV}$, $N_{C1} \approx 4.1 \cdot 10^{18} \,\mathrm{cm}^{-3}$) [4]; для Ge ($\varepsilon_r = 15.4$), легированного As $(I_d = 14.2 \text{ meV}, N_{C1} \approx 3.5 \cdot 10^{17} \text{ cm}^{-3})$ [5], P $(I_d = 12.88 \text{ meV}, N_{C1} \approx 2.5 \cdot 10^{17} \text{ cm}^{-3})$ [5], Sb $(I_d = 10.45 \text{ meV}, N_{C1} \approx 1.7 \cdot 10^{17} \text{ cm}^{-3})$ [6], Ga ($I_a = 11.32 \text{ meV}, N_{C1} \approx 2 \cdot 10^{17} \text{ cm}^{-3}$) [7,8]; для *n*-InP $(\varepsilon_r = 11.8, I_d \approx 7 \text{ meV}, N_{C1} \approx 1.5 \cdot 10^{16} \text{ cm}^{-3})$ [9] и для *n*-GaAs ($\varepsilon_r = 12.4, I_d \approx 6 \text{ meV}, N_{C1} \approx 1.2 \cdot 10^{16} \text{ cm}^{-3}$) [9]. Значения N_{C2} для Si:As, Si:P, Si:Sb и Ge:Sb [11,12] фактически совпадают с N_{C1}. Кривые 1 и 2 — расчет N_{C1} и N_{C2} по (9) и (16) при K = 0.01. Кривая 1 для N_{C1} в выбранных координатах не зависит от диэлектрических характеристик материала. Для кривой 2 (зависимость N_{C2} от a_H) полагалось $\varepsilon_r = 12$, что соответствует средней величине относительной диэлектрической проницаемости кристаллической решетки перечисленных выше полупроводников [35,36]. Зависимости 1 и 2 удовлетворяют аппроксимациям

$$N_{C1}^{1/3}a_H \approx 0.24, \quad N_{C2}^{1/3}a_H \approx 0.20.$$
 (17)

Формула, подобная (17), была получена в [5] как результат обработки экспериментальных данных по зависимости N_C от боровского радиуса примесей в различных полупроводниках.

Отметим, что N_{C1} и N_{C2} по (17) находятся в соответствии с приведенным в [5] значением $N_{C1} \approx 10^{14} \,\mathrm{cm^{-3}}$ для *n*-InSb ($\varepsilon_r \approx 17.8$, $I_d \approx 0.7 \,\mathrm{meV}$, $a_H \approx 58 \,\mathrm{nm}$).

Предлагаемые модели описывают переход диэлектрик-металл при конечных K, когда есть возможность для прыжковой миграции электронов (электронных вакансий) по атомам примеси даже при температуре $T \rightarrow 0$ К. В диапазоне степеней компенсации $0.01 \leq K \leq 0.2$ величина N_C практически постоянна, а с ростом K

от 0.2 до 0.5 увеличивается (N_{C1} сильнее, а N_{C2} слабее), качественно совпадая (особенно N_{C1}) с экспериментальной зависимостью $N_C(K)$ [37]. При K > 0.5 модель дает завышенные значения N_{C1} по сравнению с экспериментальными данными [37,38] так как не учитывает флуктуации краев *с*- и *v*-зон на диэлектрической стороне перехода.

Развитые нами модели расчета N_{C1} и N_{C2} не применимы для $K \to 0$ при температуре $T \to 0$, так как не учитывают вклад в W и E_d взаимодействия нейтральных доноров друг с другом. Как следствие, в расчетах пренебрегается верхней зоной Хаббарда, т.е. существованием доноров в отрицательно заряженном состоянии.

4. Итак, в настоящей работе уточнены две известные электростатические модели перехода диэлектрикметалл для сильно легированных кристаллических полупроводников при $T \rightarrow 0$. Даны аппроксимационные формулы (17) для критических концентраций легирующих примесей N_{C1} и N_{C2} перехода по электропроводности и диэлектрической проницаемости при степени компенсации $0.01 \leq K \leq 0.5$ в диапазоне боровских радиусов изолированных примесей $1 < a_H < 10$ nm.

Выражаем благодарность А.Г. Забродскому за полезные замечания по работе.

Работа выполнена в рамках программы "Низкоразмерные системы" Министерства образования Республики Беларусь. Один из авторов (Н.А.П.) благодарит INTAS Program (grant INTAS-94-4435) за поддержку исследования.

Список литературы

- [1] P.F. Newman, D.F. Holcomb. Phys. Rev. B28, 2, 638 (1983).
- [2] P. Dai, Y. Zhang, M.P. Sarachik. Phys. Rev. B49, 19, 14039 (1994).
- [3] A.P. Long, M. Pepper. J. Phys. C17, 17, L425 (1984).
- [4] P. Dai, S. Bogdanovich, Y. Zhang, M.P. Sarachik. Phys. Rev. B52, 16, 12434 (1995).
- [5] P.P. Edwards, M.J. Sienko. Phys. Rev. B17, 6, 2575 (1978).
- [6] S.B. Field, T.F. Rosenbaum. Phys. Rev. Lett. 55, 5, 522 (1985).
- [7] А.Г. Забродский. А.Г. Андреев, М.В. Алексеенко. ФТП 26, 3, 431 (1992).
- [8] K.M. Itoh, E.E. Haller, L.A. Reichertz, E. Kreysa, T. Shutt, A. Commings, W. Stockwell, B. Sadoulet, J. Muto, J.W. Farmer, V.I. Ozhogin. Abstract Booklet Int. Conf. on Electron Localization and Quantum Transport in Solids (August 3–6, 1996). Inst. Phys. Pol. Acad. Sci. Ustron. Jaszowiec. Poland (1996). P. 15.
- [9] Т.И. Воронина, А.Н. Дахно, О.В. Емельяненко, Т.С. Лагунова, С.П. Старосельцева. ФТП 22, 7, 1230 (1988).
- [10] R.N. Bhatt. Physica B146, 1-2, 99 (1987).
- [11] T.G. Castner. Phil. Mag. B42, 6, 873 (1980).
- [12] T.G. Castner, N.K. Lee, H.S. Tan, L. Moberly, O. Symko. J. Low Temp. Phys. 38, 3–4, 447 (1980).
- [13] А.А. Ликальтер. ЖЭТФ 107, 6, 1996 (1995).
- [14] В.М. Михеев. ФТТ **36**, *4*, 994 (1994).

- [15] Д.Н. Бычковский, О.В. Константинов, Б.В. Царенков. ФТП 29, 1, 152 (1995).
- [16] А.Г. Забродский. ФТП 14, 8, 1492 (1980).
- [17] М.И. Даунов, И.К. Камилов, В.А. Елизаров. ФТТ 37, 8, 2276 (1995).
- [18] S. Dhar, A.H. Marshak. Sol. Stat. Electron. 28, 8, 763 (1985).
- [19] J. Jackle. Phil. Mag. **B46**, *4*, 313 (1982).
- [20] Н.А. Поклонский, А.И. Сягло, Ф.Н. Боровик. ФТП 30, 10, 1767 (1996).
- [21] H.D. Barder, K.S. Lee, J.E. Jones. Sol. Stat. Electron. 19, 5, 365 (1976).
- [22] E.O. Kane. Sol. Stat. Electron. 28, 1, 3 (1985).
- [23] Н.А. Поклонский, А.И. Сягло. ЖПС 64, 3, 363 (1997).
- [24] Дж. Займан. Модели беспорядка. Мир, М. (1982). С. 574.
- [25] А.Г. Андреев, В.В. Воронков, Г.И. Воронкова, А.Г. Забродский, Е.А. Петрова. ФТП 29, 12, 2218 (1995).
- [26] Л.В. Говор, В.П. Добрего, Н.А. Поклонский. ФТП 18, 11, 2075 (1984).
- [27] Н.А. Поклонский. Изв. вузов. Физика 27, 11, 41 (1984).
- [28] М. Динейхан, Г.В. Ефимов. ФЭЧАЯ 26, 3, 651 (1995).
- [29] Н.Ф. Мотт. Переходы металл-изолятор. Наука, М. (1979). 544 с.
- [30] Л.Д. Ландау, Е.М. Лифшиц. Статистическая физика. Наука, М. (1976). С. 67.
- [31] В.Г. Гинзбург, Е.Г. Максимов. СФХТ 5, 9, 1543 (1992).
- [32] И.Е. Тамм. Основы теории электричества. Наука, М. (1989). С. 100.
- [33] G.M. Castellan, F. Seitz. Semiconducting Materials. Proc. Conf. Butterworths, London (1951).
- [34] Л.Д. Ландау, Е.М. Лифшиц. Квантовая механика. Наука, М. (1989). С. 343.
- [35] Semiconductors: group IV elements and III–V compounds / Ed. O. Madelung. Springer-Verlag, Berlin–Heidelberg (1991).
 164 p.
- [36] Т.М. Лифшиц. ПТЭ, 1, 10 (1993).
- [37] А.Г. Забродский, М.В. Алексеенко, А.Г. Андреев. 25-е Всесоюзн. совещ. по физике низких температур. ФТИ, Л. (1988). Ч. 3. С. 60.
- [38] H. Fritzsche. Phil. Mag. B42, 6, 835 (1980).