# Температурная зависимость электрических свойств поликристаллического кремния в темноте и при воздействии солнечного излучения

#### © К.М. Дощанов

Физико-технический институт Научно-производственного объединения "Физика–Солнце" Академии наук Узбекистана, 700084 Ташкент, Узбекистан

#### (Получена 8 июля 1996 г. Принята к печати 20 января 1997 г.)

Вычисляются электрическое сопротивление и эффективная подвижность носителей в поликристаллическом кремнии как функции температуры и уровня фотовозбуждения. Теоретические выводы согласуются с известными экспериментальными данными.

В последние годы в связи со все более широким применением поликристаллического кремния (поликремния) в солнечных элементах значительно возрос интерес исследователей к фотоэлектрическим свойствам этого материала (см. в [1,2] библиографию и подробный критический анализ работ, относящихся к этой проблеме). Недавно была предложена новая теория рекомбинации и переноса заряда в фотовозбужденных поликристаллических полупроводниках [3]. В данном сообщении мы хотим показать, что эта теория согласуется с экспериментальными результатами работы [4], где впервые исследована температурная зависимость электрических характеристик поликремния в темноте и при воздействии солнечного излучения.

Как и в [1-3], рассмотрим модельный поликристалл, состоящий из одинаковых кубических зерен, легированных мелкой донорной примесью с концентрацией N<sub>d</sub>. На границах зерен имеются пограничные состояния (ПС) акцепторного типа, распределенные по энергии Е с поверхностной плотностью N(E). Захват электронов из объема зерен на ПС приводит к образованию межкристаллитных потенциальных барьеров, которые ограничивают перенос электронов из одного зерна в другое, а при фотовозбуждении поликристалла выполняют также функции рекомбинационных барьеров. Эффект рассеяния электронов непосредственно на самой границе зерен будем моделировать с использованием прямоугольного потенциального барьера высотой V<sub>n</sub> и шириной  $\delta$  ( $\delta$  — "толщина" границы зерен) [2,3,5]. В [2] для достижения согласия теоретических зависимостей с экспериментальными данными работы [4] предполагалось, что V<sub>n</sub> зависит от температуры образца. В рамках рассматриваемой теории это предположение является излишним.

В равновесном состоянии имеем

$$n_{s0} = \int_{E_v}^{E_c} N(E) f(E - F_s) dE,$$
 (1)

где  $n_{s0}$  — равновесная плотность электронов, захваченных на ПС;  $f(E - F_s)$  — функция распределения Ферми-Дирака;  $F_s = E_c - V_{s0} - kT \ln(N_c/N_d)$  — положение уровня Ферми на границах зерен;  $V_{s0} = e^2 n_{s0}^2 / 8\varepsilon_0 \varepsilon N_d$  — равновесная высота межкристаллитных барьеров. Остальные обозначения стандартные.

При фотовозбуждении поликристалла захват дырок на ПС приводит к уменьшению плотности электронов  $n_s$ , локализованных на границах зерен. Зависимость  $n_s$  от уровня фотовозбуждения можно определить из уравнения [3]

$$N_d \left[ \exp\left(-\frac{V_s}{kT}\right) - \exp\left(-\frac{V_{s0}}{kT}\right) \right] = G\tau_n, \qquad (2)$$

где левая часть определяет прирост концентрации электронов на вершинах межкристаллитных барьеров (на уровне протекания тока);  $V_s = e^2 n_s^2 / 8\varepsilon_0 \varepsilon N_d$  — высота межкристаллитных барьеров при фотовозбуждении; G — темп фотогенерации электронно-дырочных пар;  $\tau_n$  — время жизни неравновесных электронов на вершинах межкристаллитных барьеров. При выполнении условия  $L_p \gg n_s/N_d$ , где  $L_p$  — длина диффузии неосновных носителей в объеме зерен, имеем [3]

$$\tau_n = \frac{L_p^2}{v_n S_n (N_s - n_s)} \left[ l + \frac{D_p}{v_p S_p n_s} \exp\left(-\frac{V_s}{kT}\right) \right]^{-1}, \quad (3)$$

где  $v_n(v_p)$  — средняя тепловая скорость электронов (дырок);  $S_n(S_p)$  — сечение захвата электрона (дырки) на ПС;  $N_s$  — полная плотность ПС;  $l = L_p(a+1)/(a-1) + 4L_p^2/d$ ,  $a = \exp(d/L_p)$ , d размер зерен;  $D_p$  — коэффициент диффузии дырок.

Оценки показывают, что при  $N_d > 10^{15} \,\mathrm{cm}^{-3}$  и уровнях фотовозбуждения  $G \lesssim 1 \,\mathrm{sun} \,(1 \,\mathrm{sun} = 10^{20} \,\mathrm{cm}^{-3} \cdot \mathrm{c}^{-1} \,[1,2])$  вклад неосновных носителей в перенос заряда пренебрежимо мал. Согласно [3], удельное сопротивление поликристалла ( $\rho$ ) определяется выражениями

$$\rho = \frac{1}{e\mu_n N_d} + \frac{1}{\sigma_c},\tag{4}$$

$$\sigma_c = \frac{e^2 v_n f^* d}{2kT} \left[ 2\bar{D}_n + S_n (N_s - n_s) \right] \\ \times \left[ G\tau_n + N_d \exp\left(-\frac{V_{s0}}{kT}\right) \right].$$
(5)

Затем  $\mu_n$  — подвижность электронов в объеме зерен;  $f^*$  — фактор моделирования [5,6];  $\bar{D}_n$  — интегральная прозрачность границы зерен для электронов. Зависимость  $\bar{D}_n$  от температуры определяется выражением

$$\bar{D}_n = \frac{V_n}{kT} \int_0^1 \exp\left[-\alpha \sqrt{1-\xi} - \frac{V_n}{kT}\xi\right] d\xi - \exp\left(-\frac{V_n}{kT}\right),$$
(6)

где  $\alpha = 4\pi \delta \sqrt{2m^* V_n}/h$ ,  $m^*$  — эффективная масса электрона, h — постоянная Планка. Первый член в (6) определяет туннельный ток электронов сквозь рассеивающий барьер границы зерен, второй — надбарьерный ток.

Для описания темновой электропроводности поликремния в области низких температур необходимо привлечь еще один механизм переноса заряда: прыжковый перенос электронов по межзеренным дефектам [2,6]. Выражение для удельного сопротивления, соответствующее этому механизму, имеет вид [7,8]

$$\rho_h = \rho_0 \sqrt{T} \exp(T_0/T)^{1/2}.$$
 (7)

В поликремнии экспериментальным данным удовлетворяют  $\rho_0 = 10.15 \,\mathrm{Om} \cdot \mathrm{cm}/\mathrm{K}^{1/2}, T = 1400 \,\mathrm{K}$  [6].

Для эффектривного удельного сопротивления  $\rho^*$  и эффективной (холловской) подвижности  $\mu_n^*$  носителей имеем

$$1/\rho^* = 1/\rho + 1/\rho_h,$$
 (8)

$$\mu^* = 1/e\rho^* N_d. \tag{9}$$

На рис. 1, 2 представлены результаты расчета  $\rho^*(T)$  и  $\mu^*(T)$  в поликремнии при следующих значениях параметров: d = 0.1 см,  $N_d = 5 \cdot 10^{15}$  см<sup>-3</sup>,  $\mu_n = 350(500$  K/T) см<sup>2</sup>/B · c [4];  $E_c - E_v = 1.12$  эВ,  $D_p = 20$  см<sup>2</sup>/c,  $L_p = 10^{-2}$  см,  $v_n = v_p = 10^7 \sqrt{T/300}$  см/с [2];  $f^* = 0.05$ ,  $\alpha = 5.1$ ;



**Рис. 1.** Температурная зависимость удельного сопротивления поликристаллического кремния: 1 — в темноте (G = 0), 2 — при воздействии солнечного излучения (G = 1 sun). Точки — экспериментальные данные работы [4].

Физика и техника полупроводников, 1997, том 31, № 8



**Рис. 2.** Температурная зависимость эффективной (холловской) подвижности электронов в поликристаллическом кремнии: I — в темноте (G = 0), 2 — при воздействии солнечного излучения (G = 1 sun). Точки — экспериментальные данные работы [4].

 $V_n = 0.06 \ \Im B, \ S_p = 10^{-13} \ \mathrm{cm}^2, \ S_n = 7.7 \cdot 10^{-15} \ \mathrm{cm}^2;$ параметры гауссова распределения плотности ПС:  $N_s = 2.18 \cdot 10^{11} \ \mathrm{cm}^{-2}, \ E_s = E_v + 0.37 \ \Im B, \ \Delta E = 0.05 \ \Im B.$ Видно, что теоретические зависимости хорошо согласуются с экспериментальными данными.

Следует отметить, что предложенная в [2] интерпретация экспериментальных результатов работы [4] вызывает сомнение. Предполагаемая в [2] зависимость  $V_n(T)$  получена не из физических соображений, а в результате сопоставления теоретической зависимости  $\rho^*(T, G = 1 \text{ sun})$ с экспериментальными данными (другими словам,  $V_n(T)$ используется в качестве подгоночной функции). Такой подход был бы оправдан, если бы одновременно было показано, что зависимость  $\rho^*(T, G = 0)$ , вычисленная при той же зависимости  $V_n(T)$  и тех же значениях параметров, согласуется с экспериментальными данными. Однако в [2] темновая электропроводность не рассматривается. Ранее в [3] было указано и на другие некорректности теории [1,2]. Представляется, что в данном сообщении приведено наиболее убедительное объяснение экспериментальных результатов работы [4].

### Список литературы

- D.P. Joshi, D.P. Blatt. IEEE Trans. Electron. Dev., 37, 237 (1990).
- [2] D.P. Bhatt, D.P. Joshi. J. Appl. Phys., 68, 2338 (1990).
- [3] К.М. Дощанов. ФТП, **30**, 558 (1996).
- [4] H. Paul Maruska, A.K. Ghosh, A. Rose, T. Feng. Appl. Phys. Lett., 36, 381 (1980).
- [5] N.C.C. Lu, L. Gergberg, C.Y. Lu, J.D. Meindl. IEEE Trans. Electron. Dev., 30, 137 (1983).

- [6] B.P. Tyagi, K. Sen. Phys. St. Sol. (a), 90, 709 (1985).
- [7] D.K. Paul, S.S. Mitra. Phys. Rev. Lett., 31, 1000 (1973).
- [8] P.C. Mathur, R.P. Sharma, R. Srivastrava, P. Saxena, R.K. Kotnala. J. Appl. Phys., 54, 3913 (1983).

Редактор Л.В. Шаронова

## Temperature dependence of electrical properties of polycrystalline silicon in the dark and under solar illumination

K.M. Doshchanov

Physicotechnical Institute, Scientific-Production Union "Physics–Sun", Academy of Sciences of Uzbekistan, 700084 Tashkent, Uzbekistan

**Abstract** The electrical resistivity and the effective carrier mobility in polycrystalline silicon are computed as functions of temperature and illumination level. Theoretical predictions agree with known experimental data.